

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Informazioni su questo libro

Si tratta della copia digitale di un libro che per generazioni è stato conservata negli scaffali di una biblioteca prima di essere digitalizzato da Google nell'ambito del progetto volto a rendere disponibili online i libri di tutto il mondo.

Ha sopravvissuto abbastanza per non essere più protetto dai diritti di copyright e diventare di pubblico dominio. Un libro di pubblico dominio è un libro che non è mai stato protetto dal copyright o i cui termini legali di copyright sono scaduti. La classificazione di un libro come di pubblico dominio può variare da paese a paese. I libri di pubblico dominio sono l'anello di congiunzione con il passato, rappresentano un patrimonio storico, culturale e di conoscenza spesso difficile da scoprire.

Commenti, note e altre annotazioni a margine presenti nel volume originale compariranno in questo file, come testimonianza del lungo viaggio percorso dal libro, dall'editore originale alla biblioteca, per giungere fino a te.

Linee guide per l'utilizzo

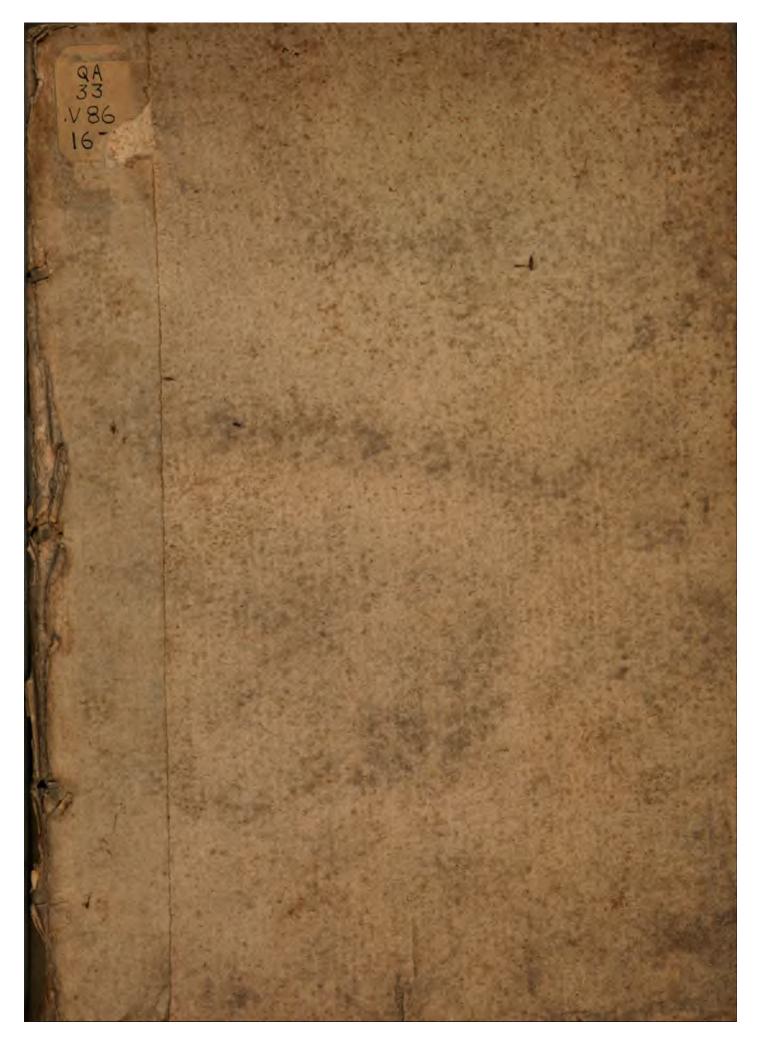
Google è orgoglioso di essere il partner delle biblioteche per digitalizzare i materiali di pubblico dominio e renderli universalmente disponibili. I libri di pubblico dominio appartengono al pubblico e noi ne siamo solamente i custodi. Tuttavia questo lavoro è oneroso, pertanto, per poter continuare ad offrire questo servizio abbiamo preso alcune iniziative per impedire l'utilizzo illecito da parte di soggetti commerciali, compresa l'imposizione di restrizioni sull'invio di query automatizzate.

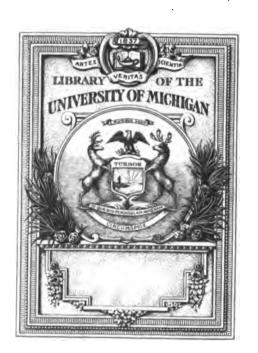
Inoltre ti chiediamo di:

- + *Non fare un uso commerciale di questi file* Abbiamo concepito Google Ricerca Libri per l'uso da parte dei singoli utenti privati e ti chiediamo di utilizzare questi file per uso personale e non a fini commerciali.
- + *Non inviare query automatizzate* Non inviare a Google query automatizzate di alcun tipo. Se stai effettuando delle ricerche nel campo della traduzione automatica, del riconoscimento ottico dei caratteri (OCR) o in altri campi dove necessiti di utilizzare grandi quantità di testo, ti invitiamo a contattarci. Incoraggiamo l'uso dei materiali di pubblico dominio per questi scopi e potremmo esserti di aiuto.
- + *Conserva la filigrana* La "filigrana" (watermark) di Google che compare in ciascun file è essenziale per informare gli utenti su questo progetto e aiutarli a trovare materiali aggiuntivi tramite Google Ricerca Libri. Non rimuoverla.
- + Fanne un uso legale Indipendentemente dall'utilizzo che ne farai, ricordati che è tua responsabilità accertati di farne un uso legale. Non dare per scontato che, poiché un libro è di pubblico dominio per gli utenti degli Stati Uniti, sia di pubblico dominio anche per gli utenti di altri paesi. I criteri che stabiliscono se un libro è protetto da copyright variano da Paese a Paese e non possiamo offrire indicazioni se un determinato uso del libro è consentito. Non dare per scontato che poiché un libro compare in Google Ricerca Libri ciò significhi che può essere utilizzato in qualsiasi modo e in qualsiasi Paese del mondo. Le sanzioni per le violazioni del copyright possono essere molto severe.

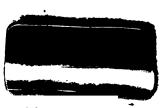
Informazioni su Google Ricerca Libri

La missione di Google è organizzare le informazioni a livello mondiale e renderle universalmente accessibili e fruibili. Google Ricerca Libri aiuta i lettori a scoprire i libri di tutto il mondo e consente ad autori ed editori di raggiungere un pubblico più ampio. Puoi effettuare una ricerca sul Web nell'intero testo di questo libro da http://books.google.com





£,



cho.l.s.

SCIENZA VNIVERSALE DELLE PROPORZIONI.



QVINTO LIBRO DEGLI ELEMENTI D' E V C L I D E.

O V V E R O

SCIENZA VNIVERSALE DELLE PROPORZIONI

SPIEGATA COLLA DOTTRINA

DEL GALILEO,

Con nuov'ordine distesa, e per la prima volta pubblicata da Vincenzio Viviani ultimo suo Discepolo.

Aggiuntevi cose varie, e del GALILEO, e del TORRICELLI; I Ragguagli dell'ultime Opere loro, con altro, che dall' Indice si manifesta.

ALL' ALTEZZA SERENISS. E REVERENDISS.

DEL SIGNOR

PRINCIPE CARDINALE DE MEDICI.

IN FIRENZE, Alla Condotta. M.DC.LXXIV. Con licenza de' Sup.



OVINTO LIBE.

O 10 1 1 1 1 1 1

SCIENZA VARILE EN DELLE PROPERTY

Communication of the second of

nie od okaza kaj promostaj promostaj

PRINCIPA CARDINALLE

ING BUZUT, AKTAKING BATATAN, BATATA

Surroy com fertile agag

S'ERENISSIMO EREVEREND SIGNORE.



EL presentare all' ALTEZZA VOSTRA questa piccol Opera non posso non ricorrere al concetto usitatissimo dagli Scrittori esprimente, a niun altro potersi dedicare i lor Libri, che a chi essi eleggono di dedicargli. Vero è

che quello, che a molti suggerisce l'adulazione, a me lo detta la verità, e la giustizia, la quale m'obbliga 2 restituir nelle mani di V. A. quel frammento Matematico del Gran Galileo, che già dalle medesime io ricevei. Questo, insieme con altre cose di lui benignamente somministratemi dall'A.V. mi à porto materia di far il presente nuovo disteso del quinto Libro d'Euclide, e di altre curiose notizie attenenti in particolare all'ultime Opere dal medesimo Galileo meditate. Spero che V.A. non sia per isdegnarne il principale argomento, contuttochè quasi improprio, come d'Elementi, al suo grand'Intelletto profondato nelle cognizioni più nobili, perchè, trattandoli di Proporzioni, anche i principi devon esser considerati per una delle più essenziali parti, e più degne della Geometria, la quale, dall' A. V. così altamente posseduta come in altri generosamente favorita, fa che molto bene le sia noto che se co' soli Elementi de' primi

primi quattro Libri si volesse rilevar qualche cosa nelle Matematiche, nient altro si farebbe che disegnar nella polvere, senza arrivar mai a formar nulla di consistente, e di massiccio. La Scienza delle Proporzioni (fiami lecito dir così) è quell'Vmido, che legando nsieme il resto della materia la prepara, e la condiziona ad ogni più esquisito lavoro, abilitandola a. pigliar qualunque forma di gran rilievo. Di qui è che tanti celebri Matematici, conoscendo l'importanza di essa, tentarono per varie vie di renderla esente da ogni dubbiezza, e che fino un Galileo, occupato nelle sue più peregrine speculazioni, la stimò non disdicevole oggetto alla sua industriosa applicazione, il che poi diede animo ancora a me d'impiegarvi intorno qualche tempo, e fatica per ridurla nella forma che quì si vede. Resta ch'io supplichi umilmente 1 A.V, che nel gradire, per quella poca parte ch'io v'abbia, questo piccol tributo del mio reverente offequio, si compiaccia di riconoscervi ancora quello dell'Autore, il quale, sigcome mi assicuro ch'e si sarebbe sommamente pregiato di ottenerla per Protettore di tutto ciò che di lui è qui voluto indirizzarle, così godo che in questa mia elezione conseguisca da me suo Discepola un nuovo pegno della mia affetmofa gratitudine o E qui all' ALTEZZA VOSTRA m'inchino profondamente. Di Firenze il di 10. d'Agolto 1674.

Di V. A. R

Vincenzio Viviani.

NOBILI GEOMETRI PRINCIPIANTI.

PESTA volsa, fuor dell'usato stile degli Scrittori, io m' era persuaso di passarmela senza Proemio col suprosto che'l detto, or avvertito da me sparsamente in quest' Opera potesse dispensarmi dal darvene innanzi più distinta novizia, la quale d poi per convenevole riconosciuta,

per necessaria.

SONO già scorsi venticinque unni che dal SERENISS. E RE-VERENDISS, SIGNOR PRINCIPE CARDINAL LEOPOLDO DE' MEDICI, io fui onerate d'una Scrittura intitelata Principio della quinta Giornata del Galileo, presentatagli poco prima da Evangelista Torricelli, l'uno, e l'altro a bastanza celebre al Mondo per la sublimità delle loro al issime speculazioni. Di questa, ch'era di mano di esso Torricelli, (con tutto che del suo contenuto io avessi anticipata notizia) così impersata com'era, e quale qui vedrete, con permissione dell'ALTEZZA S V A io mi presi copia. Conteneva Dimostrazioni del Galileo delle Difinizioni quinta, e settima del quinto Libro d'Euclide, siccome de conversi loro, spettanti tutte alle grandezze tanto proporzionali, che non proporzionali, colle quali dimostruzioni pretese il Galileo d'aver rimosse le dissicultà, cho incontrar sociono i Principianti in dover ammetter per disinizioni quelle, che più tosto paiono Teoremi da dimostrarsi. E perché in tale Scrittura vien detto che, posti simili fondamenti, si sarebbe potuto poi compendiare in parte, e riordinare tutto l quinto Labro d'Euclide, ritrovandomi alcuni anni fono per erave indisposizione della mia testa affatto inabile a più arthue contemplazioni, mi posi a riformare, e a distembere su le medesime Dimostrazioni del Galiteo questa SCIEN. ZA PNWERSALE DRLLE PROPORZIOMY alla qual Opera, diversiione allora da abro affare , per Magail il desiderio di un Cavalier mis amorevel Signere, e della Geometria, non men che dell'invenuità mnamorato, ò dato ora fine, DIO lodato, col miglior ordine, e modo che d sapuso. Nè di questo io mi son contentato, che ò voluto ancora, col resto, che qui vedrete, e che grato al certo vi sarà, pubblicarla sotto i benigni anspici di S. A. R. (a cui per ogni conto io doveva indirizzarla) sì per assicurare al mio Galileo le sue proprie. Dimostrazioni, che con qualche pericolo erano andate in volta già son molti anni, sì per sarle comuni a Voi bramosi d'incameminarvi senz'inteppo per la via Elementare d'una Scienza così importante quale è questa delle Proporzioni, la quale per mio avviso, à tanta parte nell'invenzioni Matematiche, quanta, per avventura, in virtù di suo proprio rivolgimento, e col maschil vigore di sua calorisca luce se ne abbia il Sole, Anima del suo nobil Sistema, nell'universalità delle cose, ch'ei con mirabili, e incognise Proporzioni và in esso perpetuamente operando.

QVELLO poi ch'io mi senta della validità della presente maniera del Galiko, in comparazione delle tenute da altri Autori, i quali per altre vie an tentato, e con somma lode, di render più chiara questa Scienza, io, veramente, essendo i paragoni mai sempre odiosi, non ardirei pronanziare; oltre che tutto ciò ch'io adducessi a savor di questa, chi non ne sacesse riscontro potrebbe forse pigliarlo come da Discepolo appassionato verso'l Maestro. Non possó già contenermi di commendare. quello di plausibile, che à in sè questo modo, e sorse più di qualch altro, che è l'applicar le sue dimostrazioni con assoluta considerazione a qualunque genere di grandizze, come sa Euclide, or il confarsi quasi in tutto can esso, senza introdurre novità maggiore che velle Difinizioni , e nel far Teoremi dimostrati quegli, che, come principi noti, vengono supposti da Euclide steffo, e dagli altri Geometri suoi Seguaci, il che poi è quel solo che in tale Scienza parena da desiderarsi, espegendost nel rimanente la confusione per chi và studiando gli altri Autora, a quali, e nel citare, e nel dimostrare alsordine del quinto Libro si riferiscono: Che se què m'è occorso variarlo in parte, o per comodità di provar le cose avvenire, o per facilitare, o per abbreviar il Trattato, Vi ò anche riparato col porre nel Margine, ed ancora in piè di ciascuna Proposizione

il numero, al quale corrispondono quelle del medesimo Euclide. E per dare a ciascuno il dover suo, vi è notato in oltre de

chi sia'l modo, col qual'io ne ò distesa la prova.

L'occasione, o più tosto la necessità di congiugnere a questa Scienza, l'altre tose, che le vengono appreso (fra le quali assai curiosò è il Racconto che sà il proprio Galileo dell'Opere che per uttimo egli aveva in animo di scrivere, ottre alle già pubbicate) contentatevi di saperla a luoghi loro nel passar da uno adun altro argomento, che tal maniera da me tenuta penso non sia per riuscirvi men comoda, o meno opportuna, e perciò dell'usata non men gradita.

O'Scristo nella lingua della mia nobil Patria, prima per conformarmi al disteso della predetta quinta Giornata, e poi per non lasciar dal canto mio d'andar addomesticando alla Toscana savella anche i termini meno usati della Geometria, seguendo 'n ciò il medesimo Galileo, e gli Scrittori d'altre Nazioni, che in oggi, melle materie eziandio scientisiche, si vagtiono

quasi tutti della propria lingua materna.

FORSE alcuno vi sarà che mi attribuirà a soverchia ambi-Zione il palesarmi in fronte di quest'Opera per ultimo Discepolo del Galileo; ma però molti più saranno quei, che me n'invidieranno. Il fatto si è che, per mia gran ventura, io son l'ultimo fuo Discepolo, perchè egli mi su continuo Maestro per eli ultimi tre anni di sua Vita, e di quanti ci trovammo presenti all'ultimo suo respiro, (che oltre a due Sacerdoti, v'interuennero il Torricelli, il Dottor Vincenzio Galilei suo figliuolo, e gli altri di sua Casa) io solo, (benche l'ultimo, nell'essermene approfittato) sono a tutti sopravvissuto, e quasi anche rimasto l'ultimo di quanti più intimamente lo praticarono. E però, come tale, colla pubblicazione de presenti suoi scritti intendo per ora far noto al Mondo, che (quantunque non sia possibile offerire non solo a DIO, o d'Genitori, ma nè pure al Maestro, retribuzione ch' equivaglia al prezzo de ricevuti benefici) io non trascuro occasione di soddisfar in parte al debito di ben grato Discepolo col dar luce, e vita a preziosi, e veneculturabili avanzi di non più vulgate speculazioni del gran Galifeo mio leverito Macstro, siccome io non tralascerò mai di onorare l'incontrastabil sama di cotant Vomo anche per mezi in ogni conto eccedenti le deboli sorze mie, col tentare in varie gnise d'alleggerirmi dal peso immenso degli obblighi da me dovuti à i dotti, prudenti, ed amoreuoli insegnamenti di quel Sapientissimo Vecchio, le di cui ammirabili scoperte, e ne Cieli, e nella Natura serviranno di chiara, & infallibile scorta a tutta la saggia Posterità.

", GRADISCA in tanto quella grand' Anima al cuor mio sem,, pre venerabile questo pubblico monumento del mio non mai
morto amore: e Voi novelli Geometri gradite l'ardente Relo che
ò di assiduamente giovarvi, mentre io, ripigliando i mici propri
Studi, m'ingegnerò, mercè la BONTA DIVINA, di farvi vedere
un giorno ch'io non passo mia vita del tutto in ozio, e che
regnano in me sentimenti di gratitudine uerso chiunque s'è compiaciuto di più che generosamente benesicarmi.



INDICE

INDICE

DEL CONTENVTO NELLA PRESENTE

OPERA.

•		• • •
VIN	TO Libro degli	Elementi d'Euclide,
Ovve	ro Scienza unive	rsale delle Proporzio-
	ii spiegata colla i	Dottrina del Galileo,
	••	
Scienze della	Meccanica, e	de Movimenti Lo-
cali.		a F. 61.
Franzele, per	i anali eoli da n	otizia dell'Opere, che
per ultimo me	ditava di scrive	re oltre alle già pub-
blicate.	J	a F. 79.
RAGGVAG	LIO di V.V. il	ntorno alle sopraddette
	0-, 0-	_ ~ _•
della Geometi	ria.	4 F. 89.
PARERE	del Galileo intor	no all'anvolo del con-
PROPOSIZ	IONI XXVII.e	XXVIII. del sesto Li-
	•	 ,
	* 4	VIII. RAG-
	con nuovo ore pubblicata da PRINCIPIO aggiugnersi a Scienze della cali. CAPITOLI Franzese, per per ultimo me blicate. RAGGVAO Opere del Gal DIGRESSI della Geometr PARERE tatto. PROPOSIZ bro d'Euclide celli.	CAPITOLI di lettere del Ga Franzese, per i quali egli dà n per ultimo meditava di scrive blicate. RAGGVAGLIO di V.V. in Opere del Galileo. DIGRESSIONE di V.V. in della Geometria. PARERE del Galileo inton tatto. PROPOSIZIONI XXVII.e bro d'Euclide dimostrate congi

WIII. RAGGVAGLIO intorno all'ultime Opere Matematiche del Torricelli compreso in una lettera del Sig. Dottor Lodo vico Serenai Esecutore Testamentario del medesimo Torricelli. 4 F. 117.

IX. ALCV'NE Aggiunte diV.V. al primo Libro d'Euclide.

SENTIMENTI d'Autori Illustri intorno all'Eccellenza, e all'Villità della Geometria.



QVINTO LIBRO

DEGLI ELEMENTI DEVCLIDE,

VVE RO

ENZA VNIVERSALE DELLE PROPORZIONI.

DIFINIZIONI



RANDEZZE OMOGENEE s'intendon quelle, che son tra loro d'un medesimo genere. Cioè quelle, alle quali si convien una stessa difinizion generale della lor quantità, o estensione.

ER esempio (trale quantità così continue, come disgiunte) tutte le linee in generale, siccome tutte le superficie, tutti i cor-🕍 pi , suite le volocioà, tutti i momenti , tutte le forze disolute, tutti i tempi, tutti i numeri, &c. son grandezze omogenee, perche sotto la general difinizione della linea cadono tutte le linee, tanto la retta, che la curva, o che la mista, ancorchè poste in un medesimo, o 'n diversi piani; e sotto la difinizione generale della superficie cadono tanto la superficie piana, che la concava, o che la mista, &c. e cost intendass d'ogn'altro genere di grandezze.

II.

TRA due grandezze omogenee, e terminate disuguali: Diffu. uti P. la maggiore si dice MVLTIPLICE della minore, quando dib. d'Bud. la minore presa più volte pareggia, e misura appunto la maggiore.

PARTE

III.

Difin: del V. lib. d'Eucl. PARTE, O SYMMULTIPLICE, cioè sottomultiplice si dice la minore di due grandezze omogenee, terminate, e disuguali, che multiplicata più volte misura appunto la maggiore.

QVESTA, con voce forse troppo generale, da Euclide se chianea para te, ma però meglio da altri è detta parte aliquota, a differenza dell'altra detta parte aliquanta, la quale è quella grandezza minore, che replicata non misura precisamente la maggiore, e che negli Elementi de' numeri è da Euclide chiamata PARTI.

W.

Dal P.Clavies.

LE grandezze di qualunque genere dicansi EGVALMENTE MVLT IPLICI delle loro omogenee, quando quelle contengan queste egual numero di volte.

V.

Difir. 3. e 4...
del V. librod' Bucl. più
largamente.
spiegata.

proporzione, detta in latino indifferentemente con le voci, e Proportio, e Ratio (che forle più propriamente sarebbe detta Relatio) è quella scambieuole relazione, o ragione, che anno insieme due grandezze omogenee terminate, per quanto s'appartiene alla lor quantità, o continua, o disgiunta.

E le grandezze, o le quantità, fra le quali si sa tal paragone, si dicono i TERMINI della proporzione.

CIOE' Proporzione altro non è, che quell'unica couvenienza, ovvero quell'unico riguardo, o paragone, o rispetto, o relazione determinata, e particolare, che à una quantità terminata vers' un'altra a sè omogenea, e terminata in quanto quella è uguale, o per quanto ell'é maggiore, o minor' di questa: Poiche non si dà proporzione, o relazione tra due grandezze omogenee, se non tra quelle, chemultiplicate possono avunzarsi, le quali poi souo solamente le grandezze omogenee terminate: Siccome non si può sar paragone tra due grandezze omogenee infinite, ne similmente tra una sinita, ed un'altra di quantità realmente infinita.

VI.

PROPORZIONI SIMILI fra le quantità (che anco si dicono indifferentemente proporzioni uguali, e proporzioni medesime) cioè fra la prima, e la seconda, e fra la terza, e la quarta intendanfi allora, quando la prima grandezza, effendo per elempio uguale, o multiplice, o summultiplice della. seconda, ance te terzasia eguale, o altrettante volte multipliplice, o summultiplice della quarta. Et anco quando la prima contenendo la seconda più volte, e di più qualche parte aliquota di essa seconda, anco la terza contenga la quarta altrettante volte con altra simil parte aliquota di essa quarta. Siccome quando la prima essendo contenuta più volte dalla. seconda con qualche avanzo, anco la terza dalla quarta sia. contenuta altrettante volte, e con altro simile avanzo. Cioè finalmente quando la prima non sia niente maggiore, nè minor del bisogno, per avere alla seconda rispetto, o relazione fimile a quella che à la terza verso la quarta. Che è il medesimo che dire. Quando la differenza tra la prima, e la seconda farà fimile alla differenza, che è tra la terza, e la quarta, allora queste due relazioni, o rispetti, o proporzioni dicansi proporzioni simili, o medesime, o eguali, come più aggrada. E questa maniera di spiegare le proporzioni simili tanto s' adatta alle quantità continue, che alle disgiunte, le quali son quelle, che si possono esprimer co' numeri.

Difin. s.del V. lib d' Buclide Spiegata altrimetti cel Gal.

VII.

GRANDEZZE, O QVANTITA PROPORZIONALI, dicardi Difin. 6. del 12; i termini delle proporzioni simili.

CIOE quando la proporzione che è tra la prima, e la secondas grandezza, sara fimile alla proporzione, che è tra la terza, e la quarta nel modo sopra dichiarato, allora questi termini primo, e secondo, terzo, e quarto dicansi grandezze proporzionali.

SCIENZA VNIVERSALB

VIII.

Difin. 7. del P. lih. d'Eucl. Spiegata altri menti col Galileo. DI due Proporzioni, quella della prima grandezza verso la seconda dicasi PROPORZIONE MAGGIORE di quella della terza verso la quarta: Cioè dicasi la prima alla seconda aver maggior proporzione, che la terza alla quarta, quando la prima sarà alquanto maggior del bisogno, acciocchè la proporzione d'essa prima verso la seconda sia simile alla proporzione della terza verso la quarta.

IX.

Dif.8.e 9. del V: lib.d'Eucl: fpiegata più largamente.

ANALOGIA, altrimenti detta PROPORZIONALITA, è la simiglianza di più Proporzioni tra grandezze proporzionali, e omogenee, o pur anco di generi differenti.

COME per esempio se la proporzione, o'l rispetto che è fra due linee sarà simile al rispetto che è fra due altre linee, o al rispetto fra due superficie, o fra due corpi, o fra due numeri, &c. questa tal simiglianza di rispetti, o di proporzioni, dicasi Analogia, o Proporzionalità.

Difia.9. del V. lib. d'Euc l. E notifi che l'Analogia, o Proporzionalità non può confistere in meno ch' in tre termini di grandezze, ma però omogenee; come sarebbe ne' termini di tre linee, di tre corpi, di tre velocità, di tre numeri, erc. quando eioè il primo termine al secondo à Proporzione se simile a quella che à il secondo al terzo.

X.

ANALOGIA, O PROPORZIONALITA CONTINVA, si chiama quando, nella comparazione di tre, o di quattro, o di più termini di grandezze omogenee, e proporzionali, que' di mezzo si prendono due volte, servendo ciascuno prima di termine conseguente di una proporzione, e poi di termine antecedente dell'altra simil proporzione, che le succede: cioè, quando il primo termine al secondo sta come'l secondo al terzo, e come'l terzo al quarto, e così continuando sino all'ultimo termine, chiamandosi tutti 2 VANTITA CONTINVE PROPORZIONALI.

ANA-

DELLE PROPORTIONI

XI.

ANALOGIA, O PROPORZIONALITA DISCONTINEA, O DIS-GIVNTA si chiama quando, fra due, o tre, o quattro, o più coppie di Proporzioni fimili tra quantità omogenee, o pure a anco tra grandezze a due a due di generi differenti, i termini de' fimili rispetti fi paragonano a coppia a coppia talmente, che niuno mai de' termini conseguenti d'una Proporzione serva d'antecedente all'altra simile, che le consegue.

CHE sarà, quando il primo termino al secondo starà come il terzo al quarto, e come il quinto al sesto, e così sempre, Cc.

LE due seguenti difinizioni, perche son posta da Euclide nel suo quinto libro, benche non abbiano vso prima che nel sesto, essendo bisognose di qualche dichiarazione si porranno qui non ostante.

XIL

NELL'Analogia, o Proporzionalità continua, la primaquantità all'ultima si dice aver proporzione tante volte multiplicata della proporzione della prima grandezza alla seconda, quant'è I numero delle proporzioni, che cadono sia.' termini estremi.

Diffix 10 e 1 v. del V. libro d' Eucl. più chiaramente spiegete.

E così, essendo tre grandenze continue proporzionali, la primasalla terza si dirà aver duplicata proporzione di quella che àla prima verso la seconda: E di quattro quantità continue proporzionali, la prima alla quarta si dirà aver proporzione triplicata pur della prima proporzione tra la prima, e la seconda, e similmente la prima alla quinta proporzione quadruplicata della medesima prima proporzione, e così sempre; che altro non vuel dire, se non che tra la proporzione della prima alla terza cadono due proporzioni della prima alla seconda; e tra la proporzione della prima alla quinta quarta ne cadon tre; similmente tra quelle della prima alla quinta cadon quattro proporzioni, e sempre di quelle della prima alla seconda, perchè tutte l'altre si danno simili a questa.

GRAN-

XIII.

Difin. 12 del T. lib.a Eucl. più largamense spiegasa.

confeguenti fra loro.

CIOE! se la proporzione della grandezza A verso b sarà simile, alla proporzione della grandezza C verso d, i termini antecedenti A, C, siccome i conseguenti b, d, si dicono A. b. omologhi fra loro, cioè che l'antecedente A della prima proporzione corrisponde all'antecedente C della seconda, C. d. e che l'aconseguente b della prima corrisponde nell'ardine al conseguente d'della medesma seconda Proporzione.

IL rimanente delle difinizioni premesse da Euclide nel quinto lib. si porranno in questo dovesse avrunno uso., in quella guisa che sece l'ammirabil. Geometra Evangelista Torricetti nel suo Trattato delle Proporzioni (com apparisce dalle copie, che egli medesimo ne diede fuori) e com'anco sece dipoi il Dottore Gio. Alsonso Borelli Insigne Filosofo, e celebratissimo Matematico dello Studio Pisano., nel dottissimo, ed utilissimo suo Compendio degli Elementi d'Euclide.

XIV.

'QVANDO saranno due, o tre, o quattro, o più proporzioni in continui termini omogenei, per esempio negli A, b, C, d; la proporzione che è tra il primo termine A, e l'ultimo d, si dirà PROPORZIONE COMPOSTA di nutre quelle date proporzioni, cioè della proporzione, che è tra A, e b; di quella che è tra b, e C, e di quella che è tra C, e d.

CHE altro non vuol dire se non che tra la proporzione della prima A alla quarta d vi mediano quelle tre altre proporzioni uniche, e determinate, per mezzo delle quali si forma per necessità quella tal determinata proporzione fra l'estreme A, d.

QPEST A difinizione non è in Euclide, ma è ben ufata xosì da esse nel sesto libro, & altrore, siccome da tutti gl'altri Geometri, e Matematici; e l'ho posta qui perchè m'occorre valermene qualche volta in questo Trattato. Se altri ne desidera più dissus dichiarazione, - la troverà verso l' sine del Dialogo del Galileo qui congiunto.

QVAN-

OVANDO si dirà, o si proporrà di provare ch' una proporzione ignota fra due grandezze omogenee è composta di
due altre, o di tre, o di più note proporzioni, che sieno date in termini dello stesso, o pur di disserenti generi, altro non
si dovrà intendere, nè altro si vorrà provare se non che ridotte le note proporzioni in quali si sieno termini omogenei
continuati [se però in tali non sossero date prima] la proporzione ignota è la medessima, o simile alla proporzione, che
è tra li primo, e l'ultimo de medessimi presi termini continuati. E questo è uno de mezzi, per cui l'ignote proporzioni rendonsi note.

QVEST A Difinizione similmente non si trova in Euclide: ma perchè in tal significato, egli, & ogn'altro sempre se n'è valso, e l'espevienza m'à dimostrato che molti de Principianti sogliono incontrar
difficultà in concepirla, non riuscirà loro instrutuoso l'addurre inquesto luogo alcune Proposizioni delle più Elementari attenenti a' piani, a' solidi, alle velocitadi, e a momenti, che son dimostrate per
tal' via da vari Geometri, e Mèccanici, affinchè, allora quando col
proseguir gli Studi, v' arriveranno, sovvenza loro d'osservare inesse, come in effetto tal disinizione vien praticata quivi precisamente:
ael modo che sopra s'è avvertito.

E le conclusioni sopraccennate sono le seguenti.

Ţ.

AEQVIANGVIA Parallelogramma inter se rationem habent, eam, quæ ex rationibus laterum componitur; Nempe ex ratione unius lateris primi parallelogrammi ad unum latus secundi, di, & ex ratione reliqui lateris primi ad reliquum secundi.

QVESTO Teorema & d'Euclide la Prop. 23, del sesso libro.

:II.

TRIANGVEA & Parallelogramma inter se proportionem.

habent compositam ex proportione bassum, & ex proportione
altitudinum.

QVESTO

SCHWEA VNIVERBALE.

QVESTO Teorema è del Comandmo, aggiunto alla Prop. 23. del festo libro.

III.

cylindri. & Coni proportionem habent compositam ex

QVESTO è pure del Comandine la Proposizione ottava delle suca aggiunte nel Comento del Trattato d'Archimede delle Conoidi, ed delle Sferoidi.

IV.

" SI duo mobilia ferantur motu Equabili, inequali tamen ve, " locitate, spatia temporibus equalibus ab ipsis peracta, habe" bunt rationem compositam ex ratione velocitatum, & ex ra", tione temporum.

QVESTO Teorema & del Galiteo la Prophizione quarta del moto equabile.

o, spensorum momenta sunt in ratione composita ex ratione dila fantiarum. & ex ratione gravitatum.

QVESTO Teorema fu dimostrato dall' Acutisimo Matematico il Padre Euonaventura Cavalieri, e da lui stampato nell'anno 1647, alla Proposizione 6. della sua quipta Esercitazione Geometrica; benche di tal conclusione si fosse prima servito un tal Giovann' Anton' Rocca insigne Geometra, e Disceposo di detto Padre, in un suo proprio Lemma Meccanico, il quale su poi riserito dal Torricelli inspiè della Proposizione il delle sue Quadrature della Parabola, con prosestarsi quivi da Vomo ingenno, e avanti, e dopo, sche tal Lemma mon era suo, ma di esso Rocca. Lo risenì ancora il detto P. Gavalieri nella sua terza Esencitazione di faccie 231. Mu però questa mez desima conclusione, d Teorema quinto, molto prima era noto al nostro Galileo, come apparisce da quel suo Teorema Meccanico nel Trattato delle Resistenze, premesso come Lemma al Problema, che propone.

"DATO il peso massimo retto dal mezzo d'un Cilindro, o "Prisma, devella resistenza è minima, e dato un peso maggior, di quello, trovare nel detto Cilindro il punto, nel quale, il dato peso maggiore sia retto come peso massimo.

DOVE

DOVE manifestamente # riconosce tal quinta conclusione, ed ancora il mezzo per dimostrarla: oltrechè appresso ogni Geometra è ormai regola trita, universale, e sicura (quando clia venga"ntesa colle debite circonstanze) che,

RATIO homogenearum magnitudinum ab homogeneis magnitudinibus numero æqualibus productarum componitur ex rationibus, quæ sint inter homonimas magnitudines producentes.

E chi si prenderà cura d'esaminave eiascuno degli addotti esemp), ed ogn'altro simile, troverà che tutti vengono compresi
dal suddetto general Teorema, il quale (se questo nefusse 'l luogo) potrebbe auco facilmente dimostrarsi.
Ma tanto basti avere avvertito intorno al modo
di considerare le Proporzioni ignote, quando si vuol provare ch'elleno sien composte d'altre note Propora
Zioni.



DELLA DIVISIONE DELLE PROPORZIONI.

FFINCHE nel presente Trattato delle Proporzioni si abbiano di queste le notizie più principali, con la maggior brevità che possibil sia spiegherò qui il significato d'alcun'altri nomi soliti usarsi dagli Autori nel maneggio delle medesime proporzioni.

SOPR A a numero 5. assai chiaramente su difinito ciò che assolutamente intender si debba per proporzione tra due grandezze omogenee, sì nella quantità continua, come nella disgiunta.

Ma qui notisi prima, che delle quantità, o grandezze, altre son

fra loro commensurabili, altre incommensurabili.

I. QVANTITA' fra loro commensurabili son quelle, che son multiplici d'un'altra, o che anno di comune una medesima parte aliquota, cioè, che precisamente misura l'una, e l'altra secondo qualche numero.

PER esempio. Vna linea di 25. palmi, e una di 10. diconsi grandozze, o quantită fra loro commensurabili, perchè ciascuna di loro è multiplice di una di 5. palmi, cioè l'una, e l'altra è misurata da, questa di 5. che è parte aliquota di ciascuna di loro, entrando 'l 5. appunto 5. volte nel 25. e due volte appunto nel 10. E tal linea di 5. palmi si dice la comune misura di quelle di 25. e di 10. Siccome è commensurabile una linea di palmi 27. con una di 12. perchè esse anno per comune misura una lor parte aliquota, che è di tre palmi, la quale misura quelle second' i numeri 2. e-3. E dicansi ancorascommensurabili fra di loro quando la comune misura di esse entra qualche numero di volte nella maggiore, ed una sol volta nella minore; come sono la linea di 10. palmi, e quella d'uno, le quali son misurate da un'altra linea d'un palmo. Sicchè i numeri sono quantità fra loro commensurabili, perchè almeno l'unità gli misura tutti. E però

Quantità commensurabili fra loro son quelle grandezze omogenee

che si possono esprimer co' numeri.

II. QUANTITA incommensurabili fra loro quelle s'intendono, fra le quali non si dà mai parte aliquota comune, cioè che le misuri amendue.

QVALI per esempio sono, di qualunque quadrato, il diametro, e'l lato, fra le qua' linee (come prova Euclide nell'ultima del suo X. libro) non si può mai trovarn' una terzi, o assegnar una parte loro

loro, benche minima, che sia ali quota d'amendue, la quale cioè, misurando l'una secondo qualche numero, misuri anco l'altra secondo altro numero per appunto; e per tanto.

incommensur Abili fra loro son quelle grandezze omogenee, che non si possono esprimere, o rappresentare insieme co' numeri.

ORA, trattandosi in genere delle Proporzioni fra due grandezze omogenee, altra si dice Proporzione razionale, altra irrazionale.

III. Proporzion razionale, è quel rispetto, o relazione che è fra due grandezze commensurabili tra loro, cioè quella proporzione, che si può ridurre fra due numeri, come di 10. a 8, di 20. a, 3, di 7. a 13, di 30. a 10. di 15. a 1. &c.

IV. PROPORZIONE irrazionale, è quella relazione che è tras due grandezze incommensurabili, cioè quella, la quale con due nu-

meri esprimere non si può.

E per tanto fra le quantità disgiunte, cioè fra' numeri, si dà solamente la proporzione razionale; ma fra le quantità continue si dà, e la razionale, e l'irrazionale.

IN oltre generalmente, così la proporzione razionale come l'irrazionale si divide in proporzione d'ugualità, ed in proporzione di inugualità, o di disugualità.

V. PROPORZIONE d'ugualità è quel paragone che si sa tra due

grandezze uguali fra di loro.

VI. PROPORZIONE di disugualità è il paragone fra due grandezze disuguali.

QVEST A pur si divide in duc altre, cioè in proporzione di magi gior disugualità, e in proporzione di minor disugualità.

VII. LA prima, quando la proporzione, che si considera, è della

grandezza maggiore verso la minore.

VIII. LA seconda, quand' ella è della minore verso la maggiore.

MA tralasciando le proporzioni irrazionali, che son riservate al Decimo Libro, e considerando solamente le razionali, è da sapersi, che quelle di maggior disugualità si distinguono in 5. generi, de quali i primi tre sono semplici, e rimanenti composti.

IL primo genere è quello della proporzione detta Multiplice. Il fecondo della Superparticolare. Il terzo della Superparziente. Il quarto della Multiplice superparticolare. Ed il quinto della Multiplice superparziente.

B 2 IN

IN altrettanti, anzi ne medesimi generi si divide la proporzione razionale di minor disugualità, mentre però s'aggiunga a lor nomi la voce sotto, dicendo, Summultiplice, Sussuperparticolare, Susmultiplice sussuperparziente, Summultiplice sussuperparticolare, e Summultiplice sussuperparticolare, e

perparziente.

IX. TRA' generi semplici, la proporzion razionale di maggiore disugnalità, detta multiplice è, quand'un numero maggiore contien più volte un minore, ed il minore misura appunto il maggiore.
E così il 12. al 4. à proporzione multiplice, perchè il 12. contiene
3. volte il 4. ed il 4. misura il 12. E similmente le proporzioni di
15. a 3. di 18. a 6. di 30. a 5. &c. si chiamano multiplici, e quella del 12. al 4. dicesi tripla, del 15. al 3. quintupla, del 18. al 6.
tripla, del 30. al 5. sestupla &c. La proporzione poi razionale di
minor disugnalità, cioè del minore al maggiore si chiama summultiplice, e quella del tre al 12. si dice suqquadrupla. del tre al 15.
suqquintupla, del 6. al 18. suttripla &c.

XI. LA proporzione razionale di maggior disugualità, detta superparziente è, quando 'l maggior numero contiene una sol volta 'l
minore, e di più avanza parti del minore, cioè una parte non aliquota; E così 5. a 3. a proporzione superparziente, contenendosi
dal 5. il 3. una sol volta, e avanzandogli 2. che è parti del 3. e
questa proporzione si chiama superbiparziente terza; quella di 20.
a 11. supernonaparziente undecima; di 11. a 7. superquartaparziente settima; di 13. a 8. superquintaparziente ottava, e così dell'altre di questo genere &c. All'incontro il minor numero al maggiore,
si dice aver proporzione susuperparziente, e così quella di 3. a 5.
chiamasi susuperbiparziente terza; di 11. a 20. susupernonaparziente undecima &c. e così d'ogn'altra simile &c.

XII. TRA

XII.TRA' generi composti, la proporzione razionale di maggior difugualità, detta multiplice superparticolare è, quando il maggior numero contieu più volte il minore, e gli avanza una parte aliquota dello stesso minore. Ond' è che il 20. al 6. si dice aver proporzione multiplice superparticolare, contenendo il 20. 3. volte il 6. ed avanzandogli 2. che è parte aliquota di 6. e questa si nomina triplasesquiterza, che vuol dire che il 20. contiene il 6. 3. volte, e un terzo; il 18. all' 8. l'à duplasesquiquarta; il 22. al 4. l'à quintuplasesquialtera; il 10. al 4. dupla sesquialtera; il 17. al 8. dupla sesquialtera del minore al maggiore di questi termini è detta sussuprapriscolare, denominando le sopraddette proporzioni coll'aggiunta della preposizione sotto.

XIII. FIN ALMENTE, la proporzion razionale di maggior disugualità detta multiplice superparziente è, quando 'l maggior numero
contien più volte 'l minore, e gli avanza parti dello stesso minore;
cio è parte non aliquota. E per tanto 11. a 3. d proponzion multiplice superparziente, contenendo l' 11. il 3. tre volte, e avanzandogli 2. che è parti di 3. e questa dicesi tripla superbiparziente terza; quella di 16. a 6. dupla superquartaparziente sesta; di 8. a tro
dupla superbiparziente terza Crc. Queste proporzioni poi, quando sono del minor termine al maggiore, si denominano coll' aggiunta.

del sotto, come s'è detto dell'altra.

DELL ANALOGIE,

O PROPORZIONALITA' PRINCIPALI.

RE, appresso gli Antichi Scrittori, sono l'Analogie, o le Proporzionalità più principalmente considerate, cioè. L'Arimmotica, la Geometrica (le quali si suddividono in continue, &

in disgiunte) e la Musica, ovvero l'Armonica.

I. LA Proporzionalità Arimmetica continua è, quando tre, o più grandezze omogence, differiscono tra di loro per uguali differenze: cioè, quando (essendo tre) la differenza tra la prima, e la seconda sia uguale alla differenza tra la seconda, e la terza (e questa, più frequentemente si chiama Medietà Arimmetica) O pure quando (essendo più di tre) la differenza tra la prima e la seconda sia uguale alla differenza, ohe è tra la seconda, c la terza, e che è tra la terza, e la quarta, e tra la quarta, e la quinta & c.

DISCON-

DISCONTINVA, o digiunta, quendo, essendo più coppie di grandezze a due a due omogenee, la disserenza tra l'primo, e l'secondo è uguale alla disserenza, tra l'terzo, e l'quarto, ed a quella.

tra'l quinto, e'l sesto.

II. LA Proporzionalità Geometrica continua è, quando tre, o più grandezze omogenee differiscono tra di loro con differenze proporzionali all'intere grandezze; cioè quando (essendo tre) la differenza tra la prima, e la seconda, alla differenza tra la seconda, e la terza, stia come la prima grandezza alla seconda, a come la seconda alla terza. E questa perlopiù dicesi Medietà Geometrica. O quando (essendo più di tre) la prima alla seconda stia come la seconda alla terza, e come la terza alla quarta.

DISCONTINUA, o difgiunta, quando, essendo più coppie di grandezze a due a due omogenee, la proporzione del primo termine al secondo sia simile a quella del terzo al quarto, e del quinto al sesto &c.

III. LA Proposzionalità Musica, oppero Medietà Armonica è, quando, di tre grandezze continuamente disuguali, la differenza tra la prima, e la seconda alla differenza tra la seconda, e la terza stia come la prima grandezza ullu terza, o quundo le differenze tra le grandezze sieno proporzionali all'estreme.

MA, per difinire in breve le suddette tre Medietà fra tre grandezze omogenee continuamente disuguali, si dird che

I.

MEDIETA' Arimmetica è, quando la differenza tra la prima, e la seconda alla differenza tra la seconda, e la terza sta come la prima grandezza alla prima.

II.

MEDIETA' Geometrica, quando la prima differenza alla feconda sta come la prima grandezza alla seconda.

III.

MEDIETA' Armonica, quando la prima differenza alla seconda sta come la prima grandezza alla terza.

ASSIO-

母母母母母母母

ASSIOMI,

OVVERO COMVNI NOTIZIE.

E quattro grandezze saranno proporzionali, cioè che, in. Assona supfenso della sesta Difinizione di questo Trattato, la prima alla seconda abbia la medesima proporzione, che la terza alla quarta; anco qualunque multiplice della prima alla. seconda, avrà la stessa proporzione che l'equalmente multiplice della terza alla quarta. Cioè 3, 0 4, 0 7, 0 10, &c. delle pri me alla seconda staranno come 3, 0 4, 0 7, 0 10, &c. delle terze alla quarta.

. II.

SIMILMENTE, se la prima alla seconda starà come la Galileo. terza alla quarta, anco la prima a qualunque multiplice della seconda starà come la terza all'egualmente multiplice della. quarta. Cioè la prima a 4, 0 9, 0 20, &c. delle seconde starà come la terza a 4, 0 9, 0 20, &c. delle quarte.

Suppose da

III.

LE grandezze omogenee uguali ad un'altra qualunque. terza anno la medefima proporzione.

SICCOME la medesima terza grandezza all'eguali à la medesima proporzione.

LE grandezze omogenee disuguali ad un' altra qualunque. Supposto dal terza omogenea non anno la medefima relazione, o proporzione, ma diversa.

E la proporzione della maggior grandezza alla terza, invigor dell'8. difinizione, fi dirá maggiore della proporzione della minor grandezza alla medefima terza.

to fma libra . Bt è la prima Prop 8.del V. d' Èuclide .

 \mathbf{V}_{-}

Questo è in parte la Prop. 13. del V. di Euclide. SE una di due proporzioni fimili, cioè figuali, è uguale, o maggior, o minor d'una terza proporzione, l'altra ancora farà uguale, o maggior, o minor della medefima terza proporzione. E pel contrario.

SE una proporzione farà uguale, o maggior, o minor d'una di due proporzioni fimili, la medefima farà ancora, eguale, o maggior, o minor della rimanente proporzione.

IL presente Assioma corrisponde a quella comune notizia, la quale è, che, se una di due grandezze uguali, è uguale, o maggior o minor d' una terza, ancora l'altra sarà uguale, o maggior, o minor della medesima terza. Ed all'incontro,

SE una medesima terza sarà uguale, o maggior, o minor d'una di due altre, sarà anch' uguale, o maggior, o minor dellasimanente.

VI

Affiema Suppeffe ancera.

dal Terricelli

en detto sue

Libro delle.

Proportioni

Ti la Prop.

1. del V. di

Buclida.

QVELLE proporzioni, che sono simili ad una medesima proporzione, son' anco simili fra di loro; ed all'incontro,

QVELLE proporzioni, alle quali è simile una medesima proporzione, sono simili fra di loro.

QVESTO corrisponde all'Assioma, che quelle grandezze, ches son uguali ad una medesima son anco uguali fra loro.

E quelle, alte quali una medesima grandezza è uguale, pur fra

VII

Afflowa fuppofto aucora... dal Torricdli nel detto fuo Eibro. Et è la 9. Propof del V. di Encl. QVELLE grandezze, ch'ad una medesima grandezza anno la medesima proporzione sono fra loro uguali; E pel contrario.

QVELLE grandezze, alle quali una medesima grandezza à la medesima proporzione similmente sono uguali fra loro.

SE

VIII.

SE la minor di due proporzioni disuguali sarà maggior d'una terza proporzione, la maggior di esse due proporzioni sarà molto maggior della medesima terza proporzione.

CORRISPONDE questo a quella notizia comune, che se la minor di due grandezze disuguali sarà maggior d'una terza grandezza, la maggior di esse due sarà molto maggior della medesima terza.

TX.

OVELLE proporzioni, che son composte delle medesime, o d'ugual numero di proporzioni simili, ciascuna a ciascuna, son le medesime, cioè simili fra di loro.

DOMANDA.

ONCEDASI che, date due grandezze omogenee terminate, qual proporzione à la prima grandezza alla feconda, tale possa averla la seconda ad una terza a quelle omogenea. O pure che tale possa concepirsi averla una terza di qualunque genere ad un'altra quarta a se omogenea.

COME per esempio, che qual proporzione à una superficie ad una superficie, o un corpo ad un corpo, o una forza ad una forza, o un tempo ad un tempo, &c. tal possa immaginarsi che l'abbia quella seconda superficie ad una terza, o una terza superficie ad una quarta, o pure qualunque retta linea terminata ad un'altra, &c.

CIO' è stato ammesso, e continuamente praticato da Euclide, das Archimede, e da altri Matematici d'ogni Secolo, anzi dal nostro medessimo Galileo ne' suoi Dialoghi delle due nuove Scienze, comes cose per lor medesime chiare, e faculi da concedersi.

AVVERTI-

AVVERTIMENTI.

VI'è da notarfi, che questa Scienza elementare delle proporzioni s'adatta indifferentemente, comunque occorra, alle grandezze commensurabili fra loro, ed all'incommensurabili, che son quelte, che poc'avanti si difinirono.

IN oltre, che, nelle figure del presente Trattato, tutte le grandezze omogenee che si vedono ospresse in linee, o in superficie, o in corpi, ciascuno può sigurarsele rappresentar quali si samo alpre grandezze, o quantità omogenee, a beneplaciso, come sarebbero, di velocità, di tempi, di sorze occ. comunque ne venga ilbisogno; essendo chè (come si vedrà) niuna delle conclusioni qui dimostrate si ristringa più ad un genere di grandezze, che advialtro; che però questa viene intitolata.

SCIENZA VNIVERSALE DELLE PROPORZIONES



SCIEN-

好的的的的特别的

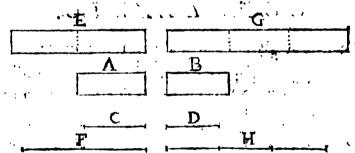
SCIENZA VNIVERSALE DELLE PROPORZIONI.

PROPOSIZIONE L

S E saranno quattro grandezze a due a due omogenee, e fra loro proporzionali, e si prendano l'ugualmente multiplici della prima, e della terza secondo qualsisia numero, e l'ugualmente multiplici della seconda, e della quarta, pur secondo qualunque numero, anco tali multiplici saranno fra loro proporzionali.

Prop 4ide i P. degli Elemen. dimofirata... col Galileo..

S IENO date quattro grandezze proporzionali A, B, C, D, di qualinque genere (parchè a due à due sien eta loro omogenee) cioè, la prima A alla seconda B abbia proporzione simi-

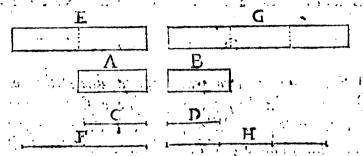


le a quella della terza C, alla quarta D, secondo la dichiarata sessa distrizione, e si prendano le E, F, ugualmente multiplici della prima, e della terza A, C; e le G, H, ugualmente multiplici della seconda, e della quarta B, D; sempre secondo qualunque
numero di multiplicità. Dico che ancora queste multiplici sono

* Difin. 6. di quefo Tratt. b Difin. 4. proporzionali; cioè che la multiplice E della prima alla multiplice G della seconda a proporzione simile a quella della multiplice F della terza alla multiplice H della quarta.

* I. Affioma.

IMPERCIOCCHE essendo, per supposizione, come A a B, così C a D, sarà ancora come E multiplice di A a B così « F ugualmente multiplice di C a D similmente, perchè ora s'è pro-



- Affioma.

vato, che siccome sta Ea B, così sa F a D, stara ancora come E a G multiplice di B, così s F ad H ugualmente multiplice di D. Che è quello, che si propose di dimostrare.

E così vien pronata dal Galileo la 4. Prop. del P. d'Englide :

COROLLARIO.

Converso della 5. dista del V. degli Elementi dimostrato col Galico O Dista. 6. di questo.

I qui è che essendosi dimostrato, che le proporzioni delle grandezze E, F, (ugualmente multiplici della prima, e della terza A, C) alle G, H (ugualmente multiplici della seconda, e della quarta B, D) sono simili fra di loro, è segno che se la multiplice E è uguale alla G anco la multiplice F sarà uguale alla H, e s'ell'è maggiore, maggiore, e s'ell'è minore, minore.

ONDE ne segue, che mentre sieno quattro grandezze a due a due omogenee, e proporzionali, sempre l'egualmente multiplici dell'antecedenti prima, e terza, s'accordano con l'ugualmente multiplici delle conseguenti seconda, e quarta, in pareggiare, o in avanzare, o in manuare.

E così vien dimostrato dal Galileo il converso della 5. difinizione del V. d'Euclide.

PROPOS.

PROPOS. II.

SE grandezze omogenee quante si vogliano saranno egualmente multiplici d'altrettante, ciascuna di ciascuna, quante volte è multiplice una di una, altrettante ancora saranno multiplici tutte insieme di tutti insieme.

Prop. T, del V. degli Blomensi dimofirata con.> Enclide.

S IENO quante si vogliano grandezze omogenee A B, C D, &c. egualmente multipliei d'altrettante E, F, &c. ciascuna di ciascuna, cioè sia la AB multiplice di E, e la CD egualmente multiplice di F, &c. Dico che quante volte è multiplice una di una, cioè la AB della E, altrettante è multiplice il composto delle AB, CD, del composto delle E, F.

POICHE essendo A B multiplice di E, come la C D è multiplice di F, quante parti sono in A B ugnali ad E, altrettante fanance in C D ugoasi ad F: e però divise le A B, C D nelleparti uguali alle soro summultiplici, cioè nelle parti A G, G:B,

e nelle CH, HD, fara il numero in AB uguale al numero in CD. E perche AG è uguale ad E, e CH ad F, ancora le AG, CH prese insieme saranno uguali alle E, F, insieme prese. E per la medessma ragione, essendo GB uguale ad E, & HD ad F, ancora le GB, HD insieme prese saranno uguali alle predette E, F, insieme prese.

QVANTE dunque sono nella A B le parti uguali alla E, o nella C D l'uguali alla F, altrettante sono nell'insieme prese A B, C D l'uguali alle prese insieme E, F. Onde quante volta è multiplice la A B della E, o la C D della F, altrettante è multiplice la iomma, delle A B, C D della som na delle E, F. Et in simil maniera si continuerebbe. D la dimostrazione, quando oltre alle A B, C D

A Diffe

H D

fossero date altre simili quantità multiplici d'altrettante secondo il nume-

22. SCIENZA VNIVERSALE

mumero della data multiplicit. Se dunque quante si vogliano grandezze omogenee saranno egualmente multiplici d'altrettante, &c. Il che si dovea dimostrare.

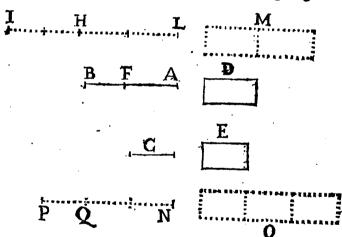
E questa è la prova d'Euclide della prima Propos. del V. Libro.

PROPOS. III.

Gonverso della 7. di fin del V. degli Elem. dimostrato col Galileo,ma alquanto va riato nella. Costrucione.

AT E quattro grandezze a due a due omogenee, ma non proporzionali, e talmente che la prima alla seconda abbia maggior proporzione, che la terza alla quarta. E possibile prender in qualche modo l'equalmente multiplici della prima, e della terza, e della seconda, e della quarta, sicche la multiplice della prima superi quella della seconda, ma la multiplice della terza non superi quella della quarta, anzi le sia mmore.

P ONGANSI le date quattro grandezze non proporzionali effere le A B, C, d'un medesimo qualunque genere, e les



D, E, similmente d'uno stesso qualunque genere, e sia la prima. A B, alquanto maggior di quello, ch' ella dovrebbe essere, per aver

aver alla seconda C proporzione simile a quella, che a la terza D alla quarta E. Dico esservi modo di prender in certa particolar maniera l'ugualmente multiplici della prima, e della terza, ed altre ugualmente multiplici della seconda, e della quarta, sechè quella della prima sia maggior di quella della seconda, ma quella della terza non sia astrimenti maggior di quella della quarta, anzi le sia minore.

PER ottener ciò, s'intenda esser levato dalla prima quantità A B quell'eccesso, che la fa esser maggior di quello ch'esser dovrebbe per avere a C la medessima proporzione, che à D ad E, e tale eccesso sia F B'; Resteranno per tanto quattro grandezze proporzionali, cioè la rimanente A F alla C avrà simil proporzione che à sa D alla E.

IN oltre si prendano delle parti BF, FA, l'ugualmente multiplici I H, H L, con tali condizione però, che la I H sia asso-Intamente, maggior della seconda grandezza C, e che sa H L sia non minore, cioè a dire, o uguale, o maggior della stessa C. (Il che potersi sare è manisesto, per esser i sor summultiplici BF, FA, quantità dello stesso genere, e terminate; e perciò, quando col preso numero d'egnal multiplicità delle BF, FA, mentre la multiplice H I è maggior di C, la multiplice H L non sesse uguale, o maggiore della medesima C, ma rimanesse ancor minore, certo è, che tanto si potrebbe erescere il numero di multiplicità, che la detta H E arrivasse ad esser non minor della C, ed allora tanto più la I H sarebbe maggior della stessa C, come ci fa di bisogno.) Pongasi dunque che in queste ugualmente multipliei I H, H L & sieno adempite le suddette condizioni pretese; e quante volte esse sono multiplici delle parti loro BF, FA, altrettante volte appunto s'intenda presa la grandezza M multipli. ce della terza grandezza D'.

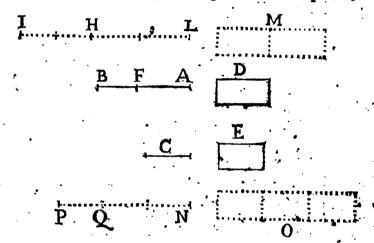
ET essendosi presa H L non minor di C, si multiplichi C tanro, che basti a superare H L, e sia tal multiplice la P N, cioè
prossimamente maggior dell' H L, sicchè levandole una solaparte P' Q dell' uguali alla C, resti Q N uguale, o minor di
EL, ovvero H E uguale, o maggior di Q N.

PER vitimo, quante volte la NP s'e presa multiplice della seconda C, altrettante si ponga la O multiplice della quarta E.

ONA essendosi presa IH assolutamente maggior della C, ovvero della PQ, e la H & fatta uguale, o maggior della QN, sara tutta insieme la IE assolutamente maggiore di tutta la PN. Il che si abbia-a memoria. * Ceroil della 1.Prop. de questo . E perchè le quattro grandezze AF, C, D, E, si ridussero proporzionali, e della prima AF e della terza D, si presero le HL, M, ugualmente multiplici; e della seconda C, e della quarta E, le ugualmente multiplici P N, O, la multiplice M s'accorderà con la O, come la H L con la PN; ma la H L è minore della PN (perchè si prese PN multiplice di C, e prossimamente maggiore di H L) adunque anco la M sarà minore della O. Fin ora dunque si è provato, che IL è maggiore assolutamente di PN, e che M è minore di O.

FINALMENTE, essendo I H multiplice di B F come è HL di FA, e come M di D, sarà il composto I L multiplice del composto BA come b HL di FA; ovvero come M di D: sicchè IL & M sono ugualmente multiplici delle grandezze date prima, e terza.

Prop. 2. di questo.

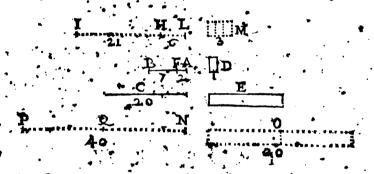


AB, D. & anco PN & O sono equalmente multiplici dell'altre date seconda, e quarta C, E. Ma poco sopra dimostrammo I L maggiore della PN, e dipoi concludemmo la M'esser minore della O: adunque si è fatto vedere, che quando la prima grandezza AB è maggiore del bisogno per aver'alla seconda C proporzione simile a quella della terza. D, alla quarta. E, si può pigliare in qualche maniera l'ngualmente multiplici IL, & M, delle AB, D, prima, e terza; e l'ugualmente multiplici PN, & O, delle C, E, seconda, e quarta, che la multiplice della prima superi la multiplice della seconda, ma la multiplice della terza non superi la multiplice della quarta; pose

che si è qui dimostrato, che I I supera N, ma che non già M supera Q, anzi che è minore. Il che si propose per possibile a farsi.

E in tal maniera vien dimostrato dal Galileo il converso della 7. difinizione del V. d'Euclide.

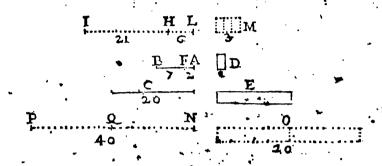
MA affinche nella dessata proposizione si dimostrasse con ogni maggiore evidenza la possibilità di prender l'ugualmente multiplisti della prima, e della terza grandezza, e quelle della seconda, co della quarta nella maniera proposta dal Galileo, e che avesse luogo, co uso sa comandata construzione di prendere la NP multiplice della seconda C in modo che sempre ella sosse prossimamente maggiore della HL (la qual su presa tanto multiplice dell'avanzo AF, quanto IH dell'accesso FB) stimai ben satto variare alquanto la construzione da quella, che nel seguente Dialogo del Galileo si vedrà distesa. Imperciocabe, se, dopo aver presa la IH multiplice dell'eccesso.



BF talmente she esta superi C., ne accadeste, com in essetto accader può, che HL, presa altrettanto multiplice di E.A., sosse non ostante minor di C, allora la minima multiplice di C, che è la dupla, autioni ogni grandezza eginle a C supererebbe HL, ne perciò vi sarebbe modo di pighiare la NP, multiplice di C prossimamente maggiore di HL, dalla quale (tolta poi una parte PQ uguale a C) rimanesse. QN uguale, o minore di HL. Perche mel caso che la multiplice NP sosse dupla di C, volta una parte PQ, ut resterebbe QN, che è uguar le a C, ancor maggiore di HL: è nel caso she NP susse uguale a. E, toltane una parte non vi rimarrebbe cosa ascuna; che però dopo aver presa la IH multiplice di BF, e maggiore di C, non sempre si potrebbe continuare la dimostrazione con dire IH è maggiore di C,

oppero di PQ, & HL è maggior di Q N, adunque tutta IL è maggior di tuttà PN; perchè tal volta potrebb' anch' esser il composto IL uguale al composto PN, e tal volta minore, com' apparisce neli; esempio di questa figura.

A voler dunque concludere, com' è 'l bisogno, che tutta I E sia maggior di tutta P.N è necessario, che non solo I H multiplice di



BF sia presa maggior di C, orvero di PQ, ma ancora che HL sia maggiore, o equale, cioè non minot di C, perchè così essendo. B potrà anco prendere UP multiplice di C, o prossimamente maggiore di HL, e col sinire la comandata construzione, dimostrar poi quivi la proposta, che s' è veduta.

PROPOS. IV.

q difin. del V. degli Elementi, cioè Converfo del Corollar dellas Prop. pr. di queflo dimofirato dal Galileo; Se, di quattro grandezze date a due anogenee, l'agualmente multiplici dell'antecedenti prima, e terza prese secondo qualunque numero s'accorderanno sempre nel pareggiare, o mancare, o vevero eccedere l' ugualmento multiplici rispetti vamente della conseguenti secanda, e quarta, presi similmente seconda qualunque numero, tali grandezze saranno fra loro proporzionali.

S IENO le dare grandezze A prima; e B seconda d'un medesimo qualunque genere, e C terza, e D quarta, più tra lo-

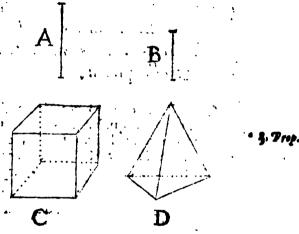
co.

ro d'uno stesso qualunque genere, e delle A, C, s' intendano prese l'ugualmente multiplici secondo qualissa numero, e delle B; D ancora l'ugualmente multiplici secondo qualunque numero. Dico che se la multiplice della grandezza A è sempre concorde colla multiplice della B, come la multiplice della C colla multiplice della D nel pareggiare, o nel mancare, ovvero nell'eccedere; tali grandezze son ara loro proporzionali, cioè che A a B sta come C a D.

IMPERCIOCCHE, se è possibile, siene non proporzionali. Adunque una dell'antecedenti sarà maggior di quel, che ella dovrebbe per avere alla sua conseguente proporzione simile a.

quella dell'altra antecedente alla sua conseguente.

SIA per esempio l'antecedente A maggior del
bisogno: adunque si potranno pigliare dell'antecedenti A, C, l' ugualmente multiplici in una tal maniera, ed anco delle conseguenti B, D, nel modo
insegnato che, l' multiplice di A sia maggior
del multiplice di B, ma il
multiplice di C non sia,
maggiore, anzi minore del
multiplice di D; ma questo è totalmente contro l



supposto che è , che tali multiplici sieno sempre concordi, &c. Adunque A non è maggior del bisogno; nè anco C, per le steffe ragioni. Onde A a B sta come C a D, cioè queste date grandezze son tra loro proporzionali. Il che bisognava dimostrare.

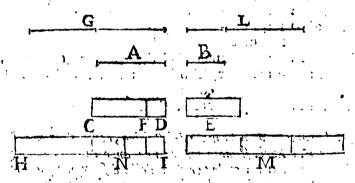
Ed intal maniera vien provata dal Galileo, come Teorema, la 5. difinizione del V. d'Eucl. stimata sin'ora non aver in se l'evidenza degli altriprincip; Geometricio onde per l'uso della disinizione suddetta in alcune Proporzioni, si di questo libro, come del sesto, dell'undecimo, e del duodecimo, & in altre ancora d'Archimede, di Pappo, e di tutti gli altri Geometri (the per dimostrare la proporzionalità frà quattro grandezze, si vagliono dell'equalmente multiplici) non dovranno gli Studiosi incontrar per l'avvenire alcuna dissicultà.

PROPOS. V.

7 difin. del V. degli Elementi, cioè Converfo della 3. Prop. di queflo dimofirato col Galileo.

Sence, prese l'ugualmente multiplici dell'antecedenti prima, e terza secondo qualche numero, e prese in
qualche maniera l'ugualmente multiplici delle conseguenti
seconda, e quarta, il multiplice della prima avanzerà il
multiplice della seconda, ma quel della terza non avanzerà
quel della quarta; le date quattro grandezze non saramo
proporzionali, ma in senso dell'ottava difinizione di questo, la prima alla seconda avrà maggior proporzione, che
la terza alla quarta.

S IENO le quattro grandezze date A prima, e B seconda d' uno stesso qualunque genere; CD terza, & E quarta pur di uno qualunque medesimo genere, e suppongasi che prese in qualche maniera le G, H I ugualmente multiplici dell' antecedenti A, CD, e le L, M ugualmente multiplici delle conseguenti B,



E, si trovi, che la G multiplice di A sia maggior della I. multiplice di B, ma che la H I. multiplice di C D non sia maggior della M multiplice di E. Dico che le A, B, C D, E, non sono proporzionali, ma che A a B a proporzione maggiore di C D ad E, cioè che, in senso dell'ottava difinizione, A è maggiore di quello,

quello, che ella dovreb'esser per avere alla B la medesima pro-

porzione, che a la C'D alla E.

SE è possibile, non sia A maggior del dovere: Adunque o ella sarà precisamente proporzionale, o miner del ginsto per esfer proporzionale. Quanto al primo se ella fosse precisamente aggiustata, e proporzionale con la B, come è la C D con la E, sempre l'ugualmente multiplici della prima, e della terza sarebbero concordi * nel pareggiare, o nel mancare, ovvero nell'eccedere * Coroll. della l'ugualmente multiplici, della seconda, e della quarta; Ma esse Prima Prop. non son concordi, conforme a che si è supposto, adunque quelle date grandezze non son proporzionali.

SIA ora la A minor del giulto, se possibile è, per avere alla Bila medefima proporzione, che la CD alla E. Se questo è dunque, segno è che la terza CD è maggior del giusto per avere alla quarta D simil proporzione della prima A alla seconda B.

S'INTENDA per tanto levato dalla terza C D l'eccesso DF, che la fa essere maggior del giusto, talmente che la rimanente EF resti appunto proporzionale alla E, come è la A alla B: e dalla H I si prenda la H N multiplice della parte CF, quaino tutta la HI è multiplice di tutta la CD, ovvero quanta è la G multiplice della A; ma già sono le LM equalmente multiplici delle B, E, e la CF alla E si dice stare come la A alla B. adiffique la Coroll. della HN multiplice di CF s'accordera con la M multiplice di E, prima Prop. come la G multiplice di A con la L multiplice di B; ma C, per supposizione, supera L, adunque anco HN supera Mare la HI supera HN (perche CD summultiplice di HI è maggiore di CF, summultiplice di HN) adunque tanto più HI supera M; il che è contro 'l supposto, che su che G superasse L, & HI non super, * rasse M. Non è dunque A minor del ginsto per avere A a B laproporzione che à CD ad E; e sopra se dimostrò ansora essa A. non esser proporzionale con la B, come è la CD con la E: adunque A necessariamente è maggiore del giusto, cioè, in senso della settima difinizione di questo, A a B à maggior proporzione di CD ad E. Se adunque di quattro quantità date &c. Il che si dovea dimostrare.

ED in tal guisa riman provuta dal Galileo, come Teorema, la 7. difin. del V. d'Euclide, e rimossa la disficultà che arrecava l'uso di essa nella Proposizione ottava del medesimo Libro.

PROPOS. VI.

Seconda parte della Prop. 8. del V. degli Elementi da

NA medesima grandezza alla minor di due altre omogenee disuguali, à maggior proporzione me dimostra- che alla maggiore.

> SIENO due grandezze omogenee disuguali, A maggiore, B minore, e qualunque terza pur ad esse omogenea, C. Dico che la C alla B à maggior proporzione, che alla A.

INTENDASI altra D uguale alla C.

3 . Assioma .

AVRA' dunque A a D la medesima proporzione che A a C. E perche A è data maggior di B, & è una C terza grandezza. ad esse omogenea, avra A a C, ovvero a D maggior b properzione che B alla stessa C: e però delle A, B, come prima, e terza si potranno pigliar l'ugualmente multiplici E, G, e delle D, C come seconda, e quarta l'ugualmente multiplici F, H, talmente che ' la multiplice E superi la F, ma la G non superi la H, an-

zi le sia minore. Sia dunque ciò fatto. E perche E supera F, e G è minor di H, sarà H maggior di G, & F minor di E: Sicché considerate ora C come prima grandezza, B come seconda, D come terza, & A come quarta, essendosi prese le H, F, ugualmente multiplici della prima, e della terza C, D, e le G, E, ugualmente multiplici della seconda, e della quarta B, A, e provato che H multiplice della prima C hipera G multiplice della seconda B, ma. che F multiplice della terza D è minore di E multiplice della quarta A, avrà la prima C alla seconda B maggior 4 pro-

B Hi.

Prop s.

porzione che la terza D alla quarta A; ma C e D sono uguali per construzione, adunque la sola terza grandezza C alla minore B à maggior proporzione, che alla A. Il che si dovea dimostrare.

E questa è la seconda parte dell'ottava Propos. del V. d'Euclide da me dimostrata.

PRO-

PROPOS. VII.

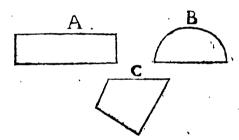
I due grandezze, che anno proporzione ad una terza, quella che à maggior proporzione, è maggiore. E quella alla quale la terza à maggior proporzione, è minore.

Prop 10 defti Elementi dimoftrata con Buclide, & d il coverfo dell'8. difin. della 6. Prop. di quefta.

A BBIA la grandezza A alla C maggior proporzione, che la B alla C. Dico che A è maggior di B.

IMPERCIOCCHE' se A non è maggior di B sarà uguale, o minore. S'ella sosse avrebbe la A alla C la medesima proporzione, che la B alla medesima C, ma essa l'à maggiore pe'l supposto, adunque non è A uguale a B.

* 3. Affiomas di quefto .



SE fosse minore A di B, avrebbe A a C minor proporzione, che Ba C, ma l'à maggiore, pe'l supposto, adunque A non è minor di B: E si è provato non esser uguale, ond'ell'è maggior di B per necessità.

ABBIA in oltre C a B maggior proporzione che ad A. Dico

che B è minor di A.

IMPERCIOCCHE se B non fosse minor di A, o sarebbe uguale, o maggiore. Se uguale, avrebbe • C a B la medesima proporzione della stessa C ad A, ma l'à maggiore, per il dato, dunque non è B uguale ad A.

SE fosse B maggior di A, avrebbe • C a B minor proporzione che ad A, ma l'à maggiore, pe'l supposto, non è dunque B maggior di A, non è anco uguale ad A, come poco sopra si è dimostrato, e però B è necessariamente minor di A. Il che bisognava provare

E questa è la dimostrazione d'Euclide della Prop. 10. del V. PROP. 4 Africa.

3, Affioma

4 6. Prop.

PROPOS. VIII.

Prop. 12. del V. degli Ele... menti dimo-firata con Ea-clide.

SE, tra le grandezze omogenee, quante si vogliano antecedenti saranno proporzionali ad altrottante conseguenti, ciascuna di ciascuna, come è una dell'antecedenti alla sua conseguente, così saranno tutte l'antecedenti 'nsieme a tutte 'nsieme le loro conseguenti.

SIENO tra le grandezze omogenee quante si vogliano antecedenti A, B, C, con altrettante conseguenti D, E, F, e ciascuna di ciascuna sia nella medesima proporzione, cioè sia A a D, come B ad E, e come C ad F. Dico che la proporzione di una ad una, per esempio di A a D è simile alla proporzione di tutte insieme le A, B, C, a tutte insieme le D, E, F.

PRENDANSI le G, H, I, ugualmente multiplici quanto si vuole delle A, B, C, e le K, L, M, in qualunque modo pur egualmente multiplici delle D, E, F.

PERCHE dunque A a B. sta come B ad E, e delle A, B, sono le G, H, ugualmente multiplici, siecome delle D, E, sono ugualmente multiplici le K, L, si accorderà la G con la K, come la H con la L in avanzare, o in mancare, o in pareggiarsi. Per le H medesime ragioni sarà concorde con L come I con M, e per tanto s'accorderanno tutte insieme con tutte insieme, come una con una, cioè se G è uguale a K, ancora le G, H, I insieme prese saranno uguali alle K, L, M insieme prese, e se G è maggior di K, anco l'insieme G, H, I saranno maggiori dell' insieme

· Coroll.della prima Prop. fieme K, L, M, e se è minore, minore. Ma essendo G multiplice di A, come H di B, è come I di C; la sola G sarà multiplice della sola A, come la somma G, H, I della somma A, B, C; e per la stessa ragione la K sarà multiplice della D, come la somma K, L, M della somma D, E, F: ed ora s'è provato che G multiplice di A, s'accorda con E multiplice di D in quel modo che la somma G, H, I multiplice della somma A, B, C s'accorda con la somma K, L, M multiplice della somma D, E, F, adunque la grandezza A alla D sta come la somma A, B, C alla somma D, E, F. Onde se grandezze omogenee quante si vogliano saranno proporzionali ad altrettante, la proporzione che è tra una delle antecedenti alla sua conseguente sara simile alla proporzione che è tra tutte l'antecedenti insieme a tutte insieme le conseguenti. Il che bisognava dimostrare.

Prop. 2.

. Prop. 4

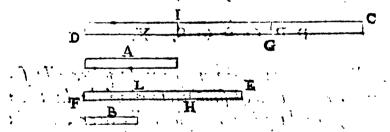
E questa è la dimostrazione d' Euclide della Prop. 12. del P.

PROPOS. IX.

É grandezze omogenee anno tra loro la medesima proporzione delle loro ugualmente multiplici: Cioè LE parti stanno fra loro come le ugualmente multiplici.

Prop. 15. del V. Libro degli Elementi dimostrata con Enclide,

ELLE grandezze omogenee A, B, sia la D C multiplice della A, scome la F E della B. Dico che D C ad F E sta come A a B.



F E di B, dividendo le D C, F E nelle parti uguali alle A, B, tante parti saranno nella D C uguali ad A, quante nella F E uguali

guali a B. Sieno per tanto le parti in D C le D I, I G, G, & in F E sieno le F L, L H, H E. Essendo danque ciascuna delle. D I, I G, G C uguali ad A faranno quelle uguali tra loro, siccome tutte le F L, L H, H E, tra loro uguali: e però come. D I ad F L, così fara I G ad L H, e così G C ad H E; e come una dell'antecedenti ad una delle conseguenti, così tutte a...

tutte. Onde come D I ad F L, ovvero come A a B cost stard D C multiplice di A ad F E ugualmente multiplice di B. Adunque le grandezze omogenee summultiplici sono nella medesima proporzione delle loro ugualmente multiplici. Il che si dovea dimostrare.

E questa è la prova d'Euclide della Prop. 15. del V. degli Elementi, la quale fors aneo si poreva senza scrupolo riporre fra gli Assiomi, essendo per se stesso manisesto, che qual proporzione, o rispetto, o relazione à la prima di due grandezze amogenee perso da seconda, tale l'anno due delle prime verso due delle seconde, e tale tre verso tre, e venti verso penti, &c.

PROPOS. X.

Prop. 14. del V.degli Elem. dimostrata... con Euclide . S E di quattro grandezze omogenee la prima alla seconda avrà la medesima proporzione che la terza alla quarta, e sia la prima maggior della terza, anco la seconda sarà maggior della quarta, e se è uguale, uguale, e se è minore, minore.

SIENO

SIENO quattro grandezze omogenee A, B, C, D, e la prima A alla feconda B fina come la terza C alla quarta D, e fia la prima A maggiore della terza C. Dico che anco la feconda B è maggiore della quarta D; e che se è uguale, ugualo; e se è minore, minore.

pOICHE', fe a A fard maggior di Q; mayra A a B maggior * proporzione che la C alla medefima B, ma come l' A alla B così fu data C a D, adunque anco C a D à maggior * proporzione della medefima C alla B, e però D è minor di la B, cioè B maggiore di D.

MA se A sarà uguale a C, avrà l'A alla B la medesima proporzione della C alla stessa B; ma come A a B, così sta C a D; pe'l supposto, adunque anco C a D à la medesima proporzione della stessa C alla B: Onde la D è uguale alla B, cioè la B alla D.

SE finalmente A sarà minor di C, avra l' A alia B minor s proporzione della C alla medesima B; ma come A a B, così su posta esser C a D, adunque anco C a D à minor proporzione della stessa C alla B, sicchè D, è maggior, di B, cioè la B minor
della D. Se dunque di quattro grandezze omogenee la prima alla
seconda, &c. Il che si dovea dimostrare.

E questà è la prova d'Euclide della Prop. 14. del V. libro.

PROPOS. XI.

Se quattro grandezze a due a due omogenee saranno proporzionali.

S IA come A a B d'un medefimo qualunque genere, così C d
D pur di un folo qualun-

que genere. Dico che anco B ad A sta come D a C.

E questo modo d'argomenta, re dicasi. Convertendo.

ESSENDOSI dimostrato * che di queste quattro grandezzo proporzionali A. B., C. D., senare

4. Prop del V. degli Elementi dimofiratocon Enclide.

×Coroll della prima Prop.

porzionali A, B, C, D, sempre quali si siano ugualmente multi-E 2 plici

Coroll della ... 4. Prop. del V. degli Ries

5. Allioma.

b 7 Prep.

< 3. Affioma :

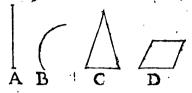
⁴5. Assioma :

* 3 Affioma.

h Prop. 6.

plici della prima, e della terza A, C, s'accordano con quali si sieno ugualmente multiplici della seconda, e della quarta B, D, in avanzare, o in mancare, o in pareggiarsi; è manisesto, che queste medesime multiplici prese conversamente si accordano ancor sempre inmancare, o in avanzare, o in pareggiarsi. E però considerando le quantità B, D, come prima, e terza, e le A, C, come seconda,

e quarta, essendochè sempre l'ugualmente multiplici di quelle,
s'accordan con l'ugualmente,
multiplici di queste, avrà la
prima B alla seconda A la medesima proporzione che la terza D alla quarta C. Laonde se



quattro grandezze a due a due omogenee son proporzionali, prese al contrario, ovvero Convertendo saranno ancora proporzionali. Il che bisognava dimostrare.

E questa è la prova d'Euclide del Corollario della Prop. 20 del V.

PROPOS XIL

Prop. 16. del V. degli Elementi dimofirata con Enclide S E quattro grandezze omogenee saranno proporzionali, ancora permutandole saranno proporzionali.

S IENO le date quattro grandezze omogenee proporzionali A, B, C, D, cioè stia l'antecedente A al suo conseguente come l'antecedente C al suo

B, come l'antecedente C al suo conseguente D. Dico che ancora l'antecedente A all'antecedente C sta come 'l conseguente B al conseguente D.

A C B D

E questo modo d'argomenta-

PRENDANSI delle A, B, l'ugualmente multiplici E, F, secondo qualunque numero; siccome delle C, D, l'ugualmente multiplici G, H pur secondo qualunque numero.

STARA' dunque come la multiplice E all'ugualmente multiplice E, così la parte A alla parte B, ma anco C a D s'è posto esser

2109 9

come A. a B, adenque E ad F sta come C a D, ma anco la multiplice G alla H sta come C a D, adunque E ad F sta similmente come G ad H. Ondé se la prima E sosse uguale alla terza G, anco la seconda F sarebbe uguale alla quarta H, se maggiore, maggiore, e se minore, minore; Sicchè le E, F convengono con le G, H in avanzare, o in mancare, o in pareggiars, ma quelle son ugualmente multiplici delle A, B, e queste delle C, D; a dunque A a C sta come B a D. E però se quattro grandezze omogenee son fra loro proporzionali, ancora Permutandole sono proporzionali.

Prop. 9
Afroma.
Prop. 10.

* Prop. 4.

E questa è la dimostrazione d'Euclide della Prop. 16. del V. Lib.

ALTRIMENTI

Senza l'ugualmente multiplici.

Altro dimofirazione ag · gista da me .

POSTE le medesime cose. La proporzione di A a C è composta della proporzione di A a B, c della proporzione di B a C, ma come A a B, così si è dato stare C a D, adunque la proporzione di A a C è composta di quella di C a D, e di quella di B a C, ma anco la proporzione di B a D è composta delle medesime proporzioni di C a D, e di B a C; adunque le proporzioni di A a C, e di B a D, essendo composte di due simili proporzioni, sono simili se fra di loro. Il che & c.

⁵ Differ 14.

t Asiame's.

PROPOS. XIII.

S E quattro grandezze a due a due omogenee saranno composte proporzionali, e dividendole saranno proporzionali.

Prop. 17. del V. degli Blementi dimafirata ce Eu-

S IENO due grandezze omogenee, e composte nsieme AB, BC, & astre due pur omogenee, e composte nsieme DE, EF, e sien tra loro proporzionali, cioè come AB a BC, cost DE, ad EF. Dico che, dividendole, anco AC a CB sta come DF ad FE.

E

E questo modo d'argomentare dicasi. Dividendo, o per la divi-

PRENDANSI delle AC, CB, e delle DF, FE, le GH, HI, e le LM, MN ugualmente multiplici second'un medesimo qualunque numero; & in oltre delle CB, FE si prendano l'ugualmente multiplici I O, NP, pur second'uno stesso qualuque mumero.

PERCHE' dunque l' HI è multiplice di CB, come l' MN di FE, il numero delle CB nella HI farà uguale al numero della FE nella MN. Similmente, perchè IO è multiplice di CB, come.
NP di FE; il numero delle me-

G H L O

desime CB nella IO sarà uguale al numero delle FE nella NP. Se dunque il numero in HI è uguale al numero in MN, & il numero in IO al numero in NP, tutto I numero delle CB in HO, sarà uguale a tutto I numero dell' FE in MP: Onde le HO, MP

sono ugualmente multiplici delle CB, FE.

Prop. 2.

E perchè GH è multiplice di A C, come HI di C B, sant il composto GI multiplice del composto AB, come una di una, cioè come GH di AC, ovvero come LM di DF, cioè come MN di FE, ovvero come 'l composto LN del composto DE. Ma sta come la prima AB alla seconda BC, così la terza DE alla quarta EF, e della prima, e della terza si son provate ugualmente multiplici le GI, LN; e della seconda, e della quarta si provaron di sopra ugualmente multiplica le HO, MP, adunque l'ugualmente multiplici della prima, e della terza saramo concordi con l'ugualmente multiplier della seconda, es della quarta; cioè se GI è uguale ad HO, anco LN fara uguale ad MP; e se è maggiore, maggiore, e se è minore, minore: Onde tolte le parti comuni HI, MN, anco il residuo GH s'accorderà col residuo 10, come 'I-residuo LM col residuo NP in pareggiarsi, o in avanzare, o in. mancare: E però considerata A C come prima grandezza, CB co-D me seconda, DF come terza, & F E come quarta, essendosi prese le GH, LM ugualmente multiplici della prima, e della terza, e le IO, NP ugualmente multiplici della seconda, e della quarta e dimostrato, che quella della prima concorda con quella della seconda, come quella della terza con quella della quarta, stara 'la prima alla seconda come la terza alla quarta, cioè la AC alla. CB come la DF all' FE. E però quando le grandezze sono composte

rima.

. Prop.4.

posse proporzionali, e dividendole son ancora proporzionali. Il che &c.

E questa è la dimostrazione d'Euctide della Prop. 17. del V. Libroi.

COROLL

E SSENDOSI dimostrato qui in primo luogo, che quando la HI è multiplice della CB, come la MN dell' FE, e che quando la 20 è multiplice della stessa CB, come la NP della medesima FE, il composto HO è multiplice della detta CB, come 'l composto MP della stessa, che quando la prima è multiplice della seconda, come la terza della quarta, e la quinta della seconda, come la sesta della quarta, anco 'l composto della prima, e quinta è multiplice della seconda, come 'l composto della terza, e sesta è multiplice della quarta. Il che &c.

Prop. 2 del Pa degli Blemendedotta da ... me .

E questa è la dimestrazione della Prop. 2. del V. CEuclide, de me dedotta.

AGGIVNTAI.

DAL dimostrato fin qui facilmente si deduce, che quando AB a BC sta come DE ad EF, anco BC a CA sta come EF ad F.D.

E questo modo d'argomentare dicasi. Per divisione conversa di proporzione.

PERCHE' essendo A B a B C, come D E ad

EF, dividendo Rara A C a CB come DF ad

FE, e convertendo B C a CA stara come EF ad F D. Il che &c.

Scolio del Cla vio alla Propos.17. del V. degli Elemanti.

* Prop. 13.

AGGIVNTAI

SI cava in oltre, che quando BC a BA sta come EF ad ED, anco BC a CA sta come EF ad FD.

Scolio del Clavio alla Prop. 17. del V. degli Elementi.

E

E questo modo d'argomentare dicasi. Per division contraria di proporzione.

PERCHE' essendo BC a BA, com' EF ad ED, convertendo A B a BC stard come DE ad EF, e dividendo A C a CB come DF ad FE; e di nuovo convertendo BC a CA stard come EF ad FD. Il che &c.

C E

PROPOS. XIV.

Prop. 18. del V. degli Elementi dimostrata da me
fenzala Prop.
10. di questo
della quale
& ferce Eucl.

Prop. 11.

[-rop. 1 2.

Prop. 11.

S E quattro grandezze a due a due omogenee saranno divise proporzionali, e componendole saranno proporzionali.

S IENO due grandezze omogenee A B, B C, insieme congiunte, & altre due similmente omogenee unite insieme. DE, EF, e tra loro sieno proporzionali, cioè sia come A B a. B C così D E ad E F. Dico che componendole come A C a C B così sta ancora D F ad F E.

E questo modo d'a gomentare dicasi. Compo-

IMPERCIOCCHE', stia come AC à CB, rost qualch'altra GF all' FE, che necessariamente GF sarà maggior di FE, essendochè anco AC è maggior di CB.

PERCHE dunque si dice come A C a C B così stare G F ad F E, dividendole, starà come A B a B C così s G E ad E F; ma come A B a B C così sta ancora D E ad E F per la supposizione, adunque G E ad E F starà come D E alla medesima

que GE ad EF starà e come DE alla medesima EF, sicchè le GE, DE sono stra loro uguali, onde aggiunta loro di comune la EF ne verrà la GF uguale alla DF, ma come AC a CB, così si pose stare ad GF, FE, adunque anco AC a CB sta come DF (che è uguale a GF) ad FE. Sicchè se le grandezze divise sono proporzionali, e composte ancora sono proporzionali. Il che &c.

E cost vien da me dimostrata la Prop. 18. del V. d'Euclide.

AGGİVN-

.

· b. Afriena.

GFadFE

AGGIVNTA I.

VI' può dedursi, che quando AB a BC sta come DE ad EF divisamente prese, anco CA ad AB sta come FD a

Scolio del Clavio alla Trop 18 de: gli Elementi.

E questo modo d'argomentare dicasi. Per composizion conver-

fa di proporzione.

PERCHE essendo ABaBC come DE ad EF, convertendo anco CBaBA stara come FE ad ED, e componendo CA

Prop. st.

anco CB a BA stard come FE ad E D, e componendo CA Prop. ad AB stard come FD a DE. Il che &cc.

AGGIVNTA IL

SIMILMENTE si d' che quando AB a BC divisamente statione DE ad EF, ancora AB ad AC sta come DE a DF. E questo modo d'argomentare dicasi. Per composizion contraria di proporzione.

Scolio del Clevio alla Prop. 18.del P degli Blementi

PERCHE' essendo AB a BC, come DE ad EF, convertendo BC a BA stara come EF ad ED, e componendo CA ad AB stara come FD a DE, e di nuovo convertendo AB ad AC

* Prop. 11.
4 Prop. 14.
• Prop. 11.

stara come DE ad DF. Il che &c.



PROPOS. XV.

Corollar, della Prop. 19, del V. degli Blemenci dimofirato col Glavio.

Prop. 13.

e Prop. 14.

S E quattro grandezze a due a due omogenee son composte proporzionali, e per la conversione della proporzione saranno proporzionali:

SIENO due grandezze composte AB, BC,
proporzionali a due altre composte DE,
EF. Dico che anco BA ad AC sta come ED a

BDF.
E questo modo d'argomentare dicasi. Per conversione della proporzione.

PERCHE' essendo per supposizione AB a BC come DE ad EF, dividendo anco AC a CB starà come DF ad FE, e convertendo BC a

CA come EF ad FD, e componendo BC a

AC come ED ad DF. Onde quando le grandezze se son composte proporzionali, anco per conversione della proporzione son fra loro proporzionali. Il che &c.

E così vien dimostrato del Clavio il Corollario della Prop. 19. del V. d'Euclide.

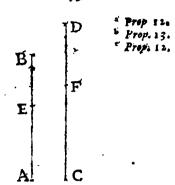
PROPOS. XVI.

Prop. 19. det V degli Elementi dimofirata con Buclide . S E nelle grandezze omogenee sarà come tutta a tutta, così la parte levata dall'una alla parte levata dall'altra, la rimanente alla rimanente starà come tutta a tutta, o come la levata alla levata.

S IA tutta la grandezza AB a tutta la CD del medesimo genere, così la parte levata BE alla parte levata DF. Dico che la rimanente AE alla rimanente CF sta pure come tutta la AB a tutta la CD, o come la parte BE alla parte DF. IMPERCIOCCHE' essendo, per supposizione, com' AB, a CD, così

così B E a D F, farà permutando A B a B E come CD a DF, e dividendo A E ad E B come CF ad FD, e di nuovo permutando la rimanente A E alla rimanente C F starà come la parte levata E B alla parte levata FD, ovvero come tutta la AB a tutta la CD.

SE dunque starà come tutta a tutta, così la parte levata alla parte levata, anco la rimanente alla rimanente starà come tutta a tutta, o come la parte levata alla levata. Il che si doveva dimostrare.



E quest'è la dimostrazione d'Enclide della Prop. 19. del V. Libro.

PROPOS. XVII.

SE saranno tre grandezze omogenee, & altrettante v. deg pur tra loro omogenee, e le coppie corrispondenti menti di ciascun' ordine sieno proporzionali, e sia la prima d'un' ciido. ordine maggiore della sua terza, sarà anco la prima deltaltr' ordine maggior della sua terza; e se è uguale, uguale; e se è minore, minore.

Prop. 20. del V. degli Blementi dimofrata co Buclide .

S IENO tre grandezze A, B, C, omogenee d'un'ordine, & altrettante D', E, F, omogenee d'un'altro, e stia come la prima A alla seconda B, così la prima D alla seconda E, e come la seconda B alla terza C, così la seconda E al

1MPERCIOGCHE, esfendo la prima A posta maggior della terza C, la proporzione,
di A a B si dirà maggiore della proporzione di C a B: ma la
proporzione di D ad E è data simile a quella di A a B, adunque anco D ad E à maggior proporzione di C a B. E perchè

4. Asiioma.

• 5. Asioma.

Prop. 11.
5 Assistance
6 Prop. 7.

B a C sta come E ad F, e convertendo sta C a B come • F ad E, essendo provata la proporzione di D ad E maggior di quella di C a B, sarà la medesima proporzione di D ad E maggior ancora di quella di F ad E; e però sarà • la prima D maggior della terza F.

MA se la prima A si porrà uguale alla terza C: Dice pure che

la prima Dè uguale alla terza F.

PERCHE', essendo A uguale a C., la proporzione di A a B farà come quella di C a B, ma come A a B così D ad E; per supposizione, dunque an-

co D ad E sta come C

a B. E perchè come B a.

C. così su data E ad E.

a B. E perchè come B a.

C, così fu data E ad F,
e convertendo sta come
C a B, così F ad E, starà

Prop. 21.

Prop. IT.

ancora D ad E come * F ad E, e però anco D sara uguale ad F.

SE finalmente la prima A si porrà minor della sua terza C.

Dico che anco la prima D è minor della sua terza F.

IMPERCIOCCHE essendo dato B a C come E ad F, & A a. B come D ad E, e convertendole ancora C a B stard come F ad E, e B ad A come E a D; ma perche A si pone minor di C, sarà C maggior di A: onde per la prima parte di questa dimostrazione essendo la prima C maggior della terza A, sard ancora la prima F maggior della terza D; cioè convertendo essendo A minor di C sard anco D minor di F. Il che &c.

E questa è la dimostrazione d'Euclide della Prop. 20. del V. Lib.

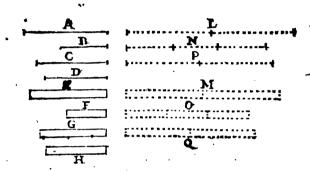
PROPOS. XVIII.

Prop 22del V. degli Elemendimostrata... con Euclide. Sed altrettante pur omogenee, e le coppie ordinatamente corrispondenti di ciascun ordine sieno tra loro nella medesima proporzione, ancora per l'equalità ordinatasaranno proporzionali. Cioè la prima del prim ordine all'ultima starà come la prima del secondo all'ultima.

DI

DI due ordini dati d'ugual numero di grandezze omogenee fia l'uno A, B, C, D, e l'altro E, F, G, H, e fia la coppia A, B, proporzionale alla E, F; la B, C, alla F, G; e la C, D, alla G, H. Dico, che la prima grandezza A all'ultima D sta come la prima E all'ultima H.

E quello modo d'argomentare dicasi. Per l'equalità in proporzione ordinata.



SI considerino prima le tre prime grandezze A, B, C, del primo ordine, e le tre prime E, F, G, del secondo: e delle due omologhe A, E, s'intendano prese qualunque ugualmente multiplici L, M; siccome dell'omologhe B, F, qualunque egualmente multiplici N, O; & anco delle C, G, quali si sieno ugualmente multiplici P, Q.

E perchè la grandezza A alla B si pone stare come E ad F, e delle A, E, sono egualmente multiplici le L, M, e delle B, F egualmente multiplici le N, O, starà ancora L ad N come M ad O. E per la medesima ragione N a P stara come O a Q. Sono dunque tre grandezze L, N, P, d'un' ordine, etre M, O, Q, d'un'altro, & a coppia a coppia si son provate proporzionali, però se la prima L supera sa terza P, anco la quarta M supererà la sesta Q, e se sarà uguale, uguale, e se minore, minore; ma le L, M, son prese egualmente multiplici delle A, E, come prima, e terza; e le P, Q delle C, G, come seconda, e quarta; e s'è ora provato che la multiplice L della prima s'accorda con. la multiplice P della seconda come la M della terza con la Q della quarta in avanzare, o in mancare, o in pareggiarsi: adunque stara la prima alla seconda, come la terza alla quarta, cioè la A alla C come la E alla G. CONSI-

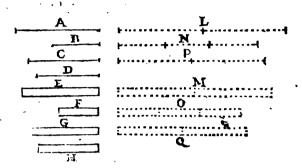
* Prop. I.

* Prop. 17.

Prop 4.

46 S.CIENZA VNIKERSALE

CONSIDERANDO poi le tre A, C, D, e le tre E, G, H. Essendosi ora provato che A a C sta come E a G, e stando, per supposizione, C a D come G ad H; nel modo che s'è dimostrato delle tre A, B, C, e delle tre E, F, G, che la prima all'ultima sta come la prima all'ultima, nel medesimo si proverà delle



tre A, C, D, e delle tre E, G, H, che A a D sta come E ad H. E se rimanessero altre date grandezze in questi ordini, si continuerebbe la dimostrazione nel modo stesso. E però quando indue ordini d'ugual numero di grandezze omogenee se coppie corrispondenti sono proporzionali, la prima grandezza all'ultima del primi ordine sta per l'ugualità in proporzione ordinata come la prima all'ultima del secondo ordine. Il che si doveva, &c.

E quest'è la dimostrazione d'Euclide della Prop. 22. del V. Libro

Aggiunta da

ALTRIMENTI Senza l'ugualmente multiplici.

Def-14 Berney.

5. A [fioma.

D'ATE le medesime cose. La proporzione della prima A all'eultima Dè composta di tutte le proporzioni di mezzo di AB di BaC, di CaD. Similmente la proporzione della prima E all'ultima Hè composta di tutte le proporzioni di mezzo tra E, & F, tra F, e G, e tra G, & H, ma nel prim'ordine le proporzioni componenti son le medesime, cioè simili alle proporzioni componenti nel secondo, ciascuna a ciascuna ordinatamente, adunque anco le proporzioni composte di esse saranno simili fra di loro, cioè la prima A all'ultima D starà come la prima E all'ultima H. PROPOS.

PROPOS. XIX.

S E saranno tre grandezze tra loro omogenee, & altrettante pur tra loro omogenee, e le coppie di ciascun'ordine sieno proporzionali, ma prese ton ordine perturbato:
ancora per l'ugualità perturbata saranno proporzionali.

Prop. 23, del V. degli Elem. dimofirata. fenza le multiplici , e fenza le prop 2 1: d' Euclide fecondo la prop. 11. del Trassuro delle proporzioni del Torricelli.

SIENO tre grandezze omogence A, B, C, & altrettante tra loro omogenee D, E, F, che a due, a due sien nella medesima proporzione, ma con ordine perturbato, cioè A a B sia come E ad F, e B a C come D ad E; Dico che ancora.

A a C sia come D ad F.

E questo modo d'argomentare dicasi. Per l'u-

gualità in proporzione perturbata.

IMMAGINIAMOCI ester come B a C, ovvero come D ad E (che per supposizione à la medesima proporzione di B a C) così * F ad un'altra grandezza I.

A B C da di questo.

SARANNO dunque le quattro g randezze

D. E. P., I. proporzionali.

E perchè sta come A a B, così E ad F, per supposizione, e come B a C, così F ad I, per construzione, sarà per l'ugualità in proporzione.

ordinata, A a C, come E, ad I. Ma per esser le D E F I D, E, e le F, I quattro grandezze proporzionali.

starà permutando D ad F come E ad I; ma ancora A a C s'è provato stare come E ad I, adunque la proporzione di A a C è la medesima che di D ad F, convenendo l'una, e l'altra con la proporzione di E ad I. E però se saranno tre grandezze omogenee, & altrettante, &c. Il che si doveva dimostrare.

6. Affiews:

E così dal Torricelli vien dimostrata la Prop. 23. del V. d'Enclide.

A.LTRIME NT I senza la construzione.

Aggiunta da

I A proporzione di A a C si compone della proporzione di Prop. 1 A a B, ovvero di E ad F, e di B a C, ovvero di D ad E;

ma

ma anco la proporzione di D ad F si compone delle medesime proporzioni di E ad F, e di D ad E, adunque la proporzione di A a

C è * simile alla proporzione di D ad F, essendo l'una, e l'altras

Assistantes.

COROLLARIO.

Propof. 21 del
V. degli Blements dedotta
da me come

Coroll.

a attica

DALL'esfersi dimostrato che A a C sta coma D ad F, si deduce che se saranno tre grandezze omogenee, & altrettante pur omogenee, che a due a due sien proporzionali con proporzione perturbata, e che, per l'ugualità, sia la prima maggior della terza nel suo ordine, anco la quarta sarà maggior della sesta nel suo;
e se uguale, uguale; e sc minore, minore. Poichè proprietà delle,
proporzionali è, sià l'altre, di accordarsi fra loro i termini omologhi ad esser uguali, o maggiori, o minori.

E cost vien provata da me la Prop. 21. del V. d'Enclide.

PROPOS. XX.

Prop. 24 ddV. degli Elementi dimofirata con Enclide.

S E in due ordini omogenei di grandezze, la prima alla seconda nel primi ordine avrà la medesima proporzione che la terza alla quarta nel secondo, e la quinta alla seconda nel primo la medesima, che la sesta alla quarta nel secondo, ancora il composto della prima, e quinta alla seconda del primo avrà la medesima proporzione, che il composto della terza, e sesta alla quarta del secondo.

D'IA nel prim' ordine di grandezze omogenee la prima A B alla seconda C come nel secondo di omogenee la terza DE alla quarta F, e la quinta B G alla seconda C, come la sella E H alla quarta F. Dico che'l composto della prima, e quinta A B, B Galla seconda C sta come 'l composto della terza, e sesta D E, E H alla quarta F.

IMPER-

IMPERCIOCCHE essendo BG, a C come E H ad F, sarà convertendo ' C a B G come Fad EH. E perchè A B a C sta come DE ad F, per la suoposizione, e C a BG sta come F ad EH, per il dimostrato, sara per l'ugualità in proporzione ordinata ABa BG come D E ad EH, e componendo A G a G B come D H ad H E, e sta GB a C come H E ad F, per la supposizione; adunque di nuovo per l'ugualità ' A G a C starà come D H ad F. Se dunque la prima alla seconda à la medesima proporzione, &c. II. che si doveva dimostrare.

E quest'è la dimostrazione d'Enclide della Prop. 24. del V. Libro.

PROPOS. XXI.

E quattro grandezze omogenee son proporzionali, la Prop 25del F. massima, e la minima di esse prese insieme, son maggiori delle due rimanenti insieme.

dimoffrata_e

C IENO le quattro grandezze omogenee A B, C D, E, E, Je Mia come A B a C D, così E ad F, e sia la A B la massima tra esse, & F la minima. Dico che la somma delle A B, P, è maggior della somma delle CD, E. . TAGLISI dalla AB la grandezza A G uguale ad E, e dalla. . C D la C H ugnale ad F. SARA' dunque la A G alla CH come E.ad F, ovvero come A B a C D, per la supposizione. Perche dunque tutta la A B, a tutta la CD sta some la parte levata AG, alla levata CH, sarà ancora * tutta la A B a tutta la C D come la rimanente G B alla. rimanente H D. Ma tutta la A B è maggior di tutta la C D (per essersi posta A B la massima) adunque la rimanente G, Bsarà maggior della rimanente H D. E perchè A G, & E sono u-

* Prop. 16.

guali, aggiungendo loro le uguali F, C H, cioè-la F alla A G, e la C H alla E, ne verranno le

A G & F insieme, uguali alle E e CH insieme: Onde aggiunto alla prima somma la maggiore G B, & alla seconda somma la minore H D, ne verranno le A B, & F insieme, maggiori delle CD,

G B E

& E insieme, cioè la massima con la minima maggiore delle due rimanenti insieme. Se dunque saranno quattro grandezze proporzionali, &c. Il che si doyeva dimostrare.

E quest' è la dimostrazione d' Euclide della Prop. 25, del V. Libro.

ILFINE

Degli Elementi d'Euclide della Scienza Vniversale delle Proporzioni.

AVVERTIMENTO.

🗖 IN quì si son posti tutti i Teoremi del V. Libro datici da Euclide , eccettuatine il terzo, il quinto, e'l sesto intorno alle ugualmente multiplici, i quali, per effer Lemmi d'altri qui diversamente propati, e non aver uso altrove, ei è parso ben di tralasciare come inutili. Ma perche alcuni degl' Interpreti d'Euclide conobbero che per l'intelligenza d'Archimede, d'Apollonio, e d'altri gravi Autori Classici era necessaria la cognizione ancora d'altre Proposizioni supposte da est, come se note fossero per mezzo degli Elementi, e queste per la maggior parte furono poi dimostrate da Pappo Alessandrino, ed altre dal Campano; perciò i medesimi Interpetri le aggregazono al numero di quelle del V. Libro. Di qui è che noi ancora (affinebe per la Scienza più Elementare delle Proporzioni non s'abbia da ricorrere ad altro Autore) non mancheremo di aggiungnerle, dimostrandole come fanno est Pappo, e Campano, ma con l'ordine tenuto dal Padre Clavio, diligentissimo, e dottissimo Comentatore di tutti gli Elementi d'Euclide.

PROPOS.

PROPORZÍONI.

PROPOS. XXII.

E la prima alla seconda a crà maggior proporzione Prop. 7. 84 che la terza alla quarta, convertendo, la seconda alla prima a crà minor proporzione che la quarta alla terza.

BBIA la grandezza A'alla B maggior proporzione della . C alla D. Dico che convertendo la B alla A a minor proporzione che la D alla C.

INTENDASI che altra grandezza E alla B stia come la C alla D: sara dunque la proporzione di A a B ma gior ancora della proporzione di E a B. E però sarà la A maggiote di E. Onde B ad A avrà minor proporzione di B ad E. Ma come B ad E, così sta

nāda di ane• to Trassaso

Prop 7. Prop. 6.

convertendo D a C (perche come C a D, così sta per construzione E 2 B) adunque ancor la proporzione di B ad A è 4 mi- 4 9. Moma. nore che la proporzione di D a C. E però quando la prima alla seconda &c. Il che si doveva dimostrare.

PROPOS. XXIII.

E la prima alla seconda a-vrà mazgior proporzione 🕤 che la terza alla quarta, permutando, la prima antora alla terza a vra maggior proporzione, che la feconda alla quarta.

BBIA, nella figura feguente, A a B maggior proporzione, che Ca D. Dico che permutando ancora A a C à maggior proporzione di B a D.

IMPERCIOCCHE' s'intenda ch'un'altra 🗸 a B stia * come C a D. Sara dunque la proporzione di A a B maggiore Ro Trattato.

SCIENZA VNIVERSALE.

ancora della proporzione di E a B, e però sara A maggior di E, & A a C avrà maggior proporzione che E a C. E perche sta permutando E a G come B a D (effendofi posto che E a B slia come C a D) sarà dusque ancora la proporzione di A a C maggior che di B a D. H.che &c.

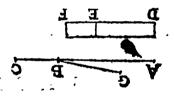
PROPOS. XXIV.

TE, dividendo, la prima alla seconda avrà maggior proporzione che la terza alla quarta, e componendo, anco la prima con la seconda alla seconda avrà maggior proporzione che la terza con la quarta alla quarta.

CIA la proporzione di AB a BC maggior della proporzione di DÈ ad EF. Dico che componendo anco la proporzione d. A.C a CB è maggior della proporzione di DF ad FE.

ādá 1i quee Frantato . 5. Assoma

INTENDASI che un'altra GB alla BC flia come DE ad EF. Sarà dunque la proporzione di AB 🥧 B C maggiore similmente della proporzione di GB a BC, e però 1 sard A B maggiore di G B; siochè agginnta a queste la comune BC, ne



verra A C maggior di G C: onde A C a CB avra maggior e proporzione che .G C alla medesima C B: ma componendo G C a C B sta come D F ad F E, perche si pose dividendo GB a BC come DE ad EF; adurque anco la proporzione di AC a CB fara h maggiore della proporzione di DF ad F E. E però se dividendo la prima alla seconda avrà maggior proporzione che la terza alla quarta, e componendo &c. Il che si propose di dimoltrare.

PROPOS.

C E, componendo, la prima con la seconda alla seconda avrà maggior proporzione che la terza con la quarta alla quarta, e dividendo, avrà ancora la prima alta feconda maggior proporzione che la terza alla quarta.

firasa dal Comandine dopo'la Prop.5. del 7.di Yap.

BBIA, nella passata figura, AC a CB maggior proporzione diDF ad FE. Dico che ancora dividendo AB a BC à mag-

gior proporzione di DE ad EF.

INTENDASI che altra G C a C B stia come DF ad F E: ancora AC a CB avrà • maggior proporzione di GC a CB; e però sarà AC maggior e di GC, e toltane di comune la BC, restera la AB maggior di GB, e però AB a BC avrà maggior proporzione che GB a BC: ma dividendo come GB a BC così DE ad EF (perche si pose GC, a CB come DF ad FE) adunque anco la proporzione di AB a BC è maggior * della proporzione di DE ad EF. E però se componendo la prima con la seconda alla seconda avrà maggior proporzione che la terza con la quarta alla quarta, e ancora dividendo &c. . Il che fu proposto di dimostrare.

questo Trat. 5. Afrioma. Prop 7. 4. Assiema.

S. Afriowa.

PROPOS. XXVI.

E, componendo, la prima con la seconda alla seconda a crà maggior properzione che la terza con la quarta alla quarta. Per la conversion della proporzione, la prima con la seconda alla prima, a urà minor proporzione che la terza con la quarta alsa terza.

S IA la proporzione di AC a C B maggior della proporzione di D F ad F E. Dico che per la conversion della proporzione CA ad AB à minor proporzione che FD a DE. PER-

54 SCIENZA PNIVERSALE.

PERCHE' avendo AC a CB

maggor proporzione di DF ad FE, e
dividendo AB a BC avra maggior proporzione di DE ad EF, e
però convertendo CB a BA avra

Prop 22. minor proporzione di FE ad ED:
perlochè, e componendo CA ad
Prop. 24. AB avra minor proporzione che FD ad DE. Il che &c.

PROPOS. XXVII.

Prop. 8. del 7. di Pappo.

S E la prima alla terza à maggior proporzione che la seconda alla quarta, a vrà ancora la prima alla terza maggior proporzione che la prima con la seconda alla terza con la quarta.

A BBIA AB a DE maggior proporzione che BC ad EF. Dico che ancora AB a DE à maggior proporzione che AC a DF.

di quefo.

SIA come AB a DE così BC ad un'altra EG. E perchè s'è posto AB a DE aver maggior proporzione di BC ad EF, anco BC ad EG (che sta come AB ad DE) avrà maggior proporzione che la medesima BC all' EF. Onde EG sa-

A B C
D E G F

× 5. Assisma.

Prop. 7. Prop 8.

Prop 6.

rà minore di EF. Perchè dunque ABaDE sta come BC ad EG, stara AC a DG come AB'aDE. Ma AC a maggior proporzione a DG che a DF (perche DGè minore di DF) adunque anco ABaDE! avrà maggior che AC a DE. Il che &c.

PROPOS. XXVIII.

Prop. 9. del 7. di Pappo .

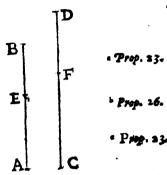
S E tutta a tutta à maggior proporzione che la parte levata alla parte levata, e la rimanente alla rimanente avrà maggior proporzione che tutta a tutta.

SIA

S IA la proporzione di tutta la A B a tutta la C D maggiore della proporzione della parte levata A E alla parte levata C F. Dico che anco la proporzione della rima-

nente E B alla rimanente F D è maggior della proporzione di tutta la A B a tutta la C D.

ESSENDO la proporzione di A B a C D maggior che di A E a C F, sara ancora permutando la proporzione di A B ad A E maggior • che di C D a C F: e per la conversion della proporzione A B a B E avrà minor proporzione che C D a DF; e permutando ABaCD avrà similmente minor "proporzione che E B ad F D; cioè la rimanente E B alla rimanente F D avrà maggior proporzione che tutta la A B a tutta la C D. Il che, &c.



PROPOS. XXIX.

CE saranno tre grandezze omogenee, & altrettante Proposizi del pur omogenee; e la proporzion della prima delle pri- giunse dal Came alla seconda sia maggior della proporzione della pri- panonella sua traduzione ma delle seconde alla seconda, e la proporzion della seconda delle prime alla terza sia pur maggiore della proporzion della seconda delle seconde alla terza: ancora per l'ugualità in tal proporzione ordinata a-vra la prima delle prime alla terza maggior proporzione, che la prima delle seconde alla terza.

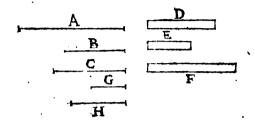
d'Enclède .

C IENO tre grandezze omogenee A, B, C, & altrettante. O omogenee D, E, F, e la proporzione di A a B sia maggior della proporzione di D ad E; siccome la proporzione di B a C sia maggior della proporzione di E ad F. Dico che per l'ugualità ancora A a C à maggior proporzione di D ad F.

INTENDASI che G a C stia come * E ad F. Sarà dunque la. * Fer la doma proporzione di B a C, che era maggiore che di E ad F, maggio- da di questo.

* 5. Africama. re * ancora che di G a C. Onde B sarà maggior b di G; e però Prop. 7.

A a G avrà maggior proporzione che a B: ma la proporzione che a B: ma la proporzione



48. Africma.

* Per la domáda di questo

* 5. Assema.

* Prop. 7.

* 4. Assema.

h Prop. 18.

* s. Asioma.

di A a B si è pessa maggior che di D ad E, adunque la proporzione di A a G tanto più sarà maggiore che quella di Dad E.

INTENDASI di nuovo che H a G stia come * D ad E. Avrà per tanto A a G maggior * proporzione che H a G, e però sarà A maggior di H; sicchè A a C avrà maggior * proporzione che H alla stessa C, ma come H a C così è per l'ugualità D ad F (perche si fece D ad E come H a G, & E ad F come Ga C) adunque anco A a C l'avrà * maggiore che D ad F. Il che, &c.

PROPOS. XXX.

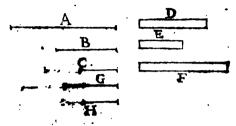
Props, 2.delV. tra le aggiunta dal Campa no nella sua: traduzione: d'Euclide. S E saranno tre grandezze omogenee, ed altrettante pur omogenee, e la prima alla seconda nel primo ordine abbia maggior proporzione che la seconda alla terza nel secondo, e la seconda alla terza nel primo abbia maggior proporzione che la prima alla seconda nel secondo, ancora per l'ugualità in tal proporzione perturbata a virà la prima alla terza nel prim' ordine maggior proporzione che la prima alla terza nel secondo.

SIENO tre grandezze omogenee A, B, C, & altre pur omogenee, D, E, F; E nel prim' ordine abbia A a B maggior proporzione di E ad F nel secondo; e B a C nel primo abbia maggior proporzione che D ad E nel secondo. Dico che anco per l'ugualità A a C nel primo à maggior proporzione che
D ad F nel secondo.

INTEN-

* INTENDASI che G a C stia come * D ad E, sarà dunque la proporzione di B a C, che è data maggiore della proporzione di D ad E, maggior ancora della proporzione di G a C: onde B sarà maggior di G; e però A a G avrà maggior pro-

Domanda di questo. * 5. Assioma. Prop 7. * 4. Assoma.



porzione che la medesima A a B, ma la proporzione di A a B è posta maggiore che di E ad F, adunque la proporzione di A a G è molto maggior 4 ché di E ad F.

INTENDASI in oltre che H a G stia come * E ad F. Sarà dunque la proporzione di A a G, maggior che di H alla medesima G. Onde A sarà maggiore di H, e però A a C avrà maggior proporzione che H alla medesima C, macome H a C, così sta per l'ugnalità D ad F (perchè si sece D ad E come G a C, & E ad F come H a G) adunque anco la proporzione di A a Cè maggiore che quella di D ad F. Il che, &c.

A Africus .

* Domanda.o.
di quefto .
§ Africus .
f Prop 7.
E 4. Africus .
b Prop. 19.

PROPOS. XXXI.

SE saranno due ordini d'equal numero di grandezze, e la prima del primo ordine alla prima del secondo abbia maggior proporzione della seconda del primo alla seconda del secondo, a questa proporzione sia maggior della proporzione della terza del primo dlla terza del secondo, e così sempre sinchè vi sieno grandezze; tutte insieme l'antecedenti a tutte insieme le conseguenti a vranno maggior proporzione di tutte l'antecedenti senza la prima, a tutte le conseguenti senza la prima; ma però minor proporzione che la prima alla prima, e maggior che l'ultima all'ultima.

Propiga del P.
aggiunta dal
Campano nela
la fua traquzionetl' Euclide,e dimofirata col Padre
Clavio.

C IENO prima nel primo ordine tre grandezze A, B, C, e Inel secondo altrettante D, E, F, e tutte omogenee, e la. proporzione di A a'D sia maggior della proporzione di B ad E, e questa maggiore che di C ad F. Dico che la proporzione della somma A, B, C, alla somma D, E, F, è maggiore che della somma B, C, alla somma E, F. Ma ben ninore che della prima grandezza A alla prima D. E finalmente maggiore che dell'ultima C all'ultima F.

. Prop. 23. ▶ Prop. 24. · Prop 23.

IMPERCIOCCHE' avendo A a D maggior proporzione di B ad E, permutando avra maggior proporzione A a B che D ad E, e componendo A con B a B maggior che D con E ad E, e di nuovo permutando e A con B a D con E maggior proporzione che B ad E. Perche dunque tutta la A, B, a tutta la D, E, à maggior proporzione che la parte B alla parte E, avrà ancora la rimanente A alla rimanente D maggior proporzione di tutta la A, B, a tutta la D, E. Nello st. sio, modo appunto fe

proverà che la sola B' alla sola E à maggior propotzione delledue, B, C, insieme, alle due insieme EC, FÇ adunque la sola prima A alla sola prima D avra molto maggior proporzione che la somma B, C alla E, E, e permittando, avra maggior Aproporzione A a B, C, che D ad E, F, e componendo, maggior proporzione la fomma A, B, C, alle B; C, che la fomma D, E, F, alle E, F, e finalmente permutando, maggior proporzióne avrà la fomma A, B, C, alla fomma D, E, F, della fomma B, C, alla fomma E, F. Il che in primo hiogo si doveva dimo-The state of the state of

AVENDO per tanto tutta la A, B, C, a tutta la D, E, F, maggior proporzione della parte levata B, C, alla levata E, F, * Prop. 28. avrd la rimanente. A alla rimanente D maggior * proporzione che tutta l' A, B, C, a tutta la D, E, F, che è la seconda proposta.

E perchè B ad E à maggior proporzione che C ad F, e per-*Prop 33- mutando, B a Clavra maggiore e di E ad F, e componendo, la Prop. 24. B. C. a. G. maggiore: che la E. F ad P. e. di muovo permutando,

... "io.

do, la B, C, alla E, F, maggiore + che la C alla F: ma la proporzione di A, B, C, alla D, E, F, si è provata maggiore che di B, C, ad E, F, adunque fara molto maggiore la proporzione di Affiena 8. A, B, C, a D, E, F, che di C ad F; il che era l'ultimo da proyarli 👝

SIENO ora in ciascuno ordine quattro grandezze A, B & C & G, e D., E., F., H., e sieno date con la medesima condizione delle tre, sieche ancora C ad Fabbia maggior proporzione di G ad H.

Dico pure seguirne le stesse cose.

PERCHE', come si provò nelle tre, avrà B ad E maggior proporzione della somma B, C; G, alla somma E, F, H, e però moko 'maggiore A; a D, che B, C, G, ad E, F, H; e pennit 'Assistant 'Assistant 'Assistant 'Assistant 'Assistant 'Assistant 's Assistant tando, maggior proporzione A, a B, C, G, che D:ad B, F, H, + Prop. 23. e componando, maggiore " A, B, C, G, a B, C, ii G che D, E, Prop. 24. F, H, ad E, F, H; e pelmutando, maggior proportione A, B, Prop. 23. C, G, a D, E, F, H, the B, C, G, ad E, F, H.

ESSENDO dunque la proporzione di tutta A, B, C, G, a tutta D, E, F, H, maggior della levata B, C, G, alla levata E, F, H, E la rimenente A alla rimanente D avrà maggior e propor- Prop. 18. zione che tutta A, B, C, G, a tutta D, E, F, H.

. E finalmente, come si dimostrò nelle tre, à maggior proporzione la fomma B, C, G, alla E, F, H, di G ad H, & e la proporaione di A, B, C, G, a D, E, F, H, maggiore che di B, C, G ad E. F. H., come si provò poco sopra; adunque la somma A., B. C., G., alla fomma D., E., F., H., a molto maggior propor- Affews 8. zione che l'ultima G all'ultima H. Il che &c.

CON finnile artifizio si concludera seguirne le stesse cose in cinque grandezec per mozzo delle prime quattro, & in sei per mez-20 delle prime tinque, com'appunto s'è provato in quattro per via delle prime tre. E però è manisesto tutto ciò che si propose di

dimostrare.

Dell'Aggiunta a gli Elementi d'Euclide della Scienza Vniversale delle Proporzioni.

Anto basta intorno alla parte più elementare delle Proporzioni. Ma considerando io, che dall'aver poste nelle Prop. di num. 1.3.4. e 5. le dimostrazioni del Galileo delle Difinizioni quinta, e settimas del V. Libro d'Enclide insieme con quelle de lor convers, e dalle quali io presi occasione di dar nuova forma al presente Trattato. potrebbe eccitarsi in alcuni il desiderio di vederle anco in fonte nella maniera stessain che furono da esso portate in Dialogo nel citato manoscritto, ò risoluto (con permissione dell' Alt. Reverendissima del Serenissimo Signor PRINCIPE CARDINALI DE MEDICI dalla di cul graziosa benignità, com'io dissi, ne sui già satto degno) di stamparlo cost tronco, e imperfetto com io l'ottenni, e quale e rimase; quando sopræggiunto il Galileo da mulattia, che fuel'ultima, l'anduva egli dettando a Evangelista Torricelli in quel tempo, nel quale ci trovammo) insume, in Arcetri, Ospiti del medesimo Galileo. Ben è vero, che parendo ancona convenevole il darlo fuori tal quale poi lo. lasciò alla sua morte la stesso Torricelli, e fapendo io tutti gli scrittima) tematici di essa non pubblicati , esser appresso il Sig. Dottor Lodovico Serenai mio parzialismo, & amorevolissmo Amico (di cui, per dare in breve soprabbondante contezza del merito, dottrina, fede, è candidezza d'animo incomparabile, basti sapere che egli si meritò sopra gli altri l'amore, e la confidenza massima d'un Torricetti) ò proccurato di riscontrare tal mia copia con la bozza originale di quella che è nelle mani del predetto Sig. Serenai, & avendola ritropata. verso il fine con qual cosa di più, aggiuntavi, com'io credo, dallo stesso Torricelli, non ò voluto mancare di unirla d questa quinta Giornata, come si vedrà in carattere corsivo, e quale, dopo un diligente riscontro del rimanente, mi à dettata il medesimo Sig. Lodovico. Potrà per tanto assocurarse il Lettore d'aver qui ora quanto su scritto dal Qulileo per chiarezza di quelle due difinizioni, e potrà insieme godere della di lui maravigliosa evidenza, e natural felicità nello spiegare materie simili scientifiche, per lo cui mezzo, & in questa, e nell'altre famoje opere sue, egli à nobilmente onorato, e arricchito la Toscana favella, non men di quello che egli abbia mirabilmente illustrato, e promosso le matematiche Discipline, e con le molte sue evidentissime dimostrazioni remote dalle comuni delle Scuole, posto in libertà l'innocente Filosofia, che quivi per tanti Secoli fu tenuta miseramente soggetta ad un solo uomo, il quale non è da crèder si presumesse che altri, senza l'armi della Geometria, e dell'Esperienza, giunger potesse mai ad arrestarla, non che a vincerla, e ∫oggiogarla.

PRINCI-

PRINCIPIO

DELLA QVINTA GIORNATA

DEL GALILEO

Da aggiugnersi all'altre quattro de' Discorsi, e Dimostrazioni Matematiche intorno alle due nuove Scienze appartenenti alla Meccanica, & a' Movimenti locali.

INTERLOCPTORI.

Salviati, Sagredo, e Simplicio.

Sdr.



RANDISSIMA è la consolazione, ch'io sento nel vedere, dopo l'interposizione di qualch'anno, rinnovata in questo giorno la nostra solita Adunanza. So che l'ingegno vivace del Sig. Sagredo è tale che non sa stare in ozio, però mi persuado che egli non avrà mancato di sare, nel tempo della nostra sontananza, qualche ressessione so-

pra le dottrine del moto, le quali furon lette nell'ultima Giornata de nostri passati colloqui. Io, che dalla virtuosa conversazione di V. S. & anco del nostro Sig. Simplicio, ò sempre raccolto frutti di non volgare erudizione, la prego a voler proporre qualche nuova considerazione sopra le cose del nostro Autore già lette da noi. Così daremo principio a gli usati discossi per passar questa Giornata nell'occupazione di virtuoso trattenimento.

Sagr. Non nego a V.S. che in questi anni mi sieno passati per la santassa vari pensieri sopra le novità dimostrate da quel buon Vecchio, intorno alla sua Scienza del moto sottoposta, e ridotta da lui alle dimostrazioni della Geometria. Et ora, poichè ella così comanda, proccurerò di rammentarmi qualche cosa, e darò a lei occasione di benesicare il mio 'ntelletto co' suoi dotti ragionamenti.

Per cominciar dunque per ordine dal principio del Trattato de moti proporto a V. Sig. uno scrupelo mio antico tinnovatomi nel considerare la dimostrazione, che l'Autore apporta nella sua prima proposizione del moto equabile, la quale procede (come molte altre degli antichi, e moderni Scrittori) per via degli ugualmente multiplici. Quella è una certa ambiguità, che io ò sempre avuta nella mente interno alla quinta, o come altri vogliono sesta disinizione del quinto Libro d'Euclide. Stimo mia somma prosperità d'aver potuto incontrare occasione di conferir questo dubbio con V. Sig. del quale spero dover restar totalmente liberato.

Simpl. Anzi che lo ancora riconoscerò questo nuovo abboccamento con le SS. VV. per benefizio singolare della fortuna, se mi succederà di poter ricever qualche luce intorno a questo punto accennato dal Sig. Sagredo. Non ebbi mai il più duro ostavolo di questo in quella poca di Geometria, che io studiai già nelle Scuole da Gionanetto. Però ella s'immagini quanto sia per dovermi esfer caro, se dopo tanto tempo sentirò intorno a questo particola-

re qualche cola di mia soddisfazione i con di

Sagr. Dico dunque, che avendo sentito nel dimostrar la prima proposizione dell' Autore intorno al moro equabile adoptarii gli ugualmente multiplici conforme alla quinta, ovvero sesta difinizione del V. Libro d'Euclide, & avendo to un poco di dubbio già antiquato intorno a questa difinizione, non restai con quella chiarezza, che io avrei desiderato nella predetta proposizione. Ora mi sarebbe pur caro il poter intender bene, quel primo principio, per poter poi con altrettanta evidenza restar capace delle cose, che seguono intorno alla dottina del moto.

Salv. Proccurerò di soddisfare al desiderio di V.S.con addomesticare in qualche altra maniera quella difinizione d'Euclide, e spianar la
strada per quanto mi sarà possibile all' introduzione delle proporzionalità. In tanto sappia pure di aver avuto per compagni inquesta ambignità Vomini di gran valore, i quali per lungo tempo sono stati con la medesima poca soddisfazione, con la quale-

W. S. mi dice di ritrovarsi fino a questo giorno.

Quando, e co qualoccahove forvenissero al Galileo que fle speculazioni.

Jo poi consesso, che per qualche anno dopo aper istudiato il V. Libro d'Euclide, restai involto con la mente nella stessa caligine. Superai finalmente la difficultà, quando nello studiare le maravigliose Spirali d'Archimede, incontrai nel bel principio del Libro una dimostrazione simile alla predetta del nostro Autore...

Ouell'-

Quell'occasione mi fece andar pensando, se per fortuna ci fosse altra strada più agevole, per la quale si potesse arrivare al medesimo fine, ed acquillare per me, ed anco per altri qualche precisa cognizione nella materia delle proporzioni: però applicai allora l'animo con qualche attenzione a questo proposito, & esporrò adesso quanto su da me speculato in quell'opportunità , sortoponendo ogni mio progresso al purgatissimo giudizio delle SS. VV.

Suppongasi primieramente (came le suppose anco Euclide, men- supposizione. tre le difinì) che le grandezze proporzionali si trovino. Cioè che date in qualunque modo tre grandezze, quella proporzione, o quel rispetto, o quella relazione di quantità, che à la prima verso la seconda, la stessa possa aversa una terza verso una nuarta.. Dico poi che per dare una difinizione delle fuddette grandezze proporzionali, la quale produca nell'animo del Lettore qualche concetto agginfiato alla natura di esse grandezze proporzionalis dovremmo prendere una delle loro passioni, ma però la più facile di tutte, e quella per appunto, che si siimi la più intelligibile anco dal Volgo non introdotto nelle Matematiche. Così fece Enelide stello in molt altri luoghi. Sovvengavi, che egli non diffe, il Cerchio essere una sigura piana, dentro la quale segando. si due linee rette, il rettangolo sotto le parti dell'una sia sempre uguale al rettangolo sotto le parti dell'altra: ovvero dentro la quale tutti i quadrilateri abbiano gli angoli opposti uguali a due retti. Quand'anche così avesse detto sarebbero state buone difinizioni. Ma mentre egli sapeva un'altra passione del Cerebio più intelligibile della precedente, e più facile da formarfene concetto, chi non s'accorge che egli fece assai meglio a metrere avanti quella più chiara, e più evidente come difinizione, per cavar poi da el-La quell'altre più recondite, e dimostrarle come conclusioni?

Sagr. Per certo che così è, & io credo che rari saranno gl'ingegni, i quali totalmente s'acquetino a questa difinizione, se io con Eu-

clide dirò così.

Albora quattro grandezze sono proporzionali, quando gli ugualmente multiplici, della prima, e dalla terza, prefi fecondo qualunque multiplicità, se accorderanno sempre nel superare, mancare, o pareggiare gli ugualmunte multiplici della seconda, e della quarta..

E chi è quello d'ingegno tanto felice; il quale abbia certezza, che allora quando le quattro grandezze sono proporzionali gli ugualmente multipiici s'accordino sempre? Ovvero chi sa, chequegli ugualmente multiplici, non s'accordino sempre anco quan-

do le grandezze non sieno proporzionali? Già Euclide nelle precedenti difinizioni aveva detto.

La proporzione tri due grandezze essere un tal rispetto, o relu-

gione tra di boro, per quanto si appartiene alla quantità.

Ora avendo il Lettore concepito già nell'intelletto, che cosa sia la proporzione fra due grandezze, sarà difficil cosa che egli possa intendere, che quel rispetto, o relazione che è fra la prima, e la seconda grandezza, allora sia simile al rispetto, o relazione, che si trova fra la terza, e la quarta grandezza, quando quegli ugualmente multiplici della prima, e della terza s'accordan sempre nella maniera predetta con gli ugualmente multiplici della seconda, e delsa quarta nell'esser sempre maggiori, o minori, o uguali.

sal». Comunque cià sia, parmi questo d'Euclide più tosto un Teoreana da dimostrati, che una difinizione da premettersi. Però avend' do 'ncontrato tanti ingegni, i quali anno arrenato in questo luogo, mi ssorzerò di secondare con la difinizione delle proporzioni il concetto universale degli uomini auche ineruditi nella Geo-

metria, e procederò in quello modo.

Difinizione delle grandetee properzionali tra loro commenfurafuli Allora noi diremo quattro grandezze esser fra loro proporzionali, cioè aver la prima alla seconda la stessa proporzione, che à la terza alla quarta, quando la prima sarà eguale alla seconda, e la terza ancora sarà eguale alla quarta. Ovvero quando la prima sarà tante volte multiplice della seconda, quante volte precisamente la terza è multiplice della quarta. Troverà dubbio alcuno il Signor Simplicio nell'intender questo?

Simpl. Certo che nò.

Salo. Ma perche non tempre accaderd, che fra le quattro grandezze si trovi per appunto la predetta egnalità, ovvero multiplicità precisa, procederemo più oltre, e domanderò al Signor Simplicio. Intendete voi che le quattro grandezze allora sieno proporzionali quando la prima contenga per esempio tre volte, e mezzo la seconda, ed anco la terza contenga tre volte, e mezzo la quarta? Simplificando benissimo sin qui, ed ammetro che le quattro grandezze sieno proporzionali, non solo nel caso esemplisicato da V. S. ma ancora secondo qualsivogsia altra denominazione di multiplicità, o superparziente, o superparticolare.

Salv. Per raccoglier dunque ora in breve, e con maggiore universalità tutto quello che si è detto, & esemplificato sin qui, diremo

Allora noi intendiamo quattro grandezze esser proporzionali fra

loro, quando l'eccesso della prima sopra la seconda (qualunque egli sia) larà simile all'eccesso della terza sopra la quarta.

Simpl. Fin qui io non avrei difficultà, ma mi pare, che V. S. in questa maniera non apporti la difinizione delle grandezze proporzionali se non quando, le antecedenti saranno maggiori delle loro conseguenti, poiche ella suppone, che la prima eeceda la seconda, e che anco la terza ecceda similmente la quarta. Ma ora interrogo io come doviò governarmi quando le antecedenti sieno minori delle loro conseguenti?

, Salv. Rispondo, chequando V.S. avra le quattro grandezze in tal modo, che la prima sia minor della seconda, e la terza minor della quarta, allora farà la seconda maggior della prima, e la quarta maggior della terza. Però V. S. le consideri con quest'ordine inverso, e s'immagini, che la seconda sia prima, e la quarta sia. terza. Così avrà le antecedenti maggiori delle conseguenti, e non avrà bisogno di cercare allora difinizione diversa dalla già apportata da noi.

- Sagr. Così è per appunto. Ma seguiti V.S. per grazia col presupposto già fatto di considerare sempre le antecedenti maggiori delle loro conseguenti, il che mi pare che faciliti assai a lei il discorso, & a noi l'intelligenza.

Salv. Stabilita questa per difinizione soggingnerò anco in qual altro modo s'intendano quattro grandezze esser fra loro proporzionali, &è questo. Quando la prima per avere alla seconda la medesima proporzione, che la terza alla quarta, non è punto nè maggiore nè minore di quello, che ella dovrebbe essere, allora s'intende aver la prima alla seconda la medefima proporzione che à la terza alla quarta. Con quella occasione difinitei ancora la proporzione maggiore, e direi così.

Ma quando la prima grandezza sarà alquanto più grande di quel. Difin. delle che ella dovrebbe essere per avere alla seconda la medesima proporzione che à la terza alla quarta, allora reglio che convenghiamo di dire, che la prima abbia maggior proporzione alla. seconda di quella che à la terza alla quarta.

Simpl. Bene, ma quando la prima fosse minore di quel che bili. ella dovrebbe esser per avere alla seconda quella medesima proporzione che à la terza alla quarta?

Salv. Mentre la prima sia minor di quel che si ricercherebbe per aver alla seconda quella medesima properzione, che à la terza alla quarta, sarà segno evidente che la terza è maggior del

Difin . gene rale delle grå • dezze propor-Lionali, o com menfurabili era loro , o incommenfara.

Altro modo di difinire le grã. dorte pro

grandezze nö propor. sonalis o commensurabili, o mom m en∫uragiusto per aver alla quarta quella tal proporzione, che à la prima alla seconda. Però in questo caso ancora V. S. si contenti di concepir l'ordine in altro modo, e s'immagini che quelle grandezze, che erano terza, e quarta diventino prima, e seconda, e quell'altre che erano prima, e seconda V. S. le riponga ne'

hioghi della terza, e della quarta.

Sagr. Fin'ora intendo benissimo il concetto di V. S., e l'introduzione, con la quale ella da principio alla speculazione delle proporzionali. Parmi ora che ella si sia messa in obbligo di adempire una delle due cose, cioè, o di dimostrare con questi suoi principi tutto il quinto d'Euclide, ovvero di dedurre da queste due disnizioni poste da V. S. quell'altre due, che Euclide mette per quinta, e per settima fra le disinizioni, sopra le quali poi egli sonda tutta la macchina del medesimo quinto Libro. Se V. S. dimostrerà queste come conclusioni non mi restera più che desiderare in-

torno a questa materia.

Salvi. Questa per appunto è l'intenzion mia, poiche quando si comprenda con evidenza, che date quattro grandezze proporzionali conforme alla medesima difinizione, gli ugualmente multiplici della prima, e della terza s'accordano eternamente per necessità in pareggiare, o mancare, o eccedere gli ugualmente multiplici della leconda, e quarta, allora senz altra scorta si può entrare nel quinto Libro d'Euclide, e si possono intender con evidenza i Teoremi delle grandezze proporzionali. Così ancora se con la posta difinizione della proporzion maggiore dimostrerò che, in qualche caso, presi gli ugualmente multiplici della prima, e della terza, & anco della seconda, e della quarta, quel della. prima ecceda quel della seconda, ma quel della terza non ecceda quel della quarta, si potrà con questa dimostrazione scorrere gli altri Teoremi delle grandezze sproporzionali. Poiche questa nostra conclusione sarà per appunto la difinizione, della quale, come per principio, & louve Euclide Resso.

ugualmente multiplici, cioè che, mentre le quattro grandezze son proporzionali, quegli eternamente s'accordano nel pareggiare, o eccedere, o mancare; o che, quando le quattro grandezze non son proporzionali, quegli in qualche caso discordano, io per me non richiederei altra luce per intender con chiarezza tutto 'I quinto

degli Elementi Geometrici.

Salv. Ora ditemi Sig. Simplicio, se noi supporremo che le quattro

Il medefimo

Assioma più universalme-

te spiegate .

quattro grandezze A, B, C, D, sieno proporzionali, cioè che la prima.
A alla seconda B abbia la stessa proporzione che la terza C à verso la quarta D, intendete voi che anco due delle prime verso la seconda avranno la
medesima proporzione che due delle
terze verso la quarta.

A. B.

Ç. D.

Simpl. Io l'intendo assai bene, imperciocchè mentre una prima alla seconda à la medesima proporzione che una terza alla quarta, non saprei immaginarmi per qual ragione due delle prime alla seconda debbano aver proporzion diversa da quella che anno due delle terze alla quarta.

due delle terze alla quarta.

Salv. Adunque mentre V. S. intende questo, intenderà ancora che quattro, o dieci, o cento delle prime ad una seconda avranno la stessa proporzione, che anno quattro, o dieci, o cento del-

le terze ad una quarta.

Simpl. Certo che sì, e purchè i numeri delle multiplicità fieno uguali, facilmente apprendo, che la prima presa due volte,
o dieci, o cento, avrà la stessa proporzione verso la seconda che à
la perza presa anche esta due volte, o dieci, o cento, verso la

quarta. Sarebbe ben-dificile persuadermi il contrario.

Salv. Non è dunque ardua cosa il capire, che il multiplice della prima abbia la stessa proporzione alla seconda che à l'ugualmente multiplice della terza alla quarta. Cioè che la prima multiplicata quante volte ci pare abbia alla seconda quella proporzione stessa, che à la terza multiplicata altrettante volte verso la quarta, pra tutto quello che io è esemplificato sin quì con multiplicare le grandezze antecedenti, ma non già le conseguenti, immaginatevi che sia detto anco intorno al multiplicare le conseguenti solamente senza punto alterare l'antecedenti, e ditemi. Credete voi che date quattro grandezze proporzionali, la prima a due delle seconde abbia proporzion diversa da quella che à la terza a due delle seconde abbia proporzion diversa da quella che à la terza a due delle quarte?

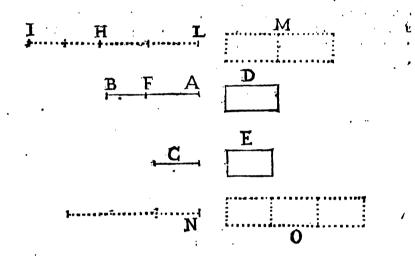
Simpl. Credo assolutamente di nò; anzi quando una prima abbia ad una seconda la medessma proporzione che una terza à verso la quarta, intendo assai bene che quella stessa prima a due, o quattro, o dieci delle seconde, avrà quella medessma proporzione che à la stessa verso due, o quattro, o dieci delle quarte,

Salv. Am-

sere, acciò sosse precisamente proporzionale, e sia tale eccesso l' F B. Resteranno ora dunque le quattro grandezze proporzionali, cioè la rimanente A F alla C avtà la medesima proporzione, che à la D alla E.

Multiplichis F B tante volte ch'ella sia maggior della C, e sia questo multiplice il segnato H.I. Prendasi poi H L altrettante, volte multiplice della A F, e la M della D, quante volte per appunto l'H I sarà stata presa multiplice della F B. Stante questo non è dubbio alcuno, che tante volte sarà multiplice la composta L I della composta A B, quante volte la H I della F B, ovvero la M della D è multiplice.

Prendafi ora la N multiplice della C con tal legge, che la stef-



sa N sia prossimamente maggiore della L H, & in ultimo quanto sarà multiplice la N della C, altrettanto pongasi la O multiplice della E.

Ora essendo la multiplice N prossimamente maggiore della L H, se noi dalla N intenderemo esser levata una delle grandezze sue componenti (che sarà eguale alla C) resterà il residuo non maggiore della L H. Se dunque alla stessa N renderemo la grandezza eguale alla C, (che intendemmo esser levata) & alla L H, che è non minore di detto residuo aggiusgneremo la HI, che pure è maggiore dell'aggiunta alla N, sarà tutta la L I maggior della N. Ecco

Ecco donque un caso, nel quale il multiplice della prima supera il imiltiplice della seconda. Ma essendo le quattro grandezze A F, C, D, E, fatte proporzionali da noi, & essendosi presi gli ugualmente multiplici L H, & M della prima, e della terza, & N, & O della seconda, e della quarta, saranno essi (per le cose già stabilite di sopra) sempre concordi nell'esser maggiori, o minori, o uguali. Però essendo il multiplice L H della prima grandezza minore del multiplice N' della seconda, per la nostra construzione, sarà anco il multiplice M della terza minore necelsariamente del multiplice O della quarta.

Si è per tanto provato che mentre la prima grandezza sarà alquanto maggiore di quello che ella dovrebbe essere, per avere alla seconda la stessa proporzione, che à la terza alla quarta, allora sarà possibile di prendere in qualche modo gli ugualmente multiplici della prima, e della terza, & altri ugualmente multiplici della seconda, e della quarta, e dimostrare che il multiplice della prima eccede il multiplice della seconda, ma il multiplice

della terza non eccede quel della quarta.

Sagr. Molto bene ò inteso quanto V. S. à dimostrato fin qui'. Resta ora che ella da queste dimostrate premesse deduca come necessarie conclusioni le due controuerse difinizioni d' Euclide, il che spero gli sarà facile, avendo di già dimostrati due Teoremi conversi di quelle.

Salv. Facili per appunto riusciranno; e per dimostrare la 5.

difinizione io procederò così -

Se delle quattro grandezze A, B, C, D, gli ugualmente multiplici della prima, e terza presi secondo qualunque multiplicità

sempre si accorderanno nel pareggiare, o mancare, ovvero eccedere gli ugualmente multiplici della seconda, e della quarta refpettivamente, io dico che le quattro gran-

Imperciocche sieno (se è possibile) non

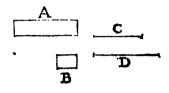
dezze son fra di loro proporzionali. proporzionali - Adunque una delle antece-

denti sarà maggior di quello che ella dovrebbe essere per avere alla sua conseguente la stessa proporzione, che à l'altra antecedente alla sua conseguento. Sia per esempio la segnata A. Adunque per le cole già dimostrate, pigliandosi gli ugualmente multiplici della A, e della C, in una tal maniera, e pigliandosi gli ugualmente multiplici delle B, D, nel modo che si è insegnato, si

PROP. III. che è la difin s del V. d'Eucl. mostrerà la multiplice di A maggior della multiplice di B, ma la nultiplice di C non sand altrimenti maggiore, ma minore della multiplice di D, che è contro al supposto satto da noi.

PROP. 17. che è la 7 dif del V.d'Eucl Per dimostrar la settima disinizione dirò così. Sieno le quattro grandezze A, B, C, D, e suppongasi, che presi in qualche particolar maniera gli agualmente multiplici delle due anteceden ti prima, e terza, e gli ugualmente multiplici delle due conseguenti seconda, e quarta, suppongasi dico che si trovi un caso, nel

quale il multiplice di A sia maggior del multiplice di B, ma il multiplice di C non sia maggior del multiplice di D. Io dico che la A alla B avrà maggior proporzioneche la C alla D. Cioè che la A sarà alquanto maggiore di quel ch'ella dovrebbe essere per aveze alla B la stessa proporzione che à la C alla D.



Se è possibile non sia A maggior del ginsto: sarà dunque precisamente proporzionale, ovvero minor del giusto per esser proporzionale. Quanto al primo, se ella sosse precisamente aggiustata, e proporzionale, sarabbero, per le cose già provate, gli ugualmente multiplici della prima, e della terza presi in qualunque mo-, lo sempre concordi nel pareggiare, o mancare, o eccedere gli uualmente multiplici della seconda, e della quarta; il che è con-, ro alla supposizione.

Se poi la prima fosse minor del giusto per esser proporzionale, nesto è segno, che la terza sarebbe maggiore del suo dovere, er avere alla quarta quella proporzione, che à la prima alla seonda. Allora io direi che si levasse dalla terza quell'eccesso, che

fa esser maggior del giusto. E però la rimanente resterebbe poi per appunto proporzionale. Ora, considerando quei multiplici particolari supposti da principio, è manisesto, che essendo il multiplice della prima maggior del multiplice della seconda, anco il multiplice della terza, cioè di quella rimanente, sarà maggior del multiplice della quarta. Adunque se in cambio di pigliari multiplice di quella rimanente riniglieremo l'egualmente multiplice di tutta la terza intera, questo sarà maggior che non era il multiplice di quella rimanente; e però sarà questo stesso molto, maggiore di quel della quarta. Il che è contro la supposizione.

Sagr. Resto soddisfattissimo di questa dilucidazione fattami da W.S. in materia, nella quale io n'avevo già lungo tempo bisogno:

Nè

nè saprei esprimere quale in me sia maggiore, o il gusto di quesia cognizione nuovamente acquistata, o il rammarico di non averla io proccupata col chiederla a V. S. sin dal principio de' nostri primi abboccamenti, tamo puì avendo io intese, che ella la conteriva a diversi Amici, a' quali per la vicinama età lecito di frequentar la sua Villa. Ma seguitiamo di grazia i discorsi, quando però il Sig. Simplicio non abbia che replicare intorno alla, materia sin qui considerata.

Simpl. Io non saprei che soggiugnere, anzi resto interamente appagato del discorso, e capace delle dimostrazioni sentite.

Salv. Posti questi fondamenti, si potrebbe compentiare in parte, e riordinare tutto il quinto d'Euclide, ma ciò sarebbe una digressione troppo lunga, e troppo lontana dal nostro principale intence. Oltre che io so, che le SS. VV, averanno veduto di si-

mili compendi stampati da altri Anteri.

Ora estendos considerate sin qui a riquissione delle SS. VV. le distinizioni quinta, e serema del quinto Libro, spero che esse concederanno volentieri a me il poter proposte adesso ma antica mis offernazione sovvenutami sopra un atera distinizione d'Enclide mesi desimo. Il soggetto non sara diverso dell'incominciato, e non parti alieno dal nostro proposito, essendo intorno alla proporzion composta, la quale vien maneggiata spesse volte dal nostro Autore ne' suoi Libri.

Trovasi fra le difinizioni del sesso Libro d'Euclide la quintz

della proporzion composta, la quale dice in questo modo.

Allera una proporzione si dice comporsi di più proporzioni, quando le quantità di dette propotzioni multiplicate insieme avranne pro-

dotto qualche proporzione.

140 Julia

Osservo poi che nè il medesimo Euclide, nè alcun' altro Aurore antico si serve della stessa difinizione nel modo, nel quase ell'è stata posta nel Libro: onde ne seguono due inconvenienti, cioè al Lettore difficultà d'intelligenza, ed allo Scrittore nota di supershità.

Sagr. Ouesto e verishmo, ma non mi par probabile, che la suprema accuratezza d'Euclide abbia sta suoi Libri posta quella diffuizione inconsideratamente, & in vano. Però non sarei assatto suor di sospetto, che ella vi sosse stata aggiunta da altri, o almono alterata di tal sotte, che ella oggidi non si riconosca pur mentre dagsi Autori si pone in opera nel dimostrare i Teoremi.

Difin. 5. del Jefto Libro L'Buciide. alle SS. VV. non avendovi fatto molto studio: mi dispiacerebbe. bene se da Euclide stesso, il quale viene stimato da voi altri per tanto puntuale nelle sue scritture, sosse stata posta indarno. Ma qui bisogha poi ch' is confessi come l'intelletto mio, il quale non & è mai più che mediocremente inoltrato nella Matematica, à incontrato difficultà intorno a questa difinizione, forse non minore, che nelle già spinnate-dal Sigi Salviati.

Mi aintai un tempo fa con legger lunghissimi Comenti scritti sopra queste materie, ma per dite il vero, non conobbi giammai che mi fi sgombrassero quelle tenebre che mi tenevano offuscato l'intelletto. Però fe V. S. avesse qualche particolar considerazione, che mi facilitaffe questo ancora, l'assicuro che mi farebbe un

favore molto segnalato.

Let Buch Buch

Sab. Forle ella si presuppone che questa sia materia di pro-

S' immagini V. S. le due grandezze A. B, dello stesso genere ... Avra la grandezza A alla B nna tal proporzione: e dopo concepilca eller polka fra di loto un'altra grandezza C pur dello flesso genere. Si dice che quella tal proporzione che à la grandezza A' ក្នុងប្រជាជាក្នុង ខេត្ត ខេត opensy amount of the teachers.

entrange of military CA C Loom office of the model. Alton on free oring to the come to a pick opening of grap. do is que et e mera di d'un per per l'estre affente un ceran ceran Tika. s. del 1. 12 Lugar d Bucke. On A thin office pov. To antia demis terrole de la Service to the control of the convenient, cirk raced defices differences as educino Samtore note on the

> alla B viene ad effer compossa delle due proporzioni infermedie cioe di quella che a la A alla C, e di quella che a la C alla B. Questo è per appunto il senso, secondo I quale Euclide si serve, della predetta difinizione.

> Simpl. E' vero che Euclide intende in questo modo la proporzione composta, ma però non intend io, come la grandezza A alla B abbia proporzion composta delle due proporzioni, cioè della A alla C; e della C alla B.

> > Salv. Ora

A Salva Ora ditennia Sig. Simplicio, incondete voit che la A alla Babbia qualche proporzione, qualmique ella sia?"

Simpl. Essendo esse del medesimo genere; Signor si. Salv. E che quella proporzione sia immurabile, è non possa

mai essere altra, o diversa da quella che ell'è?

Simple Intendo quello ancora : 100 12 111 salv. Vi loggiungo ora io, cha nello Acto modo per appunto l'A alla Cia ma proporzione annucabile, e così anco la C alla B. La proporzione, poi, che è frate due estreme A, e B, si chiama effer composta delle due proporzioni, che mediano fra esse estreme, cioè di quella che à la A alla C, e di qu'ila che tha Calla B.

la 5 difin del Pl.d' Buchde.

Appinueddi più, che se se se sufra queste grandezze M. 'è B., s'immaginera che fia frapposta non ma grandezza solos marpiù d'una. come ella vedo in questi segui A, C, D, B; s'intenderà pure la proporajone della A alla B effer compoir magang s sta di tutte le proporzioni, le quali sono intermedie fra di esse, cioè delle pro. . A. porgioni che anno la A alla C, la Calla Da e la Dalla B; a cast se più sussero le grandezze sempre las prima-all'ultima d proporzios composta di tuste quelle proporzioni? lejquali mediano fra di effe.

Appereisco ora in quest occasione, che quando le proporzioni componeuti sieno uguali fra di loro, o per dir meglio sieno le fesse, allora la prima ull'ultima aprà, come di lopra aniamo detto, una tal proportione composta di tutte le proporzioni intermedie; ma perche quelle : proporzioni intermedie Joso tutte ugueli, potremo esprimere il medesimo nestro Jenso con dire, ele la proporgione della prima all'ulcimu à una proporzione tantomultiplice della proporgione che à la prima alla scaonda; quante per appunto saranno le proporzioni, che si frappongono fra la prima, estulti-i ma. Come per esempio so fossero tre termini, e che la medesima propores zione fosse fra la prima, e la seconda che è fra la seconda, e la zerza, allora, sarebbe verg, sche la, prima alla serza avrebbe pro-l porzion composta delle dua proporzionio loiguali sono fra la prima. c. la secanda de fru la seconda, e la terra: ma perebe queste due b proporzioni si suppongono ngualia ciaèrie fieffa, potrà dirfi iche la proporzione della prima alla verza d'adicasa della proporzione che à la prima alla secondà.. Così , quando le grandezze fossero quat." tro. si potrebbe dira che la proporzione della prima alla quarta è, composta di quelle tre praborzioni intermedie: . Co ancora che è iriplicata

: > ;

plicata della proporzione della prima alla seconta, ventido composta tal proporzione, che è la prima alla quarta, della proporzione della prima alla seconda tre volse presa, erc.

Ma qui finalmente non vanno contemplazioninè dimostrazioni, imperciocchè è una semplice imposizione di nome. Quando a V. S. non piacesse il vocabolo di composta e chiamiamola incomposta, o impastata e o consista di in qualmaque mosto più aggrada a V. S., solo accordiamenti in questo, che quando poi avremo tre grandezze dello spesso, se sio nominarò la proporzione incomposta, o impastata, o consula, vorrò intendere la proporzione che anno l'estreme di quelle grandezze, e non altro.

Sagr. Tutto questo intendo benissimo: anzi ò più d'una vos ta offervato l'artifizio d'Euclide nella propolizione, dove es dimostra, che i paralellogrammi equiangoli anno la proporzione composta delle proporzioni de lati. Egli si trova in quel caso a ver le due proporzioni componenti in quattro termini, che sono i quattro lati de paralellogrammi: però comanda, che quelle due. proporzioni si mettano in tre termini solamente; sicchè una di quelle proporzioni sia sra 1- primo termine, e'l secondo; l'akra' sia fra I secondo, e tretro. Mella dimostrazione por nom sa altro le non che e dimonra che l'un paralellogrammo all'altro è come 1 primo termine al terzo. Cioè à la proporzione compossadi due proporzioni di quella che a il primo remine al secondo. e dell'altra, che à il secondo al terzo, le quali sono quelle due proporzioni, che prima egli aveva difgiunte ne' quattro lati de John to But the trail paralellogrammi.

Salva: V. S. discorre benissipor. Ota intesa, e stabilità la differimentante della proporzione composta in questo modo (la qualitatione consiste in altro modo (la qualitatione consiste in altro modo (la qualitatione consiste in altro fuere come la dimostrare la proposizion ventitre del sesto Libro d'Enclide, come la dimostra egli stesso, percità quivi ei non suppone la difinizione siclimodo, mel quale ella divulgata, mai ben si hel modo desto sopra da noi a Bopo la nominata proposizion esp. lo soggiunguere estre Corollario di esta la divulgata pissone quinta del sesto Libro della proporzion composta, transmissione quinta del sesto libro della proporzion composta, transmissione però in un Tettrena.

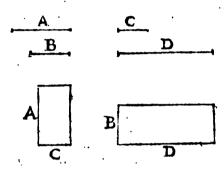
PROP.P. cheèla (difi dei VI.d' Bucl. Ponganti due proporziont una delle quali sia ne termini A, B, l'altra ne termini C.D. Dite la difinizione vulgata che la proporzione composta di queste discoporzioni si avra se noi multiplichenemo fra di loro le quantità di esse proporzioni. Io con-

corro

corror col Sig. Simplició nel credere che quelta sia una proposta dissicile da capirsi, e bisognosa di prova; però con poca fatica noi la dimostreremo così.

Se li quattro termini delle due proporzioni non fossero in linee, ma in altre grandezze, immaginiamoci che e sieno posti in linee rette. Fasciasi poi delle due antecedenti A, B, un rettangolo, siccome delle due conseguenti C, D, un'altro rettangolo. E' chiaro, per la 23 del setto d'Euclide, che il rettangolo fatto dalle. A, C, al rettangolo dalle B, D, avrà quella proporzione che è composta delle due proporzioni A verso B, e C verso D, le qua-

Qui fi supporne saprifiquali sieno le quătită delle proporzioni, e come. s'intenda il multiplicarle fralore: ma il tutto meglio apparisce dal costruire,e dimo strare la gresonte, proposizione:



li son quelle due, che ponemmo da principio a fine di ritrovare qual sosse la proporzione che risultava dalla comparazione di esse. Essendo dunque la proporzione composta delle proporzioni A verso B, e C verso D quella che à il rettangolo A C al rettangolo B D, per la suddetta proposizion 23. del sesto, io domando al Sig. Simplicio come abbiamo noi satto per ritrovare questi due termini, ne' quali consiste la proporzione, che si cereava da noi?

simpl. Io non credo che si sia fatt' altro, se non sormar due rettangoli con quelle quattro linee poste da principio; uno cioè con le antecedenti A, C, e l'altro con le conseguenti B, D.

"Salva" Ma la formazione de rettangoli nelle linee della Geometria corrisponde per appunto alla multiplicazione de numeri hell'Arimmetica, come sa ogni Matematico, anche principiante, e le cose che noi abbiamo multiplicate sono state le linee A, C, e le linee B, D, cioè i termini omologhi delle poste proporzioni.

Ecco dunque, come multiplicando insieme le quantità, o le valute delle date proporzioni semplici, si produce la quantità, o la valuta della proporzione, la quale poi si chiama composta di quelle.

Non



ON più oltre passa il disteso di questa quinta Giornata del Galileo. Ma perehe (come saggiamente ne somministra il Serenissimo, e Reverendissimo Signor PRINCIPE CARDINAL DE' MEDICL mio Sig.) bramera qui il Lettor di sapere ciò che conte. ner si dovera nel rimanente di questo Dialogo, e di qual'altre speculazioni ci privaffe la deplorabil perdita dell'Autore; e dalla continua applicazione della medesima Alt. Reverendiss, in favorir le lettere, e gli studiosi, ne vien' ancora largito'l modo di poter in questa parte appagare appieno così lodevole curiofità per mezzo d'alcuni Capitoli di lettore del Galileo stesso scripce ad un Lettorato Franzese, e per antica oigine di Toscana, non m'abuserò delle grazie di tanto Principe, ma qui immediatamente andrò riferendogli, quali Sua Altezza Reverendiss. mi permette di ricavare dagli stessi originali, che dal medesimo Letterato surono inviati alcuni anni sono all' A. S., las quale di esse lettere, come di prezioso tesoro, proccurò far raccolta, con pensiero di pubblicarle, e di collocarle poi a perpetua memoria fra gli altri singolari manoscritti della Famosistima Libreria Medicea di S. Lorenzo; dove pure, il già nominato Sig. Serenai (come Cu-Rode degli scritti originali Matematici del Torricelli non pubblicati) & io (come Deputato per comandamento del Sereniss. GRAN DVCA FERDINANDO II. d'eroica fama, alla rivisione, & ordinazione de' medesimi scritti) per maggiormente.onorare il nome, del nostro consune Amico, e per reciproca soddisfazione risolvemmo già di proceurare che questi originali del Torricelli, dopo stampati, ricevuti fossero, e fatti custodire; siccome ne concede allor umanissimo beneplacito la prefata Altezza Serenissima confermatomi adesse benignamente dal SERENISSIMO GRAN DVCA COSIMO Regnante. Generosissimo Mecenate, e mio Vnico, e Clementissimo Signore...

Da' sequenti Capitoli dunque trasportati da esse lettere originali le più interamente scritte, e l'altre sottoscritte di propria mano, del Galileo, e tutte esistenti in quelle di S. Altezza Reverendissima, s'intenderà, come dalla viva voce di esso Galileo, ciò che dopo l'ultima, e massima dell'opere sue stampate lui vivente ('quella ciòè della Mèccanica, e de' moti locali) gti restò per vitimo di scrivere, e di pubblicare, e s'aggiungueranno ancora altre notizie per soddisfare i Curiosi di quanto saper si possa in questo particolare, avvertendogli che per rimuovere ogni consusione, tutti i millesimi delle date riseriti da me in questi Capitoli, siccome nel resto del racconto, e di questo Trattato, per quello che riguarda a mesi di Gennaio, Febbraio, e Marzo, gli horidotti dallo stil Fiorentino, che è dall' Incarnazione, allo stil Romano, che è dalla Natività di N.S. CAPI-

CAPITOLI DI LETTERE

DEL GALILEO

AD VN LETTERATO FRANZESE.

Per le quali si à notizia dell'Opere, che per ultimomeditava di scrivere il medessimo Galileo.

> D'Arcetri in data de' 7. Marzo 1634. dopo altri ragguagli così soggiungne il Galileo.

RRIVAI a Siena in Casa di Monsignor Arcivescovo Piccolomini, dove setti cinque mesi trattato da Padre di S. Sig.
Illustrissima, & in continue visite de' Nobili di quella Citta, e quivi composi un Trattato d' un' argomento nuovo in materia di Meccaniche, pieno di molte speculazioni curiose, ed unstri, &c. Per tanto V. S. si quieti, e consoli nel mio essere ancora
stristato di poter ridurre al netto l'altre mie fatiche, e pubblicarle.

Da alcuni de seguenti Capitoli s'inférisce il Trattato di Meccaniche esser quello della resistenza de solidi all'essere spezzati.

D' Arcetri li 25. Luglio 1634. dopo aver nominato alcuni Oppositori che gli avevano scritto contro così segue.

A tutti questi miei Oppositori, che son molti, ò io pensiera di vispondere, ma perchè l'esaminare a parte a parte le vanità di tutti sarebbe impresa lunghissima, e di posa utilità, penso di farce un Libro di gossille come da me notate nelle margini di teli Libri intorno alle cose più essenziali, ed segli estori più mainscoli, e come raccolte da un'altro mandarle suori; ma prima, piacendo a Dio, voglio pubblicare i Libri del Moto, ed altre mie satiche, co-se tutte nuove, e da me anteposte all'altre sin' ora mandate in luce.

Per altre sue fatiche nuove, oltre a detti libri del moto, intende, come pur si vedrà appresso, il Trattato di Meccaniche nominato nel primo Capitolo.

D'Arce-

80 CAPITOLI DI LETTERE

D' Arcetri ne' 15. Marzo 1635. Soggiungne quant' appresso.

Aggiungness, ch'io vorzei pur che'l monde tedesse, avanti che me ne parta io, il resto delle mie fatiche, le quali io vò riducendo al netto, e trascrivendo, ma perchè nel rileggerle sempre mi cascano in mente nuove materie, e la maniera dello scrivere in. Dialogo mi porge assai conveniente attacco per inserivele, l'opera mi va crescendo per le mani, e'l tempo diminuendoss.

Pe'l resto delle suc fatiche intende i suddettti Trattati delle resistenze, e del moto, che sono le due Scienze nuove da lui solo il primo sopra i lor veri principi sondate, promosse, e geometricamente dimostrate.

D'Arcetri chinde una sua lunga lettera de' 9. Giugno 1635. con le seguenti parole.

Parte oggi il Serenissimo PRINCIPE MATTIAS per Alemagna, e porta seco una copia de i due primi Bialoghi de' quattro che mi vestano da stampare, & à S. A. risoluto di volere egli stesso prendersi questa cura, e dedicargli a chi più gli piacera. Questi contengono i frutti più stimari da me di tutti i miei studi, dove, coll'occasione discrivere in Dialogo, ò avuto comodità d'inserivi buon numero di contemplazioni turte nuove, e persopiù remote dalle opinioni comuni, come piacendo a Dio tra non molto tempo V.S. vedra, alla quale intanto con vero assetto bacio le mani, come anco alli Signori Sassendo, e Campanella.

I quattro Dialoghi soprumominati, che delle fatiche più pregidico de fuoi study gli rimanerano da stampare, molto bene ormai si comprende dal dettospiù volce sin qui esser quelli, che oggi si redono sotto Tieblo di Discossi, e Dimostrazioni Matematiche della Mercanica, e de Moti Locali.

D' Arceiri de 6. Dicembre 1636, fra gli altri particolari negozi scrive così il Galileo.

All'Illustrissimo Signor Conte di Noailles manderò quanto pri-

ma un' Appendice d'alcune dimostrazioni di certe conclusioni de centro gravitatis solutorum, trovate da me essendo di età di 21. anno, e di due anni di studio di Geometria, le quali è bene chenon si perdano.

Qui è da saperst, che un mese, e mezzo prima del tempo della, qui riscrita Lettera, cioè verso la sine del precedente Mese di Ottobre 1636, il Gal. aveva presentato a questo Sig. Conte di No-ailles (nel passar che sece questi da Poggibonsi di ritorno a Parigi dalla sua Ambasciata di Roma) una copia manoscritta, de medesimi Dialoghi, com apparisce dalla Dedicatoria di esse diretti ad esso Signore.

Tal manoscritto poi il medefimo Signor Conte fece pervenire nelle mani degli Elseviri di Leida, i quali coll'ornatissime stampe loro lo pubblicarono nell'Anno 1638. col Titolo, come si disse, di Discorsi, e Dimostrazioni Matematiche della Meccanica, e de

moti locali &c.

D'Arcetri de 24. Aprile 1637. ull'altre cose aggingne.

Tra tanto V.S. supplisca per me appresso il Signore de Carcavi; acciò mi dispensi dalla risposta ancora per alcuni giorni, e mentre S. Signoria illustrissima farà metter mano alla stampa generale di tutte l'Opere mie, andrò riducendo al netto altre mie composizioni non ancor vedute, che saranno an Libro de Centro gravitatis solidorum, ovvero una mano di Problemi parte Fisici, e parte Matematici, ovvero una Libro di postille fatto a libri de miei Oppositori, che son molti.

Il mentovato Illustrissimo Signor de Carcavi (che oggi, per la) singolar sua dottrina, e pienissima erudizione in ogni Scienza, e Letteratura, soprantende alla Biblioteca Regia, e e alla cura delle Medaglie della MAESTA CRISTIANISSIMA DI LYIGI IL GRANDE mio Benesicentissimo, e Clementissimo Signore) nel trovarsi allora in Firenze, come devoto al gran nome del Galileo, e come delle Matematiche intendentissimo, si portò più volte in Arcetri per godere de sapienti colloqui di quello, e tra gli altri onori che gli sece S. Signoria Illustrissima, cortesemente se gli offerse, e spesso anco per lettere lo confermò di voler sar

fare stampare a sue proprie spese in un sol volume tutte l'opere, di lui sin altora pubblicate, e l'altre ancora che egli avesse da pubblicare. Il che sia qui accennato per maggior intelligenza del detto di sopra, e di quel che seguirà poco appresso.

Tra le composizioni del Galileo, che in questo di non s' erano ancor redute, il Libro de centro gravitatis solidorium, che ei dice qui di roler ridurre al netto per somministrarlo al Signor de Carcar, nella ristampa generale delle sue opere, è quello, del quale nel passato Capitolo (cioè intorno a quattro mesi prima) egli aveva promesso, che avrebbe, mandato copia al Sign. Conte di Noailles.

Il Libro di postille è quello, di cui egli parlà nel Capitolo de' 25. Luglio 1634 e del quale, siccome de Troblemi Fisici, e Matematici qui nominati, sa egli nuona menzione ne Capitoli, chene seguono.

D'Arcetri ne' 6. Giugno 1637.

Quanto poi all'impresa, a chessi apparecchia il Signor Carcavi, come per altra ò scritto a V.S. non mu mancherà d'aggiungnere al zesto delle mie opere altre cose di nuovo, e quando io veda qualche principio dell'opera manderò quanto sarà necessario.

Qui è luogo di far noto, che, essendoche gli Elseviri di Leida si esibiron di poi a far la ristampa general dell'opere del Galileo, dopo ch'elle sossero faite latine, egli si applicò a tale traduzione, e desisti di mandare a gl'Illustrissimi SS. di Noailles, e di Carcari il detto Libro de centro gravitatis, &c. o altro di proprio, come qui promette; ma ben su mandato esso libro a' medesimi Elseviri, che lo posero in sine della citata opera delle Meccaniche, e de' Moti, la quale già esse aperano sotto il Torcolo: e di qui è che l'Illustriss. Sig. de Carcari sospese l'essettuazione del suo generoso disegno, non, ostante le spese da lui satte nell'intaglio in rame di gran, quantità di sigure.

Nel'rimanente, l'altra lettera, che dice qui il Galileo di avere scritta, è quella de 24. Aprile 1637, dalla quale è uscito il Capitolo precedente a questo, il quale, insieme con gli altri sin qui registrati, è copiato dagli originali di propria mano del Galileo. Gli altri che seguono, si son cavati dagli originali d'altre lettete tutte con la sirma di mano similmente del Galileo, e dettate da questo ad un Rev. Sacerdore Florentino chiamato Messer Marco Ambrogetti, che per più d'un'anno, e mezzo egli tenne appresso di se per sare l'accennata traduzione di Toscano in Latino dell'opere sue già stampate, e compiacere all'instanze sattegliene da più parti.

D'Arcetri ne 4. Luglio 163 7.

Io poi mi ritrovo da cinque sertimane in qua nel letto prostrato di sorze grandissimamente, e questo per più cagioni. Prima per una purga fatta, la quale per le molte evacuazioni m'à reso languido. In oltre per l'età di 74. anni, che non lascia luogo a restauri, che possano resocillarmi; ed anco per la stagione ardentissima, la quale con insoliti caldi prosterne il vigore de' più robusti Giovani. Aggiungacsi (proh dolor) la perdita totale del mio occhio destro, che è quello che à fatto le tante, e tante, siami lecito dire, gloriole fatiche. Questo ora, Signor mio, è satto cieco, l'altro che era, ed è impersetto, resta ancor privo di quel poco di asso, che ne trarrei, quando potessi adoptarlo, poichè il prossuvio d'una lacrimazione, che di continuo ne piove, mi toglie il poter sar niuna, mina, niuna delle sunzioni, nelle quali si richiede la vista &c.

Con tutto che il Capitolo qui di sopra non attenga al dar notizie di opere del Galileo, ò voluto riferirlo come convenente l'avviso particolare d'un tanto infortunio, e come accennato di passaggio nel Capisolo che segue.

D'Arcetri ne 7. Novembre 1637. In piè di questa lettera è una poscritta di propria mano del Galiko.

Porgami per sua pietà la sua mano adiutrice, acciocche sgrava, to da cure, che mi tengono oppresso, io possa tornare à distendere i miei Problemi spezzati Fisici Matematici, che sono in buon numero, e tutti nuovi, & oltre a questi, alle mie possille per disela mia dalle opposizioni, contradizioni, e calunnie di quegli che mi anno scritto contro, e cercato d'abbassare la mia reputazione: e sia certa, che io, così languido, e quasi cieco, sarò che la mia penna mi sostenti; e se bene sono di così grave età, spero in DIO, e nel-

SA CAPINOLIDE LETTERE

l'aria perfetta, della quale io mi pasco, e respiro, di viver ancor tanto, ch'io possa prolungar la vita a' miei scritti, malgrado di coloro, che tanto rabidamente vanno proccurando di seppellirgli.

I Problemi spezzati, e le postille, &c. sono tuttavia quelle stesse se cose, delle quali parlò il Galileo ne Capitoli de 25. Luglio 1634. e de 24. Aprile 1637. e tratterà ancora più distintamente.

Il Letterato Franzese, al Galileo, con lettera de 22. Dicembre 1637.

In oltre, circa a questo capo, aspetto anco da sei la Nota particolare dell' opere sue sin qui non stampate; però con la maggior prontezza, che potra mi mandi il tutto, & io ricevendolo non vi perderò tempo.

La Nota, domandata era al Galileo, si vedrà nell'ultime Capitolo de' qui registrati.

D'Arcetri con lettera de 2. Gennaio 1638.

To ragguaglia del compassionevol caso della sua totale cecità:
notizia, che, quantunque non faccia direttamente al proposito che si cerca, indirettamente vi concorre, e l'ò stimatà anco degna di sapersi da Letterati.

In risposta all'ultima gratissima di V. S. delli 20. Novembre intorno al primo punto, ch' ella mi domanda attenente allo stato della mia sanità le dico, che, quanto al corpo, io era ritornato in assai mediocre constituzione di forze: ma aimè Signor mio! il Galileo, vostro caro Amico, e Servitore, da un mese in quà è satto inreparabilmente del tutto cieco, talmentechè, quel Cielo, ques Mondo, e quell'Vniverso, en' io con mie maravigliose osservazioni; e chiare dimostrazioni aveva ampliato per cento, e mille volte più del comunemente creduto da' Sapienti di tutti i Secoli passati, ora per mè si è sì diminuito, e ristretto, che e' non è maggiore di quello, che occupa la persona mia.

D'Arcetri con Lettera de 23, Gennaio 1638. dettata al suo Amanuense Ambrogetti, e soscritta di propria mano, intorno al particolar della Nota delle sue, opere non ancora stampate chiestagli con lettera de 22. Dia cembre prossimo passato, così risponde il Galileo.

Quanto poi all'altre mie fatiche, sappia V. S. che io ò buon numero di Problemi, e questioni spezzate, tutte al mio consueto nuove, e con nuove dimostrazioni confermate. Sono ancora sul tirare avanti un mio concetto assai capriccioso, e questo è, di portare, pur sempre in Dialogo, una moltitudine di postille fatte intorno a' luoghi più importanti di tutti i Libri di coloro, che mi anno scritto contro, & anco di qualche altro Antore, in particolare & Aristotile, il quale nelle sue Questioni Meccaniche mi dà occa-Sone di dichiarare diperse Proposizioni belle, ma molto più ancora me ne da nel Trattato de Incessu Animalium: materia piena di cose ammirabili, come quelle che son fatte meccanicamente dalla Natura: e qui mostra essere assai manchevole, & in gran. parte falsa la cognizione che dall'Autore ce ne vien data. E queste ultime mie Opere saranno, s'io non m'inganno, d'una gustosa, e curiosa lettura. O' di poi una mano d'Operazioni Astronomiche, parte delle quali acquissan persezione dall'uso del Telescopio, & altre dalla maggiore squisitezza nella fabbrica degli Astronomici tirumenti, mercè de' quali aiuti tutte l'osservazioni celesti potranno esser con notabile acquisto poste in opera.

Questo solo Capitolo di Lettere del Galileo (le quali sono appresso di S. Alterra Reverendissima) par che bastantemente dimostri con la Nota, che egli stesso ricbiestone, manda al Letterato Franzese, quali, in quel giorno de 23. Gennaio 1638, sossero in generale gli argomenti delle rimanenti Opere sue, che allora in eta di anni 74. e già cieso di circa due mesi prima, dopo l'impresso ne terminatasi in quell'anno delle quattro Giornate attenenti alle nuove Soienze della Mescanica, e de Movimenti Locali, egli per ultimo aveva in animo di scrivere, con risoluzione di portar il tutto in Dialogo per pubblicarlo.

Tali argomenti, in sustanzia, vedesi che quasi tutti sono quegli stessi nominati ancora ne' passati Capitoli, che in ristretto si riducono a' seguenti.

I. Buon

88 RAGGFAGLIO DELL VLTIME

I. Buon numero di Problemi, e Questioni spezzate, nuove, e con nuove dimostrazioni confermate.

II. Postille, e note intorno à luoghi più importanti de Libri d'alcuni suoi Oppositori, e d'altri, & in specie d'Aristotile ne Trattati delle Questioni Meccaniche, e del Moto degli Animali.

III. Una mano d'Operazioni Astronomiche perfezionate dall'uso del Telescopio, e dalla squisitezza della fabbrica degli strumenti per tutte l'osservazioni celesti.

Qui il Galileo non fa più menzione de' Libri del Moto, nè delles Meccaniche, nè meno dell'Appendice, o Libro del centro dellas gravità de' folidi nominati ne' suoi primi Capitoli, perchè in quel sto medesimo tempo il tutto era già suori disteso in Dialogo in quattro Giornate, & in un'Appendice, stampato in Leida, come dicemmo, dagli Elseuiri, &c.

Oltre poi alle soprannarrate materie în genere, egli pure nella quanta delle sopraddette Giornate trattante de proietti, promesse a parte di voler trattare in un'altro congresso della forza della percossa, intorno alla quale esso quivi accennò qual cosa da fac. 253. a 265. Anco sul sine a fac. 287. e 288. della medesima impressione di Leida.

Quivi ancora promesse a facce 284. di spiegar l'uso, e l'utilità delle catenuzze appese dall'estremità loro; le quali con la lor sacca, dice che naturalmente s'accomodano alla curvatura di linee prossemamente Paraboliche.

Questi son due di quegli, che egli chiama Problemi, o Questioni spezzate, i quali egli avrebbe disteso con gli altri della sua Nota; o il primo della percossa, non ò dubbio che in molti più si sarebbe ancora dissuso, e diramato.

R Imarrebbe ora da Japersi, quali, e sino a che segno delle cose promesse in questa Nota restassero scritte alla morte del Galileo, e quel che poi ne sta stato. Per informazione di che, e di altro aucora, che grato rinscirà, procederò nella narratina con l'ordine di que particolari che mi son noti.

Ma prima sappiasi che dopo tal giorno de' 23. Gennaio 1638, sopravvisse il Galileo intorno a 4. anni, dentro al qual tempo patì d'una continua finfione di occhi molefiffima; cadde più volte granemente animalato, e fu spesso travagliato da dolori artritici; oltre ad altre indisposizioni solite accompagnar la decrepità: ond'è ch'ti non pote applicar di proposito a dettur, e distendere questo residuo delle sue speculazioni; massimamenteche, dovendost egli servire degli occhi altrui, non quegli di ciascheduno eran atti a supplire, alla di lui impotenza, ma si richiedevano quei di Persona, la quale, non folamente gli fosse amorevole, ma in istato libero a segno di poter conviner con lui dov'ei dimorava, ed ancora (quanto ogn'altra cosa) erudita, e ben instrutta nelle Matematiche, e nelle Filosofiche Discipline, affinche, appena ch'egli avesse spiegato il coucetto suo, l'Amico poi nel distenderlo fosse abile a dargli formas

convenevole, e perfezione.

NON oftante però la mancanza di tal Soggetto, e l'assidue afflizioni d'animo, e di corpo, quella in ispecie del troparsi pripo della vista, continuando egli, quasi per un altr'anno, a valersi della penva del suddetto R. P. Ambrogetti impiegata nel tradurre in latino l'Opere sue, dettà a questo la Relazione di quell'ultimo suo scoprimento celefte della titubazione della faccia. Lunare, indirizzandola: al già Signor Conte Alfonfo Antonini di Vdine Commessario Genevale della Cavalleria della Serenissima Signoria di Venezia, con ispiegarla in una lettera de 20. Febbraio 1638. l'original della quale alcuni anni sono mi fu consegnata dal nostro Sapientissimo Socrate il Sig. Priove Orazio Rucellai, d'immortal gloria degno, in nome dell'Emineuga Reverend fima del Sig. Cardinale Delfino, il quale (consaperole della mia applicazione in andar facendo raepelta di ciò che vada attorno del mio Maestro) per l'incomparabil sua Vmanità; e per sommamente onorarmi fi degnò d'impiegar in sià i suoi favori coll'impersarmela dal Sig. Conte Danielle Antonini, degnissima Nipota del sopraddetto Sig. Alfonso, insiemo con altra lettera del Sig. Paolo Aproino de 27. d'Ottobre 1612. di Treviso al già Sig. Conte Danielle, dove si parla del Galileo nel far menzione d'uno Strumento da multiplicar l'udite immaginato, e fabbricato dal medefime Sig. Aproino; le quai lettere originali io conservo appresso di me inmemoria di tanto onore.

SBRIGATOSI il detto R. Ambrogetti dalle traduzioni di tre dell'Opere del Galileo, cicè del Saggiatore, delle Macchie Solari, e delle Galleggianti (le quali anco per proprio esercizio aveva con somma abiatezza tradotte in latino il Sig. Senator Filippo Pandolfini, Amieo intrinseco del Galileo, e nelle Matematiche versatissimo) se ne torud in Firenze intorno alla fine dell'Anno 1638.

ET essendoche pochi mest prima, in età mia di circa anni 16. ia fosti assiduamente esortato, e quasi disti infestato dal mio Maestro di Logica (il P. Lettor Sebastiano da Pietrasanta, gravissimo Teologo, e Confessoro al presente di quest' ALTEZZA REVERENDISSIMA à findiur anche la Geometria, afferendomi che da questa una continua. e perfettissima Logica si praticava, mi lasciai in fine persuadere a pigliarme qualche lezione dal P. Clemente di S. Carlo, Sacerdote delle Seuole Pie per dottrina, e per bontà am bilissimo, che in quel tempo era qui solo a insegnarla, ed era stato Discepolo del P. Francesco de S. Giusepre della stessa Religione, il quale attualmente instruiva allora nelle Matematiche la medesema ALTEZZA, e ne fu poi Lettor pubblico a Pisa, e Autore di quell'ingegnoso Trattato della Direzzione. de Fiumi, che si vede fuori sotto nome di D. Famiano Michelini.

GVST AT'A appena ch'io ebbi l'evidenza delle prove Geometriche, ben mi accorsi quanto vere fossero le Missime di que' due miei Maestri (2 quali io conservo tuttavia gratissima obbligazione) del primo cioè, che nella fola Geometria fia riposto ogni vero scibile, per mezzi dimotrativi, dall'omano intelletto: e dell'altro, che qualunque mediocre ingegno può molto felicemente intender l'Opere, e le proprietà dimostrate da' Geometri senza aiuto d'alcun Maestro, come che questi non possa a gli Scolari giovar in altro, che in mostrar loro a principio la regola del leggerle, e l'ordine, e'l modo dello studiarle. Et in vero, fondandosi le Dimostrazioni Matematiche sopra alcuni pochi principi, la scienza de quali nasce con noi medesimi, e camminando quelle con discorso ordinato d'una Logica rigorosa, e per mezzo di necessarie conclusioni dependenti l'una dall'altra, è forzato ancora il Maestro. se' non vuol confonder l'intelletto dello Studente, di spiegarle in quel modo appunto, in che le spiega l'Autore stesso, essendoche ogni poco di più sia superfluo, e difettivo ogni meno. Altro dunque non fa il Mae-Aro che risparmiare a Discepoli l'affaticarsi gli occhi nella lettura, e la mente, e la testa nel doper applicar interrottamente, ora al discorso, & ora a caratteri, & a segni delle figure, dal qual risparmio però non così speffo adiviene, ch'altri ne ritragga profitto pero, conciofiecofache l'unico mezzo di ben apprendere, e di possedere les Dimostrazioni geometriche sia quello del proprio studio, e non dell'altrui; per effer, al creder mio, fra quefte due maniere d'erudirsi, molto maggior divario di quel ch'e' sia fra l'andar da se stesso cons particolar curiosità, ed attenzione vedendo, e osservando il Mondo. e lo starfene semplicemente alle carte di Geografi, quantunque esatti, 💇 a relazione di Scrittori più che fedeli. MA

MA qui în giazia mi Ri perinent ? digredendo alquimo dab racconto, di far cuore al Giovane fludiolo, che, in mancana d'un) Directore (il qual però, ful principio, io non biafimo a proccurarfelo) voglia provarsi a veder da se stesso il primo Libro almeno: d'Euclide, d'espossion comentata la pri chiara, e diffusa ve le equi trovi, quale sarebbe quella del P. Chavio; avvertendoto; che dopo la reminiscenza delle notizie coment, che vi fi premettono l'esplicazione de termini da ufarvisi, e l'approvazion delle do-: mande concedibili che vi fi fanno, egli legua per appunto quell'ordine, e non trapassi cosa, che più che ben non intenda; nè su principio del cammino, benche tediato, oftanco gli pala d'ellos ne, si abbandoni; 'nè si euri per ancor di sapere a che sia buona la Geometria: ma se pur ne è curioso; domandine al Galileo, If quale, o col suo solito piacevol mono gli dirà, che dalle dimon Strationi della Geometria attenenti alle Misure, a i Pesi, & a Numeri, Simpara a mi surare i Goffi, a pelar eli lenoranti de anumerar els unis e eli altri: o pur, rispondendo ful serio, gli affermerà, non potersi comprendere à che ella lia buonaile prima ella non fi gustaje dopo guftaia, ella ftessa ebile ftie tante j'e si evidenti Dimostrazioni date si a condicer per buona a mitte le cole. Ma le per avventura una si-fatta Proposizione gli pareste incredibile, & insieme troppo prefinntiola, in ducho calo il medelimo Galileo s'ingegnerà d'infimuati glierte la credenta eol proporgli que molti, e variati colori politica confillo lopra una talvolozza, i quali, da chiunque non ne vide, en on He febble mat l'ufose l'arebber credutitanti précoli alimmalla mentre els főzzü mikerki, mikilé, e di doverli gar via, o af pro buoni a far ap parire una fuperficie, rolla col rollo, gialla col giallo, e bianca col blanco, &c. ne mai gli cadetebbe in pensiero, che dar si poressero al Mondo vonimi dividi industria je perizia, i quali con quegti selli eos diriavellero a laperere pocer al vivo rapprelentare con ammirabil vaghezza l'immagini di tutte le cole vilibili, mon fol delle fabbricate dall'Arte, madelle create dalla Natura, e quelle anebra d'ogni più strana grottesca, o chimerica fantasia, ancorchè sognatasi. · SV dunque, il Geometra principiante, a buona fede, e senza cerear più oltre, con generola risolazione, e con paziente affidirità f

68. RHGGPAGLIOMEGLIVLT IME

ossini pur di veder tutto, e di ban intendere quel piccol-Libro (ficcome io l'afficuro che gli sorpirà) & offervi allora s'egli si sente invogliato, o nò di proleguir la navigazione intraprela; quando che nò, torni al Lido, che questo Mare al certo non è per lui; all'incontro se sì, vi s'inoltri pure, imperciocche, non al termine del cammino, come è solito neglialtri Studi, ma fin per via s'avven drà che la Geometria è una chiarissima face, e sicura guida ad ogni forta d'erudizione, e che per ella rilvegliansi gli animi addormentați, ed affortiglianfi gli ottufi ingegni; ond'e' fi fan più veloci, e niù atti a penetrare, e comprendere, come è forza che provichiunque con essa terrà commercio, a cagione del continno efercizio di concludenti discorsi, che far convien' in trattando seco. Di qui è, che altrettanto vero, quanto plausibile osservai sempre quel faggio detto pubblicato da me, come del mio Sourane Maestro, che La Pietra Lavagna, sopra di cui si disegnano a' Principianti le Figure Geometriche, è la Pietra del paragone degli Ingegni. vedendosi per prova continuamente, che quei, che reggono a tal cimento rielcono a tutta bontà in ogni altra facultà, & in qualunque maneggio, al quale intendana di applicații. Questa verità fu così ben conosciuta dal Divino Platone, che nell'instituire l'ottima Repubblica, lasciò scritto non esser veramente sì facile, ma non però fuor di proposito il credere che le Scienze Matematiche servano di Arumenti per mandar giù le cateratte, che fi pai ano d'avanti a gli occhi dell'Anima ragionevole, e che quelli, che dianzi trovavansi immersi in una foltissima caligine d'ignoranza, e per così dire, soffogati, anzi spenti dagli altri studi, & esercizi, mediante poi il nuovo lume, & il nuovo calor della Geometria, fi ravvivino, e si riaccendano; e che, più tosto che mille occhi del corpo, assai più importante sia I custodire que sti dell'animo, per mezzo solamente de quali ci vien conceduro il rimirare, ancorchè remotifime, le occulte verità, che la sola Geometria ci disvela. Questa, o Giovane generolo, effendo una cognizione, non di quello, che or và, & or viene, ma di quello che è in un modo sempre, nè mai si mura, può fola condurti al prezioso conseguimento del vero, e preparatti l'animo alla contemplazione della Filosofia namrale,

cite il mio acutifimo Lince non vide scritta abrove, che in un solo, ma però vastissimo Libro, quale è questo dell'Universo. Questa, dicevegli, non vi è distesa con altro alfabeto che di Figure della Geometria, nè con altri principi, e ragioni dimostratavi che Matematiche.

OR da sì autorevoli sentenze maggiormente eccitato il novello Navigante, dia pur libere vele al prospero vento, da cui sente portarsi per quel piccolo seno degli Elementi Geometrici, perchè guidato dall'infallibil Nocchiero della Ragione, e colla propria accortezza scansati que' pochi scogli, che nel passar il brevet ratto de primi Scrittori Classici egli incontrasse, scoprirà lieto nuovi Mondi, e s'approderà in Terra serma da niun'altro termine circonscritta, sempre verde, e seconda d'innumerabili, incognise, nè per altravia penetrabili verità, se in breve accorgerassi per mezzo ancora della Geometria poter trapelare a gli occhi soschi delle nostre menti qualche raggio del SOMMO SOLE, per cui, additandocisi il diritto sentiero alla di lui cognizione, consessar dobbiamo in una Bontade, e Providenza infinita l'Onnipotenza del CREATO, RE, il quale, eziandio nell'interminato, e prosondo abisso della proprietà Matematiche, mercè

La verità , che tanto ci sublima ; (pienza; Can ci fa rimirar più d'apprello l'immensità di sua incomprensibile Sa-

Equinci appar, ch'ogni minor Natura

E' corro recessaçolo a quol Bene, Che non à fina, e se in se misura.

Che che di Scienze sì nobili scioccamente si parlino certi uni Agghiacciati di dentro, e di fuor caldi, i quali, tutto che privi di simili cognizioni, e forse inabili a capirne i primi principi, ma sopra tutto come di lor natura in sommo grado superbi, presuntuali, e gonfi, di quello, che essi chiamano sapere, arrecandosi a gran vergogna, edirei anche a scrupolo, s'io non sapessi ch'e' si singono quei ch'e non sono, d'aver talvolta, interrogati, a dar quell'onorata, ingenua, e commendabile risposta, che spesso udi prosferire dal mio Saggio Maestro, cioè. Questa è una di quelle tante, e tante cose, ch'io sè di non sapere, sotto I manto di simulato zelo, con l'autorità ch'e' non Ma

Donte Pari Canto 22.

Conto 19

Califor

anno, ma ch'e' si pigliano, vanho in congluntus opportuse ansinuando simili studi esser pericolosi, e d'impedimento all'acquiste dis quel sommo bene, al quale, soprogn'altra cosa, aspirar dobbiamo; per introdurre così bel bello, ed in carità il disprezzo, e l'odio verso quel di Yublime, e di recondito ch'essi igniciano i de accrescere in tanto la stima, e 1 credito a quel di absento, è depopothre, che anche e' si presumono di sapere. Ma dicinmi, si quat fondament infurgono a deteltar in tal guila quel che non mai intel 'lero, non mai assaporarono? Forse muovonst dagli esemple d'aver i Matematici co' lor Dogmi, co' loro Assiomi, e colle tarte loro Dimostrazioni seminare zizzanie, fedotti Popoli, ed infertate Répubbliche Provincie, e Regiss? E pure per quant lo less montrol val mai che alcuno de ranti perfidi Innovatori Matematico folles c'ché di Angoli, Triangoli, Coni, e Piramidi, che sono le acute armi sue, si valesse. Chi poi, e quali e fossero non saprei dirlo; ma le Storie pur troppo lo diran loro. Io fo ben questo che in ogni tempo le Scienze Matematiche furono accolte, favorite, e profett te, ed ancora attentamente fludiate, non solo da Principi, e da la Monarchi, ma eziandio da Supremi Capi del Cristianesimo; ed Santiffini Padri in quelle versatissimi magnificamente esaltate, e fin coll'Opere loro illustrate; e più volte promosse da Sacratissimi Porporati, e di continuo professate da Religiosi di rifulgente lustronella Chiesa Romana, ma in il pecie da Seguaci del ferventissimo Ignazio, nella di cui inclita Compagnia, se non. avelle florito sempre, quasi che per natural discedenza, numerofa serie di Geometri, e Feologi insieme celebratissimi, che quì, lungo farebbe il ridirgli (tralasciati tanti altri Matematici, viventi in esta, di chiaro nome) il solo esempio dell'insuperabile Ingegno del sapientissimo, è candidissimo Pl Onorato Fabbri colle tante sue faintife Opere, e Teologiche, e Pisiche, e Matematiche di saldase di fingolar dottrina ripiene; e (tra i Religiofi al Secolo di rinomata venerazione) il folo, per meriti, eminentiffimo, Sig. Ab. Michel Angelo Ricci, onor del Secol prefente, e vera Idea di fincerissima integrità, come nobile Pollelfore d'ogni più grave, e profonda letteratura, e come Geometra di soprumana inventiva, dovreb-

Danis Per Cansons

("4 ... 2 1 ...

betopur esser valevoli-a, consonder, Genti-chi così mal talento, e. ad attutire le lor malotiehe lingue. Ma non oftante così degne te-. stimonianze l'atra Ipocrissa di Costoro, d'apparente candor travéstita, a tal segno arriva, che anche gli induce a manifesto, & esorbitantifime contradizioni a lor medelimi deripoiche, pronunzian-, do ad ognoga, colla lingua almeno, fe mon col cuore, che tutte le Facture di DIO, & i Cieli in particolare cantano l'immensa gloria di quello, e che in loro si vede scrima la Maestà Sua a caratteri di luce, e che quivi dobbiamo leggerla; accanto, accanto vanno infinuando per degne d'effer proscritte le Matematiche tutte, ed in confeguenza la Venerabil Astronomia, il di cui sublime, e singolare oficiosi è il richiamar l'Anime di noi Mortali al riconoscimento di lor alta origine, e con liberarle dal basso carcere di questa Terra, su l'ali della Geometria sua Nurrice, e dell'Ottica, e dell'Arimmetica fue inseparabili Compagne, trasferirle colassù a contemplar con indicibile supore per entro l'immense, e lucide Regioni del Ciclo quegli innumerabili Mondi con magistral simeuia collocativi d'un'ordinatissima consusione; anzi pur seminati, a sparsivi con generolo disprezzo per mano prodiga del lor medefimo CREATORE.

MA quì si avverta, che, in celebrando l'Astronomia, e la Matematica, io non ebbi in confiderazione la profession di coloro, de colassi schille Tacito, Genys Homenam Potentibus infidum, sperantibus New Beni fallax a quodin Givitate neftra de wetabitur semper, de retinebitur. Non intefi parlar di quei, che, appresso l'indotto Volgo, colle vane loro superstizioni, e falsi indovinamenti si usurparono indegnamente il nome degnissimo di Matematico, e indifferentemente confulero l'Aftronomia coll'Aftrologia. Non intesi dica degli A-Arologi Giudiciari, obbrobriolo avanzo di que' Caldei, che appestarono già il Mondo, e come contagiosi, e malefici, fin dalla. cieca Gentifità con replicate leggi sbanditi furono dall'Ifalia, ed in ogni tempo dichiarati meritevoli di severissime punizioni, e contro de quali ancora fisiminarono rigorofe, non men che giuste censure, i Sacrosanti decreti de Romani Pontefici, ammaestrati, mi cred'io, dal DIVINO SPIRITO, che, le Ignor at Homo, quid ante se fuerit,

Liby to Lat

3.00

RAGGYAGLIO DEEL PLTIME

Ecclefiafte. Cap to.

fuerit, & quid post fe futurum sit et, quis poterit iudicare? To solo intefi, edintendo di commendare i Matematici speculativi, indagatori delle mirabili proprietà della quantità continua, e de numeri. Intendo efaltar gli Astronomi, che anno per oggetto, i moti, i tempi le grandèzze, le figure, e le distanze delle più nobili Creature dell'ONNIPOTENZÀ INCREATA. Gli uni, e gli altri di questi, col proporci le maraviglie del Cielo, e della Natura, ci eccitano ad ammirar la grandezza di DIO, il quale, quafi diffi, occupato sempre in geometrizzare, cioè a dire, nè i ben proporzionati lavori delle infinite, ed ammirande verità ch'ei maneggia, per via di que pochi, e menomissimi ritagli, che di lassì ce ne cadono sta le mani, ci fa riconoscere la sua interminata Sapienza, e ci dimostra la misera nostra ignoranza, obbligandoci a confessare . Quod omnium. Operum DEI nullam posit Homo invenire rationem corum, qua funs fub Sole, & quanto plus laboraverit ad quarendum, tanto minus inveniat, estum fidixerit Sapiens se nosse, non poterit reperire.

Cap. 8.

OR non fon questi, della cognizione di DIO, e di sestello, acquifti di tesori assai più preziosi di quei, che possan mai riportarsi da qualunque più avventurofa navigazione? Ed in vero che per giugnere a conseguirgli (fuor delle soprannamrali Scienze riservate a' supremi P.P. ed a sommi Teologi dalla DIVINITA' illuminati) non vi'è mezo più atto, nè più potente della Geometria, Amica giurata della Natura, e gratifima a DIO, e per le di cui mani est ID. DIO Omnia in Mensura, & Numero, & Pondere disposure. Che le "una volta Costoro si fossero risoluti di cominciare a addomesticatfele, avrebbero ben compreso (come ne avvertì loro il gran Galileo) che quella vana presunzione, che dianzi avevano d'intenden. e di saper tutto, non veniva da altro, che dal non avermai sapuso; mè intelo nulla: e dopo avere sperimentato una solvolta ad intender perfettamente una sola cosa, e gustato veramente comè fatto i sapere, conoscerebbero, che, dell'infinito dell'altre conclusioni MIVNA, NIVNA affatto ne intendono, es'accorgerebbero gli Infelici d'aver peregrinato il tempo di vita loro achius occhi, e vissuto mendicando, all'altrui mercede, e col sempre starsene a detta di Favolatori, edi Menzognieri fenza MAI, MAI, MAI, veder in viso la VERITA.

2.1.1646 Sapienta ... Cap. 11.

TAC-

PACCIANSI fra tanto questi Falsari della vera bontà, Rebelli à IDDIO, e Nemici infestissimi degli Amatori del vero, e degli industriosi Cultori delle Matematiche Discipline, e tu Studioso Giovane, che intento sei ad erudittene,

- ! Non si carar de lor, ma guarda, e pa/[a.

GVARDATI, volli dirri, dal dar orecchio ad uncaltra forta di Gualtatori spropositati, e ignoranti, ma nonmen presuntuosi deglia altri, i quadi ambiziosi, e vaghi d'acquistar nome, si pongono sul grave posto di Pirroni, tentando di rimetter sù l'antica Setta deglia Scerici, col negari principi della Geometria noti fino a Fanciulli, e perciò indubitabili, come insegnati soro dalla Natura.

DISSI spropositati, perchè questi medesimi, che deridon la Geometria, lodan le pratiche Operazioni, che ann'origine da quella, che è giusto giusto come se altri commendasse gli scherzi vari delle sonti, e disprezzasse poi l'Elemento dell'acqua, senza riguardo, che se questo non sosse di sua natura stuido, trasparente, e operante col momento di sua gravità specifica, e della sua propria altezza, niu-

no di que' dilettevoli effetti si goderebbe.

DISSI ancora Ignoranti, perche mancando questi della più nobile prerogativa dell'anima ragionevole, da Savi d'ogni età raffigurata per una spezie di facultà creatrice, che assai più d'ogn'altra ci approfima, e ci rende fimili al CREATORE (parlo di quel retto, e ben ordinato pallaggio da verità note ad ignote, che da primi Vomini fu chiamato Inventiva) incapaci del gran pregio di quefla; l'abornicono, e disprezzano in quer, che dall'AVFOR DEL-LA VERITA fe ne trovano punto punto privilegiati; nè s'accorgono i mileri, che se negli andari Secoli non fossero stati Inventori. e nelle Scienze, e nell'Arti, il Mondo farebbe sempre come mascente,eumo involto in denlissime tenebre d'ignoranza, nelle qualitrovandoli immerli Costoro, lodano solamente quegli esercizi, che fon da loro, dove cioè si richiede una assidua fatica di schiena, o un. giocar di memoria, e burlanfi degli altri fludi, che voglionopra d'ingegno, finezza di giudizio, e perspicacia nell'Inventiva, delle quali doti i Poverelli trovanti sprovveduti: ond'è, ch'e' van seminando questa dourina, che le Matematiche speculative sieno studi

Dante Infer

aridiffini; e che si perdano intorno a frivole sottigliezze, di silun prositto ne a se, ne al Pubblico, ne al Privato e che assai più vaglia un'oncid di pratica, che cento, e mille libbre di Teorica, e cose simili solite andar per le bocche del Volgo ignaro. Quì con ben quattro esempi di casi avvenuti potrebbesi sarsoro mocar con mano quantio sien salsi ilor detti, col dimostrare che per mancanza di Matematica seguiron già inconvenienti gravissimi, ed inceparabili; mat perchè al satto non è rimedio, è anche supersuo il parlame bastando risponder a simil Gente, che ve n'è pur in gran numero, Nè su-tor ultra crepitam, es quam qui sque nivit artem, in bas se exercente

ALTRI poi ve né lono, di gran circulto ben sì, ma contenente assai poco spazio, i quali avendo le Matematiche, e perbelle, e per buone, senza cercar attro di soro si danno a credere, ch'elleno sieno Audi fol per ornamento del Cavaliere, com è forfe il ballare, il fals car a Cavallo, il romper leggiadromente una lancia, o il far simil kkri lodevoli efercizi, quantunque per avventura non de più neseffari. Daquesti tali, che biù oltre non sanno, io nonpremotano to, o nobil Giovane, che tu ingga come dagli altri, nozi ti eforto a piestar lor fede, e dopo l'esserti ben cornedato, direntis d'essi deani ornamenti, ad oggetto di renderti anche più rignardevole i provatiun poco, in grazia del VERO, a imparar a conoscere. & a rilevar i caratteri di quel primitivo Idioma, con cui dettante la BOVRANA SAPIENZA vidi propriaman Idolla Geometria furono scritte in cifra l'eterne Opere di quella, tutte agualmente maravigliose, e delle quali è permesso tal ora deciserar di quaggir qualche breve passo da chi sol so ne proceura la chiave i e la contraecifera, che, come udisti poc'anzi, sta ospressa colle figure, e spiegara dall'infallibili prove della medesima Geometria, unica Segretaria, e Interpetré fedele della tipolta VEAITAL che le mai per ma eran eventura ti fortirà balbettare non che parlare spédito se bel linguaggio, jost afficuro che ornatiffimogliora, anzibeato in terra ti chiàmerain Trattanto lappi, e fappianlo ancora quei, che fin a qui vi di descritti, che a giudizio de Savi universale, E DI CHI QVA EREDITO IL FILOSOFAR COL REGNARE, quanto di buono, di ionelto, durile, e dirò ancora di vago, fi efercita nel viver civile,

tutto

CHE se la nostra Chiesa Cattolica si godo comodo, e quiete dalla Correzion Gregoriana del Calendario. Se un Colombo, un Vespucci arditamente s'espongono a gli infalti di Mari ignoti per tentar la conquista di nuovi Mondi, e con prosperità secondante i presagi loro la conseguiscono. Se il nostro divino Galileo investiga di proprio ingegno, appena uditone il grido, il più ammirabile fra gli Strumenti da umana industria inventati. Se con esso armatane la pro pria vista, da questi bassia s'sublimi oggetti rivolto, trapassa ad isve-

larcene innumerabili Stelle fregiate di viva luce, & oltre a tante

Nuove coso, e giammai più non vedute

osserva, il primo, con maravigliosa accortezza, il suo benefico Giove, non da una sola, ma da qua tro Lune assistico, e consagrara

questa (che ben può diesi

all'Augusta Prosapiandel SVO SIGNORE, e sì esequiti gli ALTI ETERNI DECRETI, gli sovvien subito d'interessarla col suo fortunatissimo Oechiale al glorioso guadagno della tanto ricercata invenzione del navigar per lunghezza, & alla correzion geografica dell'Isole, delle Coste, e de Continenti; e perciò con Arlantiche fatiche, e per tanti sustri osserva, e rintraccia al fine l'estate misure de' moti, e de' giri di questa, coll'inclita: FAMIGLIA MEDICEA, quasi dissi, GIOVIALE CONSORTERIA. Se il medesimo Galileo Ristauratore, o più tosto Inventor del vero, e saldo filosofare, anatomizza, per così dir, la Natura; e a confusion de passati Filosofanti s'interna a contemplar le più riposte passioni del moto, per cui essa Natura,

Dal gran Maestro di color, che sanno,

Petr Trionfo 3. d'Amore.

Vorgilia **Bgis** &4 4•

Dante Inf. Ganto 4.

vien.

99 · PHEGEAGLYONDELL FILTIME

vien difinita, e la ferma egli il primo, e lo fotropone alle rigide lengi dell'invariabile Geometrià, applicandolo di più con Mateenatico artifizio alle prasiche militari ; e si per ogniguifa,

Mor More, noc Tellar, noc Celi lusida Templa efenti vannosi dalla curiola, e nobile perfecuzione di questo per-Ipicacissime Lince, il rutto su pur opra d'una prosonda cognizione delle dottrine de tempi, e de numerisdella forma, e constituzione delle parti dell'Universo; dell'ordine, moto, e via de raggi visivi sì rissessi, come rifratti: e del mirabile operare della Natura con Marematiche dimostrazioni penetrato, Scienze tutte Suddite obbedientissime alla Geometria lor Regina ? Ma se ciò non ostante, que-A'Anime smarrite, e inviluppate quà di soverchio tra i lacci de ter-Penarea Son. reni intereffi, scordatesi in tutto di quel di Divino, che anno in loro

scrissero tanti celebri Autori, affai più diregolare pofiam robabilmente sperar di jensire dal mostra destissime, 🗢 eruditiffimo Signor Carlo Da ti, infigne Prodia di lettere > fue veglie Fiorentine, be già fa avid intente defiderare .

Alver non volgon gli occupată senfi, ma fol rimirano al compiacimento, & a gli agi del proprio corpo, af-Del gran pre. fiduamente anelando di posseder quaggià quel, ch' eziandio possegio della Geo- din a; non farà loro, fappiano almeno, che le la regola aurea gover si poco quiam na tutta la Mercatura, di cui la Turba al vil quadaque intesa fa sì gran detto, e moite conto, l'Arimmetico Geometra l'inventò. Se la buffola, e la carta con acqu'sti di tesori immensi reggono la Nautica, il Geografo Matematico a così grand'usi quella applicò, e questa descrisse, e si prepacondus, odi for rò. E che una tola Proposizione d'Euclide, una sola d'Archimede dan legge, e regola, questa alla Meocanica tutta, e quella alla Altimetria, alla Geodesia, & ad ahre simiglianti pratiche, sole avute in prezzo da Costoro, i quali se abili fossero d'andar discorredo, e con progresso retrogado esaminando, quali fienostati i principi delle. più rilevanti operazioni, e de più infigni ritrovamenti dell'Vomo, fessere in que riconosecrebbergli in fine dal Maitematico speculativo, e per conseguente dal Geometra, che a quello mieporabilmente precede: e greche, e latine, così esclamerebber anch'esti col Divino Filosofo, doversi dar ordiin alcuna delle, ni rigorofi, che niuno di quella fioritifima Città nostra fia tanto ardito, qual Pirrone, o Aristippo, di disprezzar la Geometria, essenun temps etci dochè, quelle cole ancora, che paion effer affattostior di lui ssera; e che non abbiano che far con essa, non son già di poco rilievo, ma rilevantissime, ed alla Repubblica necessarissime. * Ma troppo io mi son dilungato dall'intrapreso Racconto. ไทยล-

mraghitomi io dunque, per divina grazie, di scienza cos) sublime assai più godevo di farvi studio per me medesimo: ma appena ebbi scorsi i primi Elementi, che impazziente di vederne l'applicazione, passai alla scienza de' moti naturali nuovamente promossa. dal Galileo, e che allora appunto, era uscita in luce: ed arrivato a quel principal supposto, che le velocità de mobili naturalmente. difeendenti per piani d'una medesima elevazione sieno uguali traloro, dubitai, non già della verità dell'assunto, ma dell'evidenza, di poterlo supporre come noto: Onde, perche, mediante il sopraddetto Padre Clemente, mi s'era già aperto l'adito di trasferirmi spesso in Arcetri a godere de' suavissimi, e saggi ammaestramenti di quel buon Vecchio, il quale mi perger' urdire di ricorrere a lui per la soluzione di quelle difficultà che (si per fiacchezza del mio ingegno, si per la novità di quell'argomento di Natura Fisico, e perciò non interamente sottoposto all' inrefragabili evidenze Geometriche) io fossi andato incontrando, lo richiesi un giorno di qualche più chiara confermazione di esso principio, con che porsi a lui occasione che in una delle seguenti notti, solite passarsele con molesta rigilia, egli ne ritrorasse la dimostrazione Geometrica Meccavica, deducendola dalla dottrina da lui fteffo dimoftrata già coutro aduna Proposizione di Pappo Alessandrivo, la quale egli aveva zonfutato in quell'antico suo Trattato di Meccaniche dato fuori per la prima volta dal Padre Marin Mersennio Celebre Matematico Franzese.

Permettendo dipoi la BONTA SVPREMA, che dopo quattro mesi di Audio di Geometria verso il principio del 1639, il Galileo mi velesse appresso di se come suo Ospite, e Discepolo, per guidarmi così cieco ch'ogliera, co' suoi amorevoli insegnamenti per quel sentiero, che egli ogni giorno più mi dav' animo di proseguire, volle che quivi io facessi il disteso della dimostrazione di quel Teorema per supplire alla di lui cecità, che gli toglieva il così bene spiegarsi, dove occorrevano far figure, & appor caratteri; di tel disteso mandò egli copia subito al P. Abate Don Benedette Castelli Monaco Cassinense, e nobil Bresciano, uno de suoi più antichi, e devoti Discepoli, & insigne per l'egregia sua Opera della misura dell'acque correnti; Trattato Elementare da esso nuovamente promosso. Di questo Teorema stesso mandò poi copia il Galileo a diversi altri Amici per l'Italia, e fuori, & è quel medesimo, che io con altre cose non più stampate somministrai all'ultima impressione di tutte l'opere di lui fatta in Bologna nel 1656, come qui-

vi si vede a sacce 132. del Terzo Dialogo. Questa medesima pròprictà la confermò dipoi in var; modi il degnissimo Successore del Galileo, Evangelista Torricelli, nel suo Trattato de' Moti, quando non aveva avuto notizia aneora di quella di esso Galileo, con valersi però, in alcuno di que' modi, di certe altre proprietà dimostrate già da questo in quel suo antico Trattato di Meccaniche, poco avanti qui nominato. La medesima passone volle aneora con sottilissimo progresso autenticare quel sublime ingegno di Cristiano Vgenio nell'opera sua due anni sono pubblicata, e con supor de' Matematici applandita, trattante del moto de' Pendoli; e l'istessa pure si prese ultimamente a confermare, & a stabilire l'ingegnossissimo Sig. Alessandro Marchetti Filosofo Ordinario nella celebre Accademia Pisana.

Per una simile oceasione di dubitare intorno alla quinta, ed alla settima difinizione del Quinto d' Euclide mi aveva per avanti conferito il Galileo le dimostrazioni di quelle difinizioni del Quinto Libro senza però applicarle a figure, che, fermatomi poi in Arcetri, egli mi detto in Dialogo assai prima della venuta quivi del Torricelli quando. ancora il Galileo non aveva risoluto di porla nella quinta Geornata. -ma pensava tuttavia d'aggiugnerla alla quarta a facce 153. dell'im--pressione di Leida, dopo la prima Proposizione de' Moti equabili nel caso del ristamparsi con l'altre opere sue quell'ultima delle due nuore Scienze. Questa tal dettatura diede poi qualche facilità al medesemo Galileo, ed al Torricelli per sare quel più amplo disteso in Dialogo, che si è veduto: e la medesima, come inutile, rimase a me-& ancora la conservo. Mi restò in oltre quella breve lettera indirizzata dal Galileo al Sig. Conte Piero de' Bardi in soluzione del Problema, onde appenga che d'estate l'acqua del siume, a chi p'entra, appaia primu fredda, e poi calda assai più di quella stessa aria temperata, che prima, trovandosi bagnato, fredda appariva. Dettommi dipoi quella lunghissima lettera in data de' 25. Marzo 1641. scritta allora al Seren simo Signor PRINCIPE LEOPOLDO di Toscana. oggi l' Alt. Reverendissima del Sig. CARDINAL DE' MEDICI, il quale eol solito stimolo d'erudirse l'aveva richiesto del suo parere intorno al Cap. 50. del Litosforo del Famoso Filosofo Fortunio Liecti, dove questi consutava l'opinione del Galileo riserita nel suo Trattato delle Macchie Solari, & altrope ansora: ma questa lettera fu poco dopo stampata dal Liceti stesso in una sua replica, e di nuovo nell'impressione Bolognese dell'Opere del Galileo insieme con la sopraddetta lettera al Sig. Conte Bardi, e con l'altra ancora al Sig. Conte Alfonsa Antonini .

Nel susseguente mese d'Aprile 1641, giunse di Roma in Firenze per passare a Venezia al suo Capitolo Generale il predetto Padre A bate Castelli, che si trasferi di subito dal Galileo, dove io pur mi trovava, & avendo egli appresso di se il Manoscritto di quel Trattato del Moto, composto allora da Evangelista Torricelli, il quale 10: anni indietro era stato suo Scolare nello Matematiche, sece sentire in ristretto al Galileo il contenuto, e la diversa maniera che in parj luoghi aveva praticato quegli per ampliare la di lui maravigliosa Scienza del Moto naturalmente accelerato, e del violento. Si rallegrò questi che in vita sua avesse già preso così grand'agumento, e favore quella dottrina da fe nuovamente promosfa, e di qui, e dalle relazioni dategli da quel Padre dell'altre singulari qualità del Torricelli, fece egli di questo concetto altissimo, ne s'inganno. Con tale occasione considerando il Padre Abate Castelli, che per la compassionevole cecità, e per l'età ormai cadente del Galileo si correva pericolo di perder quel refiduo delle di lui speculazioni non pubblicate, che egli sapeva non esser aucora poste in carta, prese animo di proponergli il Torricelli per Ainto a farne il disteso, & il Galileo ben volentieri accettò nomo così degno, e per Ainto, e per Compagno, e restò col Padre Abate, che al suo arrivo in Roma l'avrebbe potuto incamminar liberamente a questa volta. Si truttenne que: sti in Venezia assai più del credutosi, e perciò non prima che il de 10. d'Ottobre 1641. segui in Arcetri la nobil Copula di questi due gran Lumi nel Sistema Pilososico, e Matematico.

Immuntinente cominciò il Gatileo a comunicar al Torricelli ciò che allora ei meditava di spiegar in Dialogo in altre Giornate: mas, iniqua sorte invidiando a gli nomini acquisti, e cognizioni maggiori nelle Scienze (appena scorsi tre mesi, dopo la congiunzione di questi Pianeti al Mondo Letterato così benesici) interposesi fra di loro, eclissandoci per sempre il maggiore concedutoci da DIO Sommo Soleper discoprir ne Cieli, e nella Natura maraviglie non più vedute,

e verità ammirande state occulte a tutta l'Anticbità.

Dentro si breue tempo, e del quale la malattia siessa del Galileo portò via la parte muggiore, altro non pote fare il Torricelli, che la bozza del disteso della quinta Giornata qui avanti riserita (la quale egli, seguita la morte del Galileo, si ritenne per ridurla al segno che s'è vedata) e non so quali cose a parte intorno alla sorza della percossa.

Erede del Galileo fu il Dottor Vincenzio suo figliuolo, nomo di non volgar letteratura, d'ingegno perspicace, e inventivo di frumenti

Mecca

Meccanici, de in particolare musicali, e fra zli altri d'un Liuto con sal'arte fabbricato, che sonandolo egli per eccellenza, cavava ad arbitrio suo dalle corde le voci continuate, e gagliarde, come se uscissero dalle canne d'un Organo: & in vero con suavissima armonia, come più volte io l'udi nel trovarmi in sua casa; imperciocchè quell' amica corrispondenza, che seco ja aveva contratto vivente il Padre, la medesima continuò tra'l Figliuolo, e me fin ch'ei visse. Nelle mani di questo, (il quale col Torricelli, e con me aveva assistito alla malattia, ed alla morte del Galileo suo Padre seguita a gli 8. di Gennaio 1642.) veddi oltre alle bozze Originali dell' Opere già stampate, quelle ancora di varie lettere, e discorsi, scritti dal Galileo in diversi tempi in occasioni di ragguagliare, o di rispondere, o di dir pareri sopra quesiti fattigli, o simili, che di tutte si contentà, chio ne apessi capia, dettandomene molte da se stesso, quando, e bene spesso mi ritropavo da lui: se bene ò veduto poi che della maggior parte di gnoste vanno attorno altre copie pur manoscritte. . Tra le dettatemi, tre ne n'erano, ch' io sapeva di certo non esser anvor fuori in istampa; ma non sapera già il Sig. Vincenzio, ne meno io, se ne fossero copie altrope, credendost allora più tosto che no. La prima contiene il difieso di sei Operazioni Astronomiche, di quelle, micred'io, mentonate in quest'ultima nota dal Galileo, dali l'introduzion delle quali manifestamente apparisce, che tali Opera. Zioni farchbero fate molte più in numero . So bene che queste poche lette da me, si meritaron l'applauso d'uno degli Eminenti Letterati delle famosissima Adunanza Reale di LVIGI IL GRANDE mio Sig. Clepupitissimo, che fu il Sig. Gio: Domenico Cassini, celebre Aftranamo, quand un' Estate mosti anni sono egli su qui di passaggio. La seconda consiste in numero 12. Problemi, o Questioni spezzate del medesimo Galileo, parte delle quali si redono risolute in alauma dell'Operesue sin qui stampate, e l'altre son forse di quelle della nota Topra riferita. Questi Problemi erano di mano del Sig. Vincenzio., che dissemi avergli distesi lui medesimo su le soluzioni spiegategli dal proprio Padre, già cieco, in alcunigiorni, ne quali avanti al mio Sanziare in Arcetri egli andava colà a visitarlo: E tanto le sopradette Operazioni Astronomiche, quanto questi Problemi, insiemecon quei più (che impossibil' è indorinar quali, e quanti) parmi che doveran comprendersi nella continuazione della quinta Giornata scritta dal Torricelli, dopo qualche esplicazione, & aggiunta ad alcuna delle cose dette nelle precedenti quattro Giornate; e nella medesima quinta, si avevan ad esaminare, e risolvere que' Problemi diversi, e partie particolarmente d'Atiftothe . & în specie del Trattato del muover-

fi degli Animali .

La terza scrittura dettutami, è un'altro principio di nuovo congresso, intitolato Vicimo, forse così detto dal Galileo avanti che gli venisse concetto di ridurre anco le postille a' suoi Oppositori'in forma di Dialogo. In questo Congresso il Gulileo introduce (al solito) per Interlocutori il Salviati, ed il Sagredo, escludendo Simplicio, e ponendo per terzo quel forrannominato Sig. Paolo Aproino stato già suo Vditore delle Matematiche in Padova. Tal principio è disteso in Dialogo in sei fogli in circa; dove se spiegano alcune sperienze fatte dal Galileo fin ne' tempi, ch' egli era colà Lettore, allora che andava investigando la misura della forza della percossa (che in ultimo egli considerd come infinita y e questa materia, dopo spicyate le sperienze, voleva il Galileo trattar matematicamente in tutto 'L restante di tal Congresso, come terza Scienza, dopo le due già promosse da lui medesimo, e con questa finir di pubblicare il rimanente delle sue più elaborate fatiche, quale sarebbe stata: questa, intorno alla. quale egli medesimo disse aver consumato molte migliaia d'ore speculando, e filosofundo, & aperoi in fine conseguito cognizioni lontane da nostri primi concetti, e perd nuove, è per la loro novità ammi-

Finalmente per quanto si cava dalla suddetta nota del Galileo de 23. Gennaio 1638, di ciò che gli rimaneva da scrivere, e pubblicave, dovevansi comprender in un'altro Bialogo, che sarebbe stato il settimo (ostre a primi quattro de due massimi sistemi) tutte quelle note, osservazioni, e repliche du lui chiamare postille, satte intorno a luoghi più importanti de libri di coloro che gli avevano scrit-

to contro .

Immensa dunque è statà la perdita delle preziose speculazioni rimaste entro si ricca miniera d'un tanto Filosofo, è Matematico; ma siccome quella della percossa è stata poi egregiamente trattata dal celebratissimo Sig. Gio: Alfonso Borelli, così è da aspettarsi che segua dell'altra da esso promessaci de' Moti degli Animali, in quella guisa ancora che dall'acutissimo Sig. Lorenzo Bellini insigne Anatomista, nel samoso Studio Pisano si attende di veder matematicamente trattata la materia sin'ora oscurissima della respirazione, che egli stesso ci sa sperar di godere in breve, per la quale ben si vedrà (come nella sua Miologia lo dimostrò pure il Dottissimo, e Candidissimo Sig. Niccolò Stenoni) quanto vaglia, e quanto sia necessaria al Filosofo, all'Anatomista, & al Medico la nobile, ma negletta Geometria.

194 BAGGVAGLIO DELL'YLTIME

Ma tornando alla copia, ch' io mi riprovo della Scriptura intipola. ta Vitimo Congresso, questa, in alcuni luoghi dov' io aneva qualche difficultà, mi fu in aiute a riscontrarla col proprio suo Originale. il Molto Reverendo Sig. Cofimo figlinolo del suddetto Sig. Vincenzio. e degno. Nipote del Galileo, prima che egli partiffe di Firenze per passare al servizio suavissimo dell'Eminenza Reverendissima del Signor. Cardinal Barbarigo mio Benignissimo, e Riveritissimo Sig., & in quell'occasione dissemi averne egli medesimo già dato suori altre copica, Col di lui aiuto riscontrai ancora la mia copia col suo Originale delle Operazioni Astronomiche, e nel margine di quello sovviemmi ch' io feci di mia mano una certa nota. Ebbi finalmente di mano del medesimo sig. Cosimo copia d'un frammento di parere, a risposta del Galileo 4 quesito Mescanico, e mi permesse il copiare verte postille da' Libri d'alcuni de' Contradittori alle di lui prime Opere. So ins oltre che esso Sig. Cosimo avena un esamina, er alcuni calculi fatti in proposito di que' del Chiaramonti in materia della Stella nuova. siccome altre simili postille, e risposte a vari degli Oppositori più moderni, delle quali cose mi son poi meco stesso più volte doluto di non m'esser fatto dar copia, per essere il Sig. Cosimo, già son duc anni, passato a miglior vita in Napoli, dove egli era Superiore di quella Congregazione della Missione, e per diligenze fatte allora da me cold, & a Roma, d'ordine aucora del Sig. Carlo, fratello (per la Dio grazia) vivente del medesimo Sig. Cosimo, si ricevè per risposta, che un anno avanti, prima di tornare a stanziare a Napoli, egli aveva stracciato, e abbruciato in Roma gran quantità di Scritture; tra le quali non si sà se vi eravo i sopraccennati Originali, & i libri postillati. Oc. giacche non erano tra quelle Scritture che furono riceuute quattr' anni sono da me per mano del detto M. Reuerendo Sig, Cosimo l'ultima volta ch'egli se ne tornò di què a Roma per passar a Napoli, com apparisce dall' Inventario, che fatto da esso, e da me sottoscritto, rimase allora nelle mani del soprannominato Sig. Carlo suo fratello ultimo de tre felici Nipoti del Galileo.

Le Scritture del sopraddetto Inventario consistono, (fuori d'alcuni discorsi, e lettere di Altri) o in bozze dell'Opere stampate del Galileo, o in discorsi, e lettere del medesimo, che digià si vedono suori sparse; e solo tra le cose del Galileo, ch'io non so che'ne vada

copia attorno, due ve ne sono.

La prima, un manoscritto del Galileo in più quinternetti in ottavo intitolato fuori sulla coperta De Motu antiquiora, il quale si riconosce esser de primi giovenili studi di lui, e per i quali nondimeno si vede, che sin da quel tempo non super' egli accomodare 'l libero 'ntelletto suo all'obbligato filosofare della comune delle scuole, Quello però di più singulare, che è sparso in tal manoscritto, tutto, come si vede, l'incustrò poi egli stesso opportunamente a' suo' luoghi nell'opere, che egli stampò.

L'altra è un libretto so foglio di mano del Padre Don Benedette Castelli intitolato. Errori del Signor Giorgio Coresso, raccolti dalla sua Operetta del galleggiar della figura, ma con qualche po-Rilla, e rimessa in margine di mano del Galileo; dal che, siccome, dal vedere che le bozze delle Risposte, e Considerazioni di esso Padre Castelli comro al Grazia, & alle Colombe sono, por la maggior. parte, di mano del medesimo Galileo, io prendo occasione di eredere, che, e quell'Opere, e queste fossera dettate, se non in tutto, almeno in qualche parte da effo Galileo al desto Padre, e poi da lui fatte pubblicare, & a lui attribuitele, forse per non dar onor di soverchio sol proprio nome d'suoi così deboli Oppositori. Non sò già per qual cagione questa risposta al Coresto non uscisse allora in luce coll'altre due, giacché, per esser coll'approvazione de Superiori. non restar altro che metterla sotto I Torcolo: ma sorse di ciò no dà, benche oscuramente, qualche cenno il medesimo Padre Abate Castelli nella Dedicatoria di quelle sue Considerazioni stampate.

Restami ora a dir quant'io sò intorno all'uso delle catenuzze promesso dal Galileo nel fine della quarta Giornata, riferendolo qualcagli me l'accennò quando, presente lui, io stava studiando la sua scienza de Proietti. Parmi dunque che egli intendesse di valersi di simili catene sottilissame pendenti dall'estremità loro sopra un piano per cavar dalle diverse tensioni di esse la regola, e la pratica di tivar coll'artiglieria ad un dato scopo. Ma di questo a sussicienza, e ingegnosamente serisse il nostro Torricelli nel sue del suo Trantato de Proietti pude tal perdita rimane riscreita.

de Proietti, onde tal perdita rimane rifarcita.

Che poi la sacca naturale di simili catenneze s'adatti sempre alla enrvatura di linee Paraboliche, lo deduceva egli, se mal non mi-

sorriene, da un simile discorso.

Dovendo i gravi scender naturalmente colla proporzione del momento, che est anno da' luoghi dove e' son' appesi, & avendo i momenti de' gravi uguali attacati a' punti d'una libra sostenuta nell'estremità, la medesima proporzion de' Rettangoli delle parti di essalibra, come il Galileo stesso dimostrò nel Trattato delle resissenze, e questa proporzione esseudo la medesima che quella tra le lince retteche da' punti di tal libra, come base d'una Parabola, si tirano pa-

206 RACEPICLIO DILL'YLTIME OPERE DRE GAL.

ralelle al diametro di sul Parabola (per la dottrina de' Conici) tutti gli anelli della catenuzza, che son come tanti pesi ugnali pendenti da' punti di quella linea repta, che congiugne l'estremità dore essa estrena è attaccara, e che sorre di base della Parabola, dorendo ina sine scendere quant' è loro permesso da' lor momenti, e quiri sermare si sominio in que' punti, dore le scese loro son proporzionali a' propri momenti da' hunghi di done pendono essi anelli nell', ultimo stante del moto; che poi son que' punti, che s'adattano ad'una enrua Parabolica lunga quanto la catena, E il di cui diametro, che s' parte dal mezzo di detta base, sia perpendicolare all'Orizonte.

Sappiasi finalmente, che del riserito, e scritto fin qui resta appieno. informata l'Alterza Reverendissimo del Sigi PRINCIPE CARDINAL DE' MEDICI, alla di vui straordinaria affezzione alle scienze, das offa ad also grade non men poffeduce, che protette, dovete, o Lettori, aver tutto l'obbligo delle ricevuse monzie, efficurandovi per la mia parte del continuato mio buon voleze di far pubblico tutto ciò. ehe del Gran Galileo mio rivarito) Musstroffer ora si sta privato, sparso in diverse manis e the me ruccolto ; disquello ciae, non solo. ch'io ricevei dal di fui Piglinolo, e dul prodetto Nipote, ma di quell'ancora, che morce alla prosegione, è favore della prefata Altezza Reverendis., & alto corresión d'Amici, a Madroni di qui e fuori, dopo un a particolare attenzione, e didigente pricenca m'à rinfcita d'andar di qua, e di la rispigolando. Et affine be soum cià in forma la più cophola the possibil sia, supplice ratti quegliz a quadi petuerra notivia di questi miei grati sentimenti, a voler essermi litterali in surmi pervenir Trantatio differth, out testine theffe incomminde Galdenmon auconic pubblicate, a m procesurarmole the absenparti, perche's whire a may tacere is nome di thi a cods none opendanne constituiço; vi furd in vicompensa; non died il und gautsmensbyrche dutta maley ma quello di tutta la Repubblica Letteruta. AND THE STATE OF THE STATE OF The same of the same of

F attanto, perche tra thoghi degli Elementi d'Enclide com variet d'opinioni agitati quello ancora vi è, ormai unlgatissmo, intorno all'Angolo, deito del contrito, sopri del quale il Galileo partici po gi à per letterà ad Amico suo con opportuna conginutura il proprio sentimento, e questo parmi che sta molto plausibile, e degno dell'Autore, d'risoluto di aggiugnerio qui, corretto intanto da molti errori di stampa, che sono in essa lettera, la quale perche venne inserita di passagio dall'Amico stesso in una sua piccola Opera navematica, trovo che e pochi è pervenuta a notivia siu ora, siccome è nota a mè da pocunni in quà.

PA-

DEL GALILEO

INTORNO ALL' ANGOLO DEL CONTATTO

Spiegato da esso in una lettera di risposta scritta dalla Villa d'Arcetri ne 30. Ottobre 1635. a Giovan.
Camillo Gloriosi Matematico Napoletano.

E stampan da questo nella sua terza Deca dell'Esercitazioni

Matematiche a fac. 146 dell'impressione di Napoli

Dopo d'accusare la ricevuta di questa Desa inviatagli dull'An-

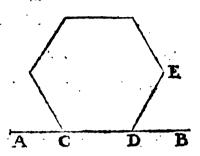
N'ranto', per segno d'aver pur veduto qualcola delle sottsist fime speculazioni di V. S. voglio conferirle terro mio difcorfo, che gran tempo si mi passò per la fantasia, per provare, che l'angolo del contatto sia detto così equivocamente, es the infomma non fia veramente angolo, convenendo in questo col Vieta, le cui ragioni molto acutamente par che V.S. vada redarguendo: ficche le mi mostreta la fallacia della mia, che mi par poco men clie concludente dimostrazione, bisognerà ch' io sia con Lei.
Stando dunque su la ricevuta difinizione, che l'Angolo sia l'inclinazione di due linee poste in un piano, che si toccano in un punto, e non son poste fra loro per diritto; figuriamoci un Poligono retrilineo; & equitatero inscritto nel Cerchio. E maniscsto le inclinazioni; o direzzioni del suoi laci ester tante quanti gli stessi lari, se saramo di numero dispari, ovvero quanto la meta. le'i numero fara pari (avendo gli opposti la medesima direzzione.). Ora, se inteliderellio a qualsissa linea recta A B della seguente figura effer applicato il lato CD d'uno di detti Poligoni; questo con dilella non formera andolo, tamminando amendre per la medesima direzzione; ma ben lo sormera il lato seguente DE, come quello, che fopra la legnata retta fi eleva, & inclinandolegli

iopra,

108 DELL'ANGOLO DEL CONTATTO

sopra la tocca. E perchè I Cerchio si concepisce esser un Poli-

gono di lati infiniti, è necessario che nel suo perimetro siene tutte le direzzioni, cioè insinite; e però vi è quella di qualsivoglia, linea retta segnata, la quale non può 'ntendersi esser'altra, che quella del lato (degl'infiniti che ne à il Cerchio) che ad essa sia applicato; adunque quello del Cerchio che alla linea, retta si applica, non sorma angolo con essa; è tal è il punto



del contatto. Qui poi non si può dire, che se bene I punto che tocca, non contiene angolo colla tangente, tuttavia pur lo contenga I punto contiguo consegnente; siccome nel Poligono, non il lato, che s'applica alla retta proposta, ma il lato seguente è quello che l'angolo forma, e constituisce; non si può dico dir questo, perchè I punto, che succede a quel del contatto, non tocca la retta, la quale da un sol punto del Cerchio, e non da più vien toccata; ma nella difinizione dell'angolo si ricerca, eltre all'inelinazione, il toccamento ancora, adunque il chiamato angolo del contatto è con errore detto così, nè è veramente angolo, nè à grandezza alcuna.

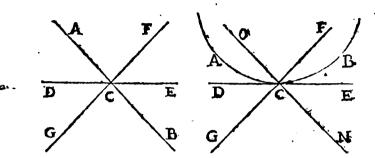
Sovviemmi anco, oltre a molt'altri, aver fatto un discorso in

cotal forma.

Se stando serma la DE, intenderemo la segante AB girarsi sopra 'l punto del segamento C, sicchè dallo stato AB calando A verso D, trapassi in GF, sacendo l'angolo FC E superiore alla DE, dove prima conteneva l'inseriore ECB; è manisesto l'angolo BCE andarsi per tal conversione inacutendo, e ristrignendo in modo, che sinalmente la sua quantità si amichili, e del tutto svanisca, il che accaderà quando essa retta AB si congiugnerà con la DE. Ora applicando lo stesso discorso all'arco ACB segato dalla retta ON nel punto C, constituendo i suppossi angoli missi ACO, NCB; se intenderemo essa retta ON girarsi sopra 'l punto C, da O verso D inacutendo i detti angoli, e sinalmente trapassando nello stato di GCF, sicehè l'angolo inferiore NCB si faccia superiore, come FCB, non comprendo come ciò possa accadere senza passar per l'annichilazione di essi

PARERE DEL GALILEO, rog

angoli, la quale annichilazione non può essere, se non quando essa retta convertibile non segasse più la eurva A C B, il che-

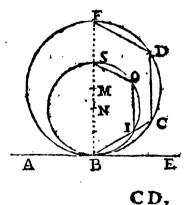


avviene quando essa si unisce con la tangente D E. Nell'arco dunque, e nella tangente non sono angoli, ma l'annichilazione degli

angoli.

Il discorso anco, che vien satto per consermare che l'angolo della contingenza non solamente sia quanto, ma talmente quanto ch'e' sia divisibile in infinito, mentre si descrivano cerchi maggiori, che passino per lo medesimo toccamento, è, s'io non m'inganno, manchevole; imperciocchè non l'angolo, il quale dico non aver quantità, ma ben lo spazio tra la circonserenza del mimor cerchio, e la retta tangente vien diviso, e suddiviso dalle, maggiori, e maggiori circonserenze; il che assai chiaramente mi par che si possa mostrare coll'esempio de' molti. Poligoni rettilinei simili, e disegnali nella seguente maniera.

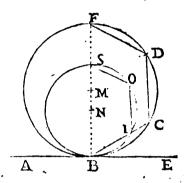
Sieno nella retta M B perpendico lare alla A E, i centri M, N, di due cerchi diseguali toccanti la A E nel medesimo punto B, de intendasi nel minore inscritto un Poligono equilatero, del quale sieno lati le rette. B I, I O, O S, e prolungata la B I termini nella circonferenza del cerchio maggiore nel punto C; è manisesto la linea B C essere un lato del Poligono similmente inscritto nel cerchio maggiore, nel quale le due



NO DEEL ANGOLD DEL CONTATTO 9

C'D, D & sieno lati conseguenti. Oni si, vede che il perimetro E D C B divide ben lo spazio intercerto tra il perimetro del Poligono S O I B, e la retta B E; ma non però vien diviso l'angolo I B E, essendo il lato I B parte del lato B C, & esso an-

golo I B E comune, anzi lo stesso del fatto dalla E B, e dà i due latti de' Poligoni B I, B C; e discorrendo nello stesso modo di tutti gli altri Poligoni tra loro simili, di qualunque numero di lati, e quanto si voglia differenti in grandezza, l'angolo I B E sarà sempre comune, nè giammai segato, ma ben'andrà sempre facendosi più acuto multiplicandosi i lati del Poligono; vero è che l'angolo I B E sarebbe esso ancora.



diviso dal lato d'un Poligono maggiore, tuttavolta ch'e' fosse di più lati, & in conseguenza dissimile. Di qui mi par che si possa i ritrarte, che essendo i Cerchi tutti, poligoni simili di lati infiniti, applicandogli alla retta A E nel comune roccumento B, venga ben lo spazio era la tangente, e l'arco interno B I O Si diresso. dall' arco esteriore B C D F, ma non già l'angolo B, essendo co. mune ad amendue i poligoni; e l'essere i Cerchi tutti, poligoni simili di lati infinitì, toglie il poterfi dire il Cerchio maggiore esser Poligono di più lati, che il minore, o perciò atto a divider. gli il mo angolo, perchè ficcome non si può intendere Policono alcuno potersi inscriptero in un cerchio, benchè innimino, di sati mi numerabili, che uno di altrettanti (e però simile) pon si possi inscrivere in qualsivoglia altro, benche piccoliffimo, cost non si può dire, che l'angolo del contatto non sia uno, e comune ad amendue i cerchi; e se tal'anigolo nonte divisibile, non è quanto, e se non è quanto, non è velor singulo, ma equivocamente così สเปฎะภัยกลับ เรื่อง โดย มีมาการเดียงส detto.

Consideris appresso, che sicrome multiplicardos più dei sempre più nel cerchio S O B il minero dei lati del Poligo no, l'angolo I B E sempre si sa più acuto, par che per necessaria conseguenza ne segua, che dove i lati seno infiniti tal'angolo sia infinitamente acuto, cioè non quanto, e non angolo, &c.

e di L

... Segro dipoi il Galileo con attro breve capitolo esaministado alcunu conclusioni, che il Gioriosi inferisce dalle ragioni addotte dal sopraninominato Francesco Victa: Ma essendoche per l'intelligenza di sali panderazioni converrebbe riferire, e ciò che scriffe l'istesso Kieta, sessio che v'oppose il Gioriosi, con la risposta di questo al medesimo Galileo, tralascio di trascriver più oltre esso Capitolo, e rimetto i Euriosi, a soddisfarsi pel rimanence ne' propri Autori; poiche non preseso di portar qui il progresso sutto della quistione, con le proposte, e risposte altrui, ma solamente le principali ragioni, che as Bimar nullo tal angolo mossero il mio reverito Maestro, al di cui parere liberamente sottoscriuendomi, così mi fo lecito di soggiugnere. Se trà le condizioni dell'angolo piano volle Euclide nella difinizione di esso, quella ancora, che le linee conflituentilo non sieno poste fra loro in diritto, parmi che di qui assai man festamente si comprenda, ch'ei non intese per modo deuno di chiamar con quel nome l'incontro d'una linea curva con una retta, e perciò non quello della circonferenza d'un Cerchio con la retta linea toccautelo : efsendo assolutamente impossibile constituire, o adattare una linea curva talmente eh ella torni in dirittura con una retta, e tanto più è impossibile d'fer ciò con due curve insieme conginnes : Onde non natendoss mai con esse linee essettuare la vietata postzione, su perfluemente, e fuori di proposito l'avrebbe egli esclusa da simil Sorta d'accoppiamento. Se dunque egli stimò necessaria alla disini-Zione dell'angolo piano quella particolare eccezione, parmi che di qui concluder si debba, che egli intese di parlar d'angoli fatti solo da quelle linae, che qualche volta coll'eccettuata posizione si abbattano d'accoppiarsi: E tali sono le linee rette solamente, due delle quali voccandosi in qualche punto comune ad esse, possono do no l'infinite inclinazioni se aperture sempre miggiori giugnere finalmente a situarsi trà loro in una medesima dirittura. Di qui è che so mi fò a credere, she Enclide addusesse la difinizione solumente per l'angolo rettilineo, e non quella generale per questo, e per gli altri, chiamati comunemente curvilinei, cornicolari, e misti, &c. E cio maggiormente mi si conforma dall'osservare che il medesimo Eu-Plide in tutti i suoi Elementi, & in ogn'altra sua Opera cognita a noi non propose may come fi dice, ex professo, di dimostrare alrun Teorema, o di risolver Problema interno a gli angoli, che son desti curvilinei, nè gli paragona mai fra di loro, come egli fà inpiù luogha de' rettilinei. Che se nel suo terzo Libro si trova che tali accoppiamenti fatti dalla circonferenza del Cerchio con una retta,

che lotocebi, o da quella che passi per lo suo centro, o da altre che le seghine vengone paragonati, nella Proposizione 16. con gli angoli acuti rettilinei, e nella 31. coll'angolo retto, io non son lontane dal creder quello, di che sospettò col Peletario quel sublime 'ngezno Franzese wa' Restauratori dell'antica Geometria forse 'l primo'. dico Franceso Vieta, che queste tali comparazioni sieno fate aggiunte alla fine di dette Proposizioni da qualche bello spirito degli Antichi, o, come sogliamo dire, da qualche Saccente: anzi tengo per fermo, che cotal uomo le cavasse quivi come Corollar, delle medesime proposte d'Euclide, onde poi à contemplazione di queste sue aggiunte gli convenisse alterar la difinizione dell'angolo premessa dua Euclide al suo primo Libro, la quale stando forse cost (Angolo è quella scambievole inclinazione di due linee rette posse in un piano, che toccandosi in un punto non son poste in dirittura fra di loto) la riformasse per farla più generale, e che servisse à quelle sue aggiunte, con levar la condizione di rette alle linee, e cost la riducesse universale per tutti gli angoli da lui intese, e che di poi v'aggiugnesse di proprio la difinizione particolare pe' foli rettilinei, seccome ancora che al terzo Libro premettesse la difinizione per gli angoli delle porzioni, la quale io per mè stimo adattata a questi nonmeno impropriamente, che à quello chiamato del contatto. Ma inqualunque modo ciò sia seguito, non mi par già ch'e merati il conto il diffonders, e confondersi di vantaggio in simil contesa; poiche quando bene 'l tutto fosse peramente d'Euclide stesso, non sò poi peder che gran biasimo glie ne venga, e qual pregiudizio resulti alla stabilità de' fondamenti Geometrici, ond'egli occorra affannarscne col medesimo Vieta dicente che non a torto si tiene per qualcuno tali conclusioni controverse essere adulterine, nè sibi non satis constet Euclides. & alioqui Geometrica multa corruant fundamenta; perche finalmente quando mai si concordi, o si conceda che l'addotta difinizione non si competa ad altri angoli, che a' rettilinei, e che questi soli come enti, e però come quanti sieno divisibili, e comparabili fra di loro, e che gli altri tutti impropriamente si chiamino angeli, e si voglia poi, non ostante, che le comparazioni de curvilinei co' rettilinei seeno proprie d'Euclide, il maggior disordine, che accader possa in Geometria, sarà che le detse comparazioni faste nel fine delle citate proposizioni del terzo Libro sieno improprie, o non vere, e conseguentemente n'avverrà, che 'l numero delle vere proprietà Geometriche (il qual non vi è dubbio, ch'e sia infinito) roanchi di un due, o di un trè al più. Ma che? esso numero pur tut-Bavia

PARERE DEL CRESEO. 113

tavia resterà infinito. Oltrechè, quando tali conclusioni si togliessero assiste dagli Elemensi, tutto il rimanente, avrebbe per appunto suo vigor come prima, come che esse abbian sine nel medesimo lor principio, e da esse non dependa pur una delle tant'altre proprietà dimostrate in tutti i quindici Libri degli Elementi d'Euclide, o degli altri Trattati che di lui ci son pervenuti albe mani.

Oltr'all'addotte, altre ragicai vi savebbero per confermare 'l nonsessere di si fatt'angolo: ma parendomi in sine tal disputa, come dir so-gliamo, di lana caprina, chiunque à più genio alle controversie di cose frivole (che di questi il Mondo letterato pur troppo abbonda) che alla sodezza delle verità inrefragabili Matematiche, potrà veder'a piacer

suo ciò che negando, o affermando ingegnosamente ne scrissero, oltre a' mentovati Autori, il Cardano, il Pelocario, il Clavio, il Tacquet, ed altri celebri Matematici che non vi mancano, e per tal guisa tentar d'estinguere, se non accender viè più questa sete, ch'io per me in materie simili stimo sete d'infermo più che di sano, la quale appagata, suol bene spessore.

se ristorario.



E SSENDOSI preteso col pubblicato sin qui di spianare alcune distincultà, e di facilitar varie cose de primi Elementi Geometrici, non sarà suor di proposito l'addure in questo luogo le Proposizioni 28. e 29. del sesso Libro d'Euclide dimostrate in un modu assai spedito, con che soleva spiegarle congiuntamente il celebratissimo Matematico di S. A. Evangelista Torricelli mio Antecessore, e sono le seguenti.

PROPOS. XXVIII, EXXIX.

DEL SESTO LIBRO D'EVCLIDE
Dimostrate congiuntamente

DAL TORRICELLI.

LLA data linea AB applicare un paralellogrammo uguale al dato rettilineo C, e che manchi, o
ecceda d'un paralellogrammo simile al dato E: ma bisogna che, quando si deve adattare il paralellogrammo
che manchi, &c. il dato rettilineo non sia maggiore del
paralellogrammo che è simile al dato, e che è descrittibile sopra la metà della linea data.

* Prop. 18. de! Lib 6.

b Prop. 45 del Lib. pr. SEGHISI per mezzo la BA in F, e sopra l' F A si faccia un rettilineo F G simile al dato E, che sarà paralellogrammo, e si compisca sopra tutta la data A B il paralellogrammo AH. Dipoi alla retta BH, nell'angolo BHI si applichi il paralellogrammo BI uquale al dato rettilineo C, e tra le GL & LI si prenda la media proporzionale LM, e tirato il diametro L A si sinisca la sigura dal punto M. Dico che il paralellogrammo BO, che è adattato alla data AB, e che nella prima sigura à il mancamento AO, e nella seconda a l'eccesso AO simile all' F G, ovvero al dato E, è uguale all'altro dato rettilineo C.

IMPER-

IMPERCIOCCHE' la figura AL alla fimil figura L O sta come la linea GL alla linea LI delle tre GL, LM, LI in continua proporzione, ovvero come la medesima figura AL, alla figura LN, adunque i paralellogrammi OL & LN sono uguali, e nella prima figura, entto LA è eguale a sutto LB, adunque il rimanente gnomone PAM è uguale al rimanente paralellogrammo BI.

MA, nella seconda figura, essendo tutto O L uguale a tutto LN, come poco sà s'è provato, e la parte LA uguale alla parte LB, resterà il gnomone PAM uguale al rimanente paralellogrammo BI

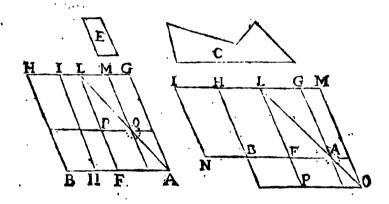
Geroll delle Prop. 19.
del 6.

Propof. 2.
del 6.

Affioms 7.
del prefense 3
Trassato delle Proporzioni.

Propof. 2.
del 6.

Per la modefina.



E dunque in ciascuna figura il paralellogrammo BI uguale al gnomone PAM, cioè al paralellogrammo BO (perchè il paralellogrammo BP è uguale 'al PA, ovvero all' AM, & aggiunto comune FO, tutto BO è uguale a tutto 'l gnomone PAM) ma il paralellogrammo BI è fatto uguale al rettilineo C, adunque anco il paralellogrammo BO sarà uguale al medessmo C, & è il BO adattato alla data linea AB, e manca, nella prima sigura; & eccede, nella seconda, del paralellogrammo AO simile al dato E. Che è quanto su proposto di sare.

; Per la me defima ,

116 RAGGYAGLIO DELL'YLTIME

D ERCHE' gli Originali della passata Proposizione, e dell'altra posta qui sotto 'l numero 19. di questo Trattato delle proporzioni. fi trovano, com'io diffi, con gli altri seritti non ancora stampati del Torricelli appresso 'l Sig. Lodovico Serenai, stimai convenirmis, avanti di farne 'l difeso, di accennare a lui fesso il desiderio ch'io aveva d'inserir in quelto medesimo Frattato le due sopraddette Proposizioni. Egli non conțento di favorirmi colla sua approvazione datamene invoce, per maggiormente obbligarmi, volle dipoi confermarmela con sua propria lettera, per la quale riconvenendo mè con aleune molso discrete, e giuste domande, cortesemente mi prega a pigliar congiuntura in questo Libretto di far palest al Mondo varie particolarità toccanti principalmente le sue, & incidentemente alcuna delle mie discolpe intorno alla differita pubblicazione de medefimi Originali del Torricelli. Io che diffido di saper riferire simili notizie meglio di come in essa lettera sono rappresentate, dovendo, e volendo pur coo. perare alle soddisfazioni dell'Amico, ò risoluto di pubblicar

queste verità, nose a pochi, per mezzo della medesima, lettera, la quale, colla dovuta participazione dello stesso Sig. Serenai, ò quì puntualmente trascritta, dall'Originale ch'io tengo appresso di mè, rimettendomi a quel di più, che per quel che s'attiene a mè io so-

no per narrare a me io j
no per narrare a partes
coll'opere proprie del
Torricelli, che
ben prefio a
DiO
piacendo nerranno
in luce.

1

opere del torricelli 127 **488446**

LETTERA

DEL SIG. DOTTOR LODOVICO SERENAI

CONTENENTE

Il ragguaglio dell'ultime Opere Matematiche D'EVANGELISTA TORRICELLI non ancora pubblicate.

Mio Sig. e Padron Singularifimo.

LLA delicatiffima modestia di V. Sie. fi deve attribuire il non aver voluto senza la mia licenza, inserir nel Trattato. ch'ella sid per pubblicare delle Proporzioni, la XI. Propolizione di quel Libretto, che il Sig. Evangelista Torrieclli compose con lo scaso titolo, e che si stamperà coll'akt'opere sue posume; nè anco quella sua construzione, e dimostrazione, della. qual sola con la consueta sua brevita maestosa ei fi serviva per ifpiegar insieme l'ottavo, & il nono Problema del sesso d'Euclide: siccome alla vaghezza ch'eli'à d'onorar me, io attribuisco l'aver a me domandata licenza tale, quasi che la licenza mia, come Esecutore da lui eletto della pubblicazione dell'Opere sue, deva supplire per questa parte alla pubblicazione non ancor fatta: attesoche, può valersi V. S. più d'ogn"altro, e in detto Trattato, & in qualunque altr'Opera sua, non solamente di quelle due, ma di tutte le di lui cose simili, massime volendone citar l'Autore, e non tacerio, come bene spesso fanno molti, per altro lodevoli Scrittori, senza vergognaris d'usurpar l'altrui gloria; e quel che più importa, perchè eff'à nell'Opere Geometriche possume del Torricelli quella parte, che dopo l'Autore non può vantare alcun'altro. Però è tanto supersivo che per valersi delle due, c d'altre dimostrazioni di Ini ell'abbia bisogno di mia licenza come d'Esecutore ch'ei si compiacque di farmi della sua volonta, e testamento, che anzi più tosto io devo, come tale, fincerar il Mondo che a lei sola sarà dovnto il merito della pubblicazione di tutte. La qual cola confido mi verrà fatta per mezzo delle notizie contenute in

" Al Sig Vincencio Piviani, Ge.

quc

SIN RAGGY AGLIO DEAL VITIME

questa Lettera, se V. S. darà di esse contezza al Lettore nell'istefso Trattato, com' io ne la prego, acciocche servano a meper discolpa della differita pubblicazione, e per consolazione di
chi temesse che la tardanza abbia dato campo franco a chi si sosse fatto nutore di qualche invenzione del nostro Amico.

Due furono i Matematici, de quali per ordine da lui datomi io doveva fur capitale per la detra pubblicazione; il Padre Fra-Buonaventura Cavalieri, e il Sig. Michelagnol Ricci come più abi-· li a riconoscere negli scritti ch'ei lasciava, le cose da stampansi, e a ordinarle, perchè con loro quà in Italia aveva conferite molte delle sue speculazioni; e nominò prima il Cavalieri, che aveva fra mano appunto allora la flampa dell'ultimo suo Libro intitolato Exercitationes Geometrica, affinche con esso stampasse ancora delle cose di kui quelle, che trovasse più all'ordine; e per l'altre elesse il Sig. Ricci; stimandolo il maggior ingegno da lui conosciuto nelle Matematiche, e da lui in esse introdutto, e il maggion amico che avesse, Ma il primo mi su rapito dalla morte poche settimane dopo al Torricelli, e il secondo, che DIO lodato ancor vive mio reveritissimo Signore, me lo tolsero la sua precedente disapplicazione per lungo tempo da quette speculazioni, molte cure domestiche necessarie, studi più gravi, & affari più importanti nella Corte Romana. E non ebbi, altro degno, e sicuro refugio che V. S. La quale se ben a principio, e per quattr'anni ci ebbe gran renitenza, contrastandoglielo l'assiduo servizio. al SERENISS. FERDINANDO II. tanto affezionato a' Professori, di queste scienze; l'esser Capo, di Casa con molti travagli di litia, e di frequenti indispossizioni; l'Opere Geometriche sue proprie concepite, e non condorte; e la debolissima complessione; accettò nondimeno di farci il possibile; quando intese che l'istesso SE. RENISS. (informato da me del capitale mancatomi, e ricordato... si aver S. ALT. in Firenze un Masematico qual era V. S. sin allora) applicò l'animo a fare flampar qui quell'altre opere dell'a... mato luo Torricelli, come a fue spele aveva già fatro l'anno 1644. le prime pubblicate da ello Autore; e a quell'effetto mi comando. S. ALTEZZA far sapere a V, S. aver caro, sch'ella ci si di-. sponesse. Accetto dissi, ma con inviolabil patro, e condizione, ch'io dovessi sempre, e tenacemente custodir presso di me inseparabili gli scritti del Torricelli, & a lei darne solamente le copie. Il che dalle necessarie, e continue occupazioni dovute perla mia famiglia, e per l'offizio, non mi fu permesso di fare di

OPERE BEE TORRICEBLE ste

tintti gli originali prima che nello spazio d'altri quattr'anni, otto cioè dopo la morte di lui. Nelle quali copie impiegai la più attenta diligenza ch'io seppi traserivendo con la scrittura non tanto le figure anco fregate, e cassate, ma ogni linea, ogni punto, e quasi ogni scorbio; acciocchè nelle mie copie non mancasse nulla di quel che l'Autore avesse accennato alla sua propria memoria; e così ell'equivalessero a gsi stessi Originali per lo sine proposto: secome elle sono state sussi che su principale alla grande intelligenza, e speculazione di V.S. giacche ella mi dice aver considetta l'opera al termine, e non è memoria ch'ella m' abbia richiesso più she una vosta di constrontar certa copia coll'originale.

Potranno den foddisfarsi i Macemarici 'ehe leggeranno l'Operpostume, di confrontarle co' propri scritti del Torricelli; poiche posti da me in casa mia d'avantra V. S. consust, come gli averd trovati nello staffale del defento Autore ; furon da lei, me sempre presente (così convenendomi fare per compiacere al gusto, e vo-Ler suo, e alla sua delicata natura) distinti con applicata attenzione in diverse classi; e da me poi, in piè della lor prima saccia numerati a earatteri roffe d'abbaco che arrivarono al' minicio 253, ne fiù flieto puntualissimo Inventario, descrivendo in esso 2 numero per numero se eran più fogli, di un solo, e se mezzo, se quarto, e quarto ne fosse scritto. Quale Inventario di mia mano con gli flessi Originali-in un Volume composti, furon già da me, con gusto, e configlio di V. S. concorrendoci il beneplacito della prefata Screnifs. Altezza, deftinati a depositats, dopo la pubblicazione dell'opere (fe ci farà comespero permesso dal SERENISS. PADRON REGNANTE) nella-famoliffima MEDICEA Libreria di San Lorenzo, Tesoro notiffimo al Mondo di manoscritti reconditi, e d'Opere d'Autori fingularissimi, e al quile ricorrono, e concorrono giornalmente Litterati Italiani, e Oltramontani pet appagar le virtuole euriofità loro.

Quivi detti Originali mai veduti presso di me da attri che da V. S. nel modo gia detto, e poi una sol volta di passaggio, e in piede molti anni sà dal Molto Reverendo Padre Fra Stefano Angeli oggi Lettore delle Matematiche in Padova, che me ne pregò; e mi riconobbi tenuto a compiacergli per mostrarmi cognitore dell'ingenuità sua, e grato a gli obblighi seco contratti, quando mi mandò cortesissimamente più lettere del Torricelli trovate da esso fra le scritture del morto Cavalieri. Quivi dico conservati tessinaneramio la sedeltà mia e confrontati coll'opere possiume,

stume, maniselleranno la nobit satica di V.S. e vivendo nella propria penna dell'istesso Autore, questa (qual d'Aquila) divorerà le penne vili di chiunque tentasse, o avesse tentato di farsi bello di alcuna delle Invezioni del nostro Torricelli, che ne comunicò

molte a più d'uno.

Quelle notizie, con altre ancora, m'ero persuato di poter pubblicare col favor di V.S. nel principio delle stesse Opere Postumes. E mi son rallegrato sentendo ch'ella si trova in punto per la stanipa di esse quando sarà finita l'impressione di questo suo Trattato delle Proporzioni, e dell'altra sua Opera Conica ch'io veggo sotto al Torcolo. Ma perchè la quotidiana, e sensibil diminuzione. delle force di corpo, e dimente mi sa ragionevolmente temere, in questa mia cadente età di 75, anni, che la dimora, benchèbrove, di V. S. d'attorno a quest'Opere proprie, sia per esser più langa della mia vita; concedami prego la lua gentilezza di aggiugner queste notizie al suo Trattato da stamparsi ora il primo; perchè io goda vivendo di veder palesate queste almeno. È sien. caparra dell'altre che poi si vedranno coll'Opere Postume: la vi-La cioè dell'Autore: l'infortunio del deposito di suo cadavero: la memoria che il medesimo SERENISS. FERDINANDO avera comandato ereggersegli nel Chiostro di S. Lorenzo, con Ritratto in marmo fattone già il modello dallo Scultor Foggini: le Lettere passate tra lui, e diversi Matematici in materie Geometriche. da me doppiamente dovute al Pubblico; in elecuzione cioè del suo restamento, e in consermazione della robustissima disesa composta, e stampata l'anno 1663, con titolo di Lettera a' Filaleti di Timauro Antiate dal Sig. Carlo Dati Professor di lettere greche. e latine in questo Studio, e mio Sig. zelantissimo della verità, e della gloria dovuta all'Amico; come anco in confermazione dello Arumento ad inflanzia mia celebrato d'avanti al Sig. Confolo della nostra Fiorentina Accademia, e stampato con quella Lettera. del Sig. Carlo: e caparra finalmente delle Lezzioni Accademiche dell'istesso Torricelli, da lui a me donate liberamente, al qual'onone io non ò saputo come meglio corrisponder gratamente, che 1berandole dalle tenebre del mio Scrittoio, restituirle alla luce moritata a prò dell'ingenua Filosofia, che quanto dal gran Galileo, altrettanto fù amata da lui:

Il quale come fu il primo che aprisse la strada a' Geometri di misurar l'Infinito, & a esso uguagliare il finito; così mi persuadono i virtuosissimi suoi costumi aver aperta a lui quella del Cie-

lo; dove vegga la vita sua qua sì presto finita, quivi uguagliata. all' eternità: e non più infiniti, che non sono altrove che nell' Intelletto de' Geometri, e quivi anco ssuggono la capacità de gli steffi intendenti; ma gli sia visibilmente manisestato, e comunicato OVELLO CHE E PRINCIPIO SENZA PRINCIPIO, FINE SENZA FINE, SOLO E VERO INFINITO. E nulla curando quella vana immortalità che in quello secolo moribondo può esfer del suo nome da noi propagata, e a sui non più appartenente. (com' egli stesso diceva in una delle dette Lezzioni) gradisca nondimeno che quanto prima sieno pubblicati i suoi scritti in aumento dell'umane scienze, e a gloria di DIO. A cui piaccia di conceder a V. S. hinga, e selice vita; acciocchè avendo cortesemente posposte all'Opere dell'Amico, tante che le restano delle sue proprie, ella possa con queste ancora arricchir le Matematiche quanto prometton quelle ch'ell'à già pubblicate, e che ora sta pubblicando. Con questa sola ma continuata, e affettuosa preghiera io posso ringraziar V. S. già che il mio debol talento nonarriva a farlo com' io vorrei, e quanto, com' Esecutore, io dovrei. Saprà ben l'Antore con impetrarle questa, e ogni altra grazia maggiore remunerarla, mentre io mi raffegno qual mi professo

Di V. S. mio Sig. e Padron Singulariss.

Di Casa 27. Dicembre 1673.

Devotifs. e Obbligatifs. Serv. vero
LODOVICO SERENAI.

Q

ALCV-

NOTE, E AGGIVNTE DI V. V.

ALCVNE NOTE, E AGGIVNTE DI V. V.

122

AL TRIMO LIBRO D'EVELIDE.

N' Amico de mie studi informato mesorta ad aggiugner alle cose addotte fin quì, (appartenenti tutte a primi Elemen-

ti, Geometrici) alcune mie dimostrazioni interno al primo libro d'Euclide, delle quali io non feci mai troppo conto come ch'elleno sien' intorno a proprietà già note per altre vie, e solo per esercizio de' Principianti: ma perche a questi appunto è destinato'l presente Libretto, e tali dimostrazioni tendono pur'anch. se, o a facilitarne, o ad illustrarne alcun altre d'Euclide stesso, e tutte anno con loro la prerogativa almeno d'esser Geometriche, cioè vere, volentieri m'induca a compiacernelo, come si vede. Quando poi mi si presenti ozio più opportuno, colla pubblicazione d'altri, e Problemi, e Teoremi spezzati, in gran numero, cercherò di recuperarmi quegli, che certi Tali, per mancamento forse di memoria, anno dato fuori per propri, e con evidenza maggiore d'ogni eccezzione ricorderò loro, e mostrerò a gli altri ch'io una volta ne fui l'Autore, affinchè quei che per miei gli sentiron già non inferiscano dal mio tacere consequenze direttamente contrarie a quelle, che essi dopo le mie riprove ne dedurranno.

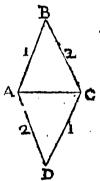
DICO dunque per ora che già sono poco men di treni anni che ristettendo alla dissiculià che per lo più arrecar suole à Principianti nella Geometria, la quinta Proposizione del primo degli Elementi, attribuita da Proclo a Talete, a segno che, riuscendo maligevole à molti il passarla selicemente, e senza inciampo, alcuni di essi non proseguivano più oltre il viaggio loro, mi sovvenne altra maniera più facile per dimostrar in primo luogo la prima parte solo di tal Proposizione, poichè la prova della seconda eveddi che si poteva immediatamente cavar dalla Prop. 13. del medismo Libro, senza bisogno sin quivi d'usarla mai; e perciò la medesima prima parte sono stato solito dall'ora in quà di spiegarla, e darla ancor in iscritto come segue, dependendo tutta dalla passara quarta Proposizione.

Prima parte della PROP. V. del Lib. I. d'Euclide.

N ogni triangolo equicrure, gli angoli sopra la base sono uguali fra loro.

DEL triangolo ABC sieno i lati uguali BA, BC. Dico che gli angoli BAC, BCA sopra la base AC sono tra loro aguali. IMMAGINIAMOCI rivoltarsi il triangolo ABC intorno la sua base AC, e cadere dalla parte contraria in ADC, in modo che il lato AB cada in AD, il CB in CD, siccome l'angolo B in D, l'angolo BAC in DAC, e'l BCA in DCA.

QVI è manifesto che essendo A B uguale ad AD, e C B a C D, & i due A B, C B, dati uguali, anoo i due AD, C D saranno uguali, e perciò tutti quattro uguali: onde per nostra comodità potremo ne' triangoli ABC, ADC contrassegnare i lati a modo nostro, e dire che il lato AB nel primo è uguale al lato C D nel secondo, il CB nel primo all' AD nel secondo, e l'augolo compreso ABC nel primo, è uguale, all'angolo CDA nel secondo, (per esser questo per così dire l'impronta di quello) sicchè, per la precedente quarta Proposizione, gli angoli rima-



nenti opposti a' lati uguali sono uguali: cioè l'angolo, per esempio, BAC, nel primo triangolo, opposto al lato BC segnato 2, è uguale all'angolo DCA nel secondo, opposto al lato DA segnato 2: ma ancora l'angolo BCA del primo è uguale all'angolo medesimo DCA del secondo, (per esser questo ancora la stampa, o l'impronta di quello) adunque se l'uno, e l'altr' angolo BAC, BCA è uguale al medesimo DCA, que due saranno fra loro uguali, è sono sopra la base AC del dato triangolo equicrure ABC. Adunque è manifesto quanto si propose di dimostrare.

Seconda parte della PROP. V. del Primo Libro d'Euclide da dimostrarsi immediaramente dopo la PROP. 13.

N ogni triangolo equicrure prolungati i lati uguali, gli angoli sotto la base sono fra loro uguali. Q 2 SIA gli angoli CAD, ACE sono uguali fra loro.

PERCHE', tanto gli due insieme BAC, DAC, che gli due insieme BCA, ECA, sono uguali ad due retti, per la Prop. 13. d'Euclide, mà tutti gli angoli retti, per la quarta domanda, sono uguali, adunque la coppia d'angoli intorno A è uguale alla coppia d'angoli intorno C; ma quei di sopra la base si sono provati uguali, per la Prop. 5. passata, adunque tolti questi dalle dette due coppie rimarranno, pel terzo assioma, quei di sotto la base uguali fra loro. Il che si doveva dimostrare.

SEGVE la sesta Prop. nell'ordine d'Euclide: ma, perchè questa serve immediatamente alla settima, e la settima è Lemma dell'ottava, e non à mai più altr'uso in tutti gli Elementi, e l'ottava lo la sòglio provar, subito dopo la mias quinta, al modo di Proclo, riferito ancora dal P. Clavio, senzabisogno alcuno delle precedenti sista, e settima, però io tralascio affatto la settima, riservandomi a provar la sesta, (che è il converso della prima parte della quinta, e che serve a molt'altre degli Elementi) dopo la Prop. 18. d'Euclide, così.

PROP. VI. del Primo Libro d'Enclide da prevarsi dopo la XVIII.

S E un triangolo avrà due angoli uguali, anco i lati opposti ad essi saranno uguali.

IMPERCIOCCHE, se uno di essi lati fosse maggior dell'altro, sarebbe, per l'antecedente Prop. 18. il suo angolo opposto maggiore dell'angolo opposto al lato minore, il che è contro 'l supposto, che si detti angoli fossero uguali. Adunque tra' detti due lati opposti non vi è il maggiore, e però sono uguali per necessità. Il che, &c.

a copie bet me religion in mestant et et et et et bet simme m L Veorema che niene appresso to do m quel mode in chio me lo pr. no disteso latino, premettendovi una mia lettera setitta ad. un R. Sacerdote Pollacco a chi io la npiai fattone richieder pochi anni sono, per la quale apparisce il tempo, e l'occasione, ch'io. porst a mê medesimo di dimostrarlo.

ADM. REVER. AC VERE" ADAMANDO VIRO

SPECTATISSIMI FLORENTINI

COLLEGII SOC. IESV

MATHEMATICO PRAEST

Vincentius Viviani

S. D. .

ON est cur tibi superbe denegem modestissime vir, & eruditissme, meam Theorematis illius demonstrationem an hesterna die per gratissmum Nuntium pro tua bumaniture a me expetere dignatus es, tum quod ad annos trisinta verbis, & scripiis cam ipsam plurimis alijs tum communicas tam volverim, tum quod sua practare mera ingenuitas non hans tantum unam & Geometricis meis exercitationibus, sed quidquid unquam ex ingeny mei tenuitate proditum fuerit sidei tua commitere bilari, tutoque animo me invitet.

Quod autem ad huius Theorematis indagationem, vix Geometria limini appulsus, tune temporis applicuerim, in causa sint admirandum illud Pythagora inventum de requalitate posentes (in triangulo quocunque restangulo) lateris recto oppositi, arga

126 V. E. NOTE, AGARDIT AMENTA

potentias laterum reliquorum rectum angulum comprehendentium. Quins primum enim, mults explicantis Praceptoris prafidio, ad iltius demonstrationem perveni, ignorans adhuc universalem propositionem trigesimam primam de similibus figuris ab Euclide in sexto Elementorum allatam, excogitare copi, num, quod de figura quadrata, verum quoque effet de prima, ac simplicissima. rectilinearum figurarum aqualium pariter laterum, & angulorum, nimirum de triangulo aquilatero; tuncque, ut aperte fatear, magna cum animi alacritate, haud minore fortassis ca, quam Tythagoram expertum fitiffe forumt ob Hecatombes immolationem, in sequentes incidi demonstrationes, duplici via, ac posthabita quacunque ipsius Pythagorica Prop. ope, meuntidem propositum comprobantes. Has itaque nugas meas, quas aliquid esse putasti, quasque, ut tibi citò morem gererem, quam citis mè perscripsi, grata mente complecti ne graveris, tuque interim uniuersa Mathesi, ac bono publico vale; moque, ut supifi, fic amare perge, atque iterum. vale. E meis Ædibus III. nonas February Anno Salutif. Incarn. MDCLXIIX.

THEOREMA

Apud PROP, XXXVII. Primi Elementorum apponendum

In triangulis rectangulis, æquilaterum triangulum, quod a latere rectum angulum subtendente describitur, æquatur iis, quæ a lateribus rectumangulum continentibus describintur æquilateris triangulis simul sumptis.

In triangulo rectangulo ABC sit rectus angulus ad B, ac super spsinis vatera descripta sint triangula aquilatera ADC. AEB, BFC. Dico unicum triangulum ADC reliquis duobus siuni AEB, CKB equale esse.

WNGANIVR recta linea DB. AF. CE, ¿ que weique in une codemque

codemque puncto intra triangulum A'B C se mutud secabunt, sed hac nibil ad nos) atque ex E puncto ducatur E G ipsi B C paz rallela.

IAM, cùm angulus CBG rectus sit, ex hypothesi, ipsi quoque parallelarum alternus EGB rectus erit; itemque rectus EGA, qui el deinceps est: quare, in triangulis EGA, EGB, cùm anguli ad G sint aquales, & ad A&B etiam aquales, (quums sint super basim trianguli aquilateri) latasque EG ipsis oppositum utrique triangulo commune sit, & reliqua litera GA, GB, aqualia erunt: quapropter, si iungatur CG, erit triangulum AGC aquale triangulo BGC, hoc est AGC crit dimidium totius dati trianguli rectanguli ABC; sed triangulum CAE componitur examilus:

EGA, EGC, AGC, & triangulum:

EGC aquatur triangulo EGB (funt vnim

fuper eadem bast EG, ac inter eastern

parallelas EG, BC, per construction

nem) ergo triangulum CAE componitur, seu aquate est tribus simul ariangulis EGA, EGB, AGC, sed duo EGA, EGB consiciunt aquitaterum AEB, & AGC superius ostensum aquale fuit dimidio trianguli i restanguli ABC, ergo idem trianqui li restanguli ABC, ergo idem trianqui quilatero AEB, und cum dimidio dati trianguli restanguli ABC.

EADEM penitus ratione (duffa.

ex f. resta f H parallela ipsi B A iunstaque A H) oftendetur triangulum ACF aquale esse triangulo aquilatero C f B und cum dimidio eiusdem dati trianguli restanguli ABC, quare duo simul triangula C A E, ACF, aquantur duobus simul aquilateris triangulis AEB, C f B und cum duobus simul dimidijs trianguli ABC, nempe und cum integro triangulo ABC, qua simul omnia constituunt quniquilaterum AEB f C A, sed triangulum C AE aquale est triangulo D AB (sunt enim latera D A, A B unius, lateribus C A, A E alterius aqualia, sur um quo utrique, ex hypothesi; & anguli D AB, E AE, aquales, eò quod uterque ipsorum D A C, B AE sit dua tertia unius anguli resti, & C AB sit issem communis) & triangulum ACF eb easdem pariter rationes aquale est triangulo D C B; ergo & duo simul

Ď

128 V. V. NOTYES, ACCOPPAT AMENTA

simul triangula D. AB, D. B., sine quadrilaterum D. AB. C. Aquale erit duabus simul triangulis C. A. E., A. G. F., sine pradicto quinquitatero AEBFCA. Si igitur ex his figuris, quinquilatero nompe, or quadrilatero dematur-commune triangulum ABC, supererit aquilaterum triangulum ADC reliquis duabus simul triangulis aquilateris AEB, CEB aquale. Quod erat demonstrandum.

ALITER.

),

VVM verò ad Pythagora morem quasissem, qua nam partes trianguli aquilateri ADC, triangulis AEB, CFB sigillatim aquales essent, id tunc facile assecutus sucrama issam positis, sed in sequenti schemate, sic.

DEMITTATUR ex B super A C perpendicularis BG, iungaturque DG. Dico triangulum A DG triangulo equilatero A EB, & triangulum C DG alteri triangulo equilatero BFC equale esse.

SECTIS enim bifariam lateribus.

AC, AB in punctis H, I, jungane, tur recta DH, EI, pariterque DB,

EC, BH, CI.

EC, BH, C1.

ET quoniam in triangulis ADH,

CDH latus AH aquale est lateri

CH, per constructionem, & DH communis, basis nero AD basi CD, cx

hypothesi, est aqualis, erunt & anguli ad H interse aquales, nempe,

resti: & similiter anguli ad I in triangulis ElA, ElB resti exiftent, quapropter & DH ipsi BG, & El ipsi BC, ob alternorum angulorum aqualitatem, aquidistabit; ideoque triangulum DGH triangulo DBH; itidemque triangulum ECI triangulo EBI aquate erit.

* **B** .

ET cum sit AH aqualis HC, erit sciangulum ABH aquales triangulo HBC, hoc est triangulum HBC dimidium erit totius dati trianguli restanguli ABC. Cumque sit Al aqualis 1B, triangula item AIC, BIC, aqualia crunt, atque unicum AIC dimi-

dividium erit eindem sotius dati trianguli restanguli A B C ? RVRSUS, some augulus. D.M.C. aqualis. fit angulo B AE (uterque enim est due tertia unius recti anguli) si ipses communes addatur CAB, erit, in triangulis DAB, CAE angulus DAB 4qualis angulo CAE, at latera circum ipsos aqualia sunt, mrumque usrique, per juppositionem; quare & triangulum D.A.B. equale of triangulo CAE, a quibus si nqualia demantur triangula ABH. It's C of name urranque resorum ostensum est dimidium einsdem. dati trigueguli rectanguli) residua erunt uqualia, nempe triangulum DHA, und rum triungulo DHB, ipsis EIA, EIC aquales erit; sed, vice triunguli DHB, sumpto DHG ipsi aquale (quad. ea sint super eadem basi DH & inter eastem parallelaseDH; BG). & vice trianguli EIC, sumpto triangulo EIB super eadem hasi EI. ac inter eafdem aquidiftantes EI, BC, provenient him duo simul triangula DHA, DHG, nempe totum triangulum ADG, duobus simul triangulis inde sumptis EIA, EIB, sive unico triangulo aquilatero AEB aquale. Quod &c.

CONSIMILI omnino ratione, fatta eddem penitus constructione at supra pro triangulis DCG, CFB, demonstrabitur insum triangulum DCG equale alteri triangulo equilatero CFB: quare totum triangulum equilaterum ADC, super latus AC recto and gulo ABC oppositum, duobus simul equilateris triangulis AEB, CFB, super latera rectum angulum continentia descriptis equale est.

Quod aliter oftendere propositum fuerat.

POSTQVAM verò primos quatuor Elementorum Libros perceperam, quadam alia ex prima buius. Theorematis confirmctione animadverti, levia equidem, at seim non inincunda, quorum nonnulla Tyrombus tantim Geometris explicare libet, suntque buiusmodi in sequenti figura.

PRIMO. Descriptis super latera cuinscunque trianguli restanguli ABC tribus equilateris triangulis ADC., AEB, CFB. Dicotres restas singuiales DB, AF, CE, iunguntes vertices triangullorum aqualium laterum cum oppositis angulis trianguli restanguli; inter se aquales esse; anque omnes, quarta resta EF iungenti vertices minorum triangulorum aqualium laterum.

ESTO staque duarum diagonalium AF, CE communis sellio.

IAM, cum fit angulus. EAB aqualis angulo DAC, uterque.

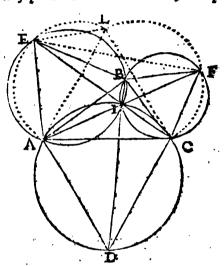
110 V. F. NOTE, AC ADDIT AMERITA

enim in suo triangulo aquilatero dua tertia est unius velli, communi addito BAC, erit angulus CAE aqualis angulo DAB, latera verò CA, AE aquantur lateribus DA, AB, utrumque utrique, cùm ipsa sint batera triangulorum aqualium laterum; ergo G basis CE basi DB aqualis. Eddem ratione in triangulis ACE, DCB ostenditur basis AF aqualis eidem DB: quare G CE, AF interse aquales.

PRETEREA, cum omnes simul anguli ad B quatuor resos constituant, duodecim nempe tertias unius resti, tres autem simul EBA, ABC, CBF consiciani septem tertias eorundem, reliquus

EBF erit quinque tertia unius recti, hoc est aqualis angulo ABF, qui ex tribus tertijs ABC, & duabus CBF constituitur; suntque latera EB, BF aqualia ipsis AB, BF; EB nempe ipsi AB, & BF commune, ergo & basis EF basi AF, vel ipsi CB, vel ipsi DB aqualis.

secvno . Dico diagonalem D B per puncium I,
in quo dua AF, CE se musuò secant, necessariò transire; boc est iunctas DI, BI; mans
rectam lineam consicere.



twar

IN triangulis enim ABF,

EBC, latera AB, BF; EB, BC sunt aqualia utrumque utrique,

& contenti anguli ABF, EBC aquales, uterque ex septem tertijs unius resti compositus, erit reliquus angulus FAB, reliquo

CEB aqualis: sed in triangulo AEI externus angulus AIC

aquatur duodus simul IEA, IAE; isque duodus IAB, BAE

est aqualis, atque IAB ostensus unper est aqualis ips IEB, ergo externus AIC aquatur tribus BAE, IEA, IEBt sed IEA,

IEB aquantur unico BEA, ergo externus AIC duodus simul

BAE, BEA aqualis est, nimirum quatuor tertijs unius resti:

quapropter se circa triangulum aquilaterum ADC siat circulus

ADCI, is omnino transibit per I (nam circuli portio minor AIC

super latus trianguli aquilateri insisteus capit angulos aquales qua-

cher tertifs unius recti, chm reliqua maier portio ADC capiat angulos duabus tertifs aquales, & duo simul oppositi anguli in quadrilatero, quod circulo inscribitur, aquales sint duobus rectis). Et quoniam chorda DA aquatur chorda DC, & arcus AD, DC, & anguli AID, DIC super cos constituti, aquales erunt, nempea uterque dua tertia unius recti, ergo reliquus AIE, qui cum pradictis AIB, DIC, complet duos rectos, erit quoque dua tertia unius recti, sed est etiam ABE dua tertia recti unius, ergo circulus circa triangulum ABE descriptus transit utique per I: sed in portione EAIB est angulus EIB aqualis angulo EAB, qui est dua tertia unius recti, quare & EIB est dua tertia recti unius, nempe aqualis angulo DIC; sed EIC est unica recta linea, ergo & DIB erit unica recta, eò quod anguli ad i contrapositi, sintaquales. Recta igitur DB transit omnino per I.

TERTIO. Dico fex angulos ad I per tres diagonales constitutos, interse aquales esse. Quod facile patet ex ostensis. Quatuer enimo DIC, DIA, AIE, EIB singuli aquales sunt duabus tertijs unius resti, quintus nero, ac sextus CIF, FIB aquantur suis ad verticem AIE, AID, boc ess uterque duabus itidem tertijs unius

resti: quapropter sex omnes ad I interse sunt aquales,

QVARTO". Conflat & peripherias circulorum duobus aquilateria triangulis AEB, CFB circumscriptorum necessarià transfere per I. Quoniam angulus AIE, qui est dua tertia unius resti, aquatur angulo ABB, eddemque ratione augulus CIF aqualis est angulo CBP.

QPINTO. Patet, manente eddem basi A C prianguli rectanguli ABC (quacunque postmodum sucrint latera AB, BC) omnes occursus I pradictarum trium diagonalium semper reperiri in eodem arcu AIC, qui est triens peripheria circuli circa maximum triangulum aquilaterum ADC descripti.

SERTO. Dico vertices triangulorum super latera AB, BC, angulum retsum ABC comprehendentia, quacunque illa sint, duminodo basis AC semper maneat cadem, esse ad peripherias semicirculorum AEL, CEL, quorum diametri sint latera AL, CL trianguli aquilateri ALC, quod super basim AC dati trianguli rettauguli ABC describitur ad partes einsdem trianguli restanguli.

NAM, cum in triangulis aquilateris ALC, AEB, sit angulus .

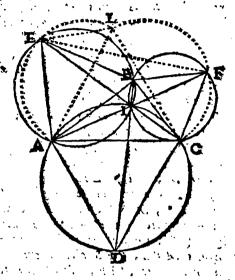
CAL aqualis angulo BAE, dempto, vel addito, prout opus suevit, angulo BAL, proveniet angulus CAB, angulo LAE aquas
lis, asque est latus CA lateri LA, & latus AB lateri AB
aquale: quare, inusta EL, evit in triangulis: CAB, LAE, hasis

R 2

132 V. K. NOT ED'NG VEDITA EV DOL KYEVCL.

CB bost LE aqualis, Emangulus ABC, angula AEL, chus aqualibus lateribus sint oppositi e sed ABC rectus est, engo & AEL rectus erit, ac propieres punctione E, vertex triangule aquilateri. AEB, est ad panipheriam semicirculi. AEL Ademque pariter osendetus de vertica triangule BFC, Quare patet & Sed de bis susins aliès.

SETT MO! Ex FR Prop. Appendicts at iam editors Divinationeni meam Geomemicam de Maximis & Minimis, se se nothi interim obnime? fit punctum I, in quo simulcouveniunt très ipsa diagodales AF, CE, DB, id ese, cui occurrunt tres re-Ee minimam quantitatem. efficientes trium iungentium angulos dati trianguli rectan-Tuli A B.C., ac minimamo quoque trium inngentium vertices D, E, P, descriptonum triangulorum: quoniam: unusquisque angulorum AIC, E IB', BIA, ac unufquisque



EID, DIF, FIE est quatuor tertia unius rellis seu grad. 120: pront vequiriour in eddem Prop. pradicta Appendicis. Quod ulcimo &c.

A di troppo è eccedito quello de geometrico chi o intendeva dar per ora di proprio arichiesta dell'amico, e per esercizio di l'ai Geometri. Principianta. Per quello par, che riguarda a gli altri Saudinsi Giovane ancor digiuni della Geometria.

eanoscondo che quanto poe anzi io dissi in commendazione di ossa
non può aver appresso di loro quell'antorità, e quella forza chi o pur
voriei, pen invagliaresti ad assaugner què una raccolta di vari
suoghi di Sapientissimo Scritteri, d'onda appariscan loro i sentimonti di stima, e di vonerazione, co quali esse meteri le considemurono, come utili non solo, ma eziandio come necessarie al paraicolar individuo, ci alle Repubbliche in universale.

SEN-

SENTIMENTI

 $oldsymbol{D}_{ij}oldsymbol{I}_{ij}$, which is the state of $oldsymbol{D}_{ij}oldsymbol{I}_{ij}$

AVTORIBLLVSTRI

INTORNO

ALL'ECCELLENZA, E ALL'YTILITA'

DELLA GEOMETRIA.

T.S.T

IPOCRATÉ

A Tessalo sua Figliuolo, dalla versione del Foesio.

EOMETRIAE, & Arithmetices cognitioni Studium adhibeto mi Fili. Neque enim solum vitam tuam gloriosam & ad multa in rebus humanis utilem, verum etiam mensem sentiorem - & longè splendidiorem ad fructum corum omnium, quæ in Arte Medica ului sunt, consequendum reddet. Quamquam, quidem Geometriæ cognitio, cilm multas, & varias formas habeat, & omnia cum demonstratione ad exitum perducat, tum. ad offium positus & articulos suis sedibus emotos, tum etiam. ad reliquam membrorum compositionem; utilis sutura est. Nam ad horum affectium variam cognitionem facilitis pervenier, tum, etiam articulorum repolitione, tum offium contritorum relectione, & perforatione & coaptatione, & hibstractione, reliquaque curatione ductus, qui locum, & os quale sit ex eo emotum cognoverir. Numerorum vero series, tum ad ambitus, tum ad cas mutationes, qua: prater rationem in febribus: finnt, & ad indicandos AEgros, & ad morborum securitatem satis sutura est. Przelarum enim ell id tibi in Remedica subministrari, quod intensionis: ac remissionis partium, que ex parte inequales sunt sacilem tibi-absque errore notitiam prebeat. Quapropter ad huius experientie facultatem valde contendito. Vale.

PLA

#34 DELL' ECCELLENZA, E DELL' YTILITÀ

PLATONE

Nel Lib. VII. della Repubblicà , dalla versione di Marsilio Ficini.

GEOMETRIA, eius, quod est semper, non eius, quod) & oritur quandòque, & interit cognitio est. Attollet igitur, o Generose Vir, ad Veritatem animum, arque ita ad philosophandum præparabit cogitationem, ut ad supera convertamus, que nunc, contra quàm decet, ad inferiora deiicimus. Quam maxime igitur præcipiendum est ve, qui præclarissimam hanc habitant Civitatem, nullo modo Geometriam spernant; nam, & que præter ipsius propositum quodammodo esse videntur: haud exigua sunt; &c.

Quivi più a baso.

VA'M dulcis Vir es? nempe vereri videris ne multi te, putent inutiles Disciplinas Mathematicas inducere. Est autem non leve istud, sed dissicile admodum persuadere, quod ex huiusmedi Disciplinis instrumentum quoddam cuiusque animi repurgatur, reviviscitque, quod ante ex alijs studijs insecum, oc excatumque suerat, cum potius id servandum sit quam oculorum corporis decem millia. Solo enim hoc inspicitur Veritas.

Lostesso luogo, dalla versione di Teone Smirneo Platonico tradotto per la prima volta dal greco in latino, e con dottissime note illustrato dall Eminente Astronomo, e Matematico Ismaele Buli aldo.

BPIDE agis cum formidare videris ne tibi inutiles Scientias Mathematicas proponam. Non inepte equidem, sed non facile quivis crediderit, hisse Scientiss, seu instrumentis, repurgari anima oculos singulorum hominum, atque novo igne reviviscere caligine obductos, a extinctos ab alias exercitis; a studijs, quos maximi interest servari, ac potius quam mille oculos corporeos; illis enim solis animi oculis Veritatem intuemur.

Nell'Epinomide, dalla versione del Ficini.

OLITE, ignorare Astronomiam sapientissimum quiddatiesse. Nempe necesse est verum Astronomum esse, noneum, cant, qui secundum Hesiodum, omnesque humsmodi, occasium ortumque consideret, sed eum potitis, qui circuitus octo, & quomodo septem sub primo versentur, quove ordine circulos suos singuli peragant. Quod, unlla Natura, nist mirabilis sit, facuè unquam inspiciet, ut modò diximus, ac dicemus, declarantes, quid oporteat, & quomodo oporteat discore. Primò itaque id dicatut, quod Luna celerrime circulum suum evoluit, atque ita plenilunium primum, ac mensem peragit. Sol deinde inspiciendus ett, qui solstitia, versionesque temporum circuitu efficit suo; præterea, & qui una cum Sole currunt considerandi. Denique, ne eadem eisdem fæpins disseramus, cursus omnes, quos paulò ante tetigimus, quive non facile intelliguntur, contemplari debemus, ita ut Natura, priùs do-Arinis ad hac pertinentibus longo ulu, laboreque a Ivventa, immo verò, & a Pueritia praparentur. Quocirca Doctrinis, qua Mathematicz appellantur, opus cft. Primo vero, ac maxime, numeris; non ijs dico numeris, qui corpus habent, sed, qui omnem paris, imparisque generationem, atque virtutem, quam ad perficiendam, cognoscendamq; rerum naturam conferunt. Quibus perceptis, illam deineeps, quam ridicule Geometriam appellant, discenda ek. Numerorum verò inter se natura dissimilium similitudo ad planorum partem relata clarescit. Quod quidem non humanum, sed divinum miraculum, si quis plane intelligat, videatur oportet. Post hanc numeri, qui in tres usque dimensiones adaucti sunt, nature solida similes, ac rursus distimiles alia quadam arte, Stereometria videlieet huic simili, considerandi simt: sed hanc quoque, qui in. ea obiter versati sunt, Geometriam nominaverunt. Illud autem. mirum, divinumque intelligentibus est &c.

Mel medesimo luogo più sotto.

AEC igitur ita siane, & ita se habeant. Horum sinis est ut ad Divinam generationem, & eorum, que cernuntur oculis, pulcherrimam, Divinamque Naturam considerandam nos conseramus, quatenus hanc Hominibus inspiciendam DEVS largitus est, quammunquam sine dictis Artibus (Mathematicis nempe) assequemur &c.

Quivi pare più a basso.

NVM enim horum omnium intelligendi vinculum apparebit. Qui verò aliter hæc adipisci studet, fortunam, ut dicimus

136. DELL' ECCELBENZA, E DELL' PERITA

cinns, invocet. Nunquam chim ablquedhis Matura in Civinatibus alla felix efficietur. Etenim hic mochas est, hac educatio, ha Disciplina. Per hac itaque, sive facilia, sive difficilia sint, cundum. Nesas autem est Deos negligere, cum felix omninm illorum doctrina omnibus recta ratione patuerit. Jium sanè, qui cuncta hac ita percepit, verè Sapient issimum appellamum.

QVINTILIANO

Nel Libro primo dell'Instituzione Oratoria,
Al Capitolo X.

IN Geometria, partem fatentur esse utilem teneris ætatibus: agitari namque animos, atque acui ingenia, & celeritatem percipiendi venire inde concedunt: sed prodesse cam non ut cateras artes cum percepta sint, sed cum discatur existimant. Id vulgaris opinio est, nec sine causa summi Viri etiam impensam huic Scientiz operam dederunt. Nam oum se Geometria divisa in numeros, atque sormas &c.

PROCLO DIADOCO

Filosofo Platonico, e Matematico, nel primo Libro Sopra il primo di Euclide, ial Cap VIII dalla versione del Burocci.

D Philosophiam Moralem nos Mathesis instituit, ad eamque postremam persectionem perducit, ordinem, concinnamque vitam moribus nostris inserens. Figuras præterea virtuti convenientes, & modulationes, & motus nobis tradit, a quibus sanè Atheniensis etiam hospes eos institui, ac persici vult, qui moralem virtutem ab incunte adolescentia sunt consecuturi. Virtuam insuper rationes in medium affert, aliter quidem in numeris, aliter verò in figuris, aliter autem in musicis consonautis; vitiorumque demum excessus, atque desecus indicat, per quos moderati moribus, ordinatique efficimur. Et ideiro Socrates, in Gorgia, Caliclem inordinata, intemperataque vita accusans, Geometriam, inquit, ac geometricam aqualitatem negligis &c.

Nel I. Libro, al Cap. XV.

Hac itaque Mathesis est, sive Disciplina, quæ externarum in anima rationum reminiscentia est: & Mathematica (hoc est disciplinativa Scientia, ut sic exponam) propter hanc ea cognitio potissimum nuncupatur, quæ nobis ad earum rationum reminiscentiam maximè confert. Et opus igitur, atque officium huius Scientiæ quale porrò sit, a nomine sit manisestum. Id nempe, quod insitam movet cognitionem, & promit formas, quæ nobis secundum essentiam insunt, & ausert oblivionem, atque ignorantiam, quæ nobis ab ortu nostro innatæ sint: & soluit vincula, quæ ab irrationabilitate proveniunt, ad DEI planè similitudinem, huius Scientiæ Præsidis, qui intelligentia munera manisestat, & cunctadivinis rationibus comiplet: animas quoque ad mentem erigit, ac veluti è prosundo exuscitat sopore, & inquisitione ad se ipsas convertit, & obstreticatione quadam persicit, puræque mentis inventione ad vitam beatam deducit.

TEONE SMIRNEO

Nell'Esposizione di ciò, che appartiene all'intelligenza delle cose.

Matematiche di Platone, al Cap. I. dalla versione del
dottissimo Bulialdo.

RATHOSTENES in Libro, eui Platonico nomen imposuit refert, postquam Delios super pestis liberatione interrogantes, oraculo dato, instisset DEVS ALTARE DVPLVM, eius, quod tunc erat erigere, multam Fabris, ingentemque obiectam animi anxietatem quarentibus. Quomodo oporteat solidum solidi dati duplum essicere. Ipsosque adisse Platonem de hoc Problemate interrogaturos, huncque eis respondisse, quòd DEVS eiuscemodi Oraculum Deliis ediderit, non quasi dupli Altaris egenus; sed obiecerit Gracis, & exprobraverit, circa Mathematicas Scientias & Geometriam, neglectum, atque socordiam.

Più sotto. NOS Pueros erudimus in Musica, Gymnastica, Literis, Geometria, & Arihmetica, nihil aliud molientes, quam vt concipiant (veluti tinduram) rationes de omni virtute quam didifecrint, vbi præuias detersiones, purgationes, aliasque præparatio-

18 DELL' ECCELLENZA, E DELL' VTILITÀ

nes, has nempe Disciplinas, quasi quadam adstringentia medicamenta, adhibuerimus; vt indelebilis sententia illosum vigeat, cum indolem, & educationem commodam nacti fuerint, nè strigmenta illa abstersiua, colorem, tincuramque abradant, voluptas solicet omni peru rsitate, & consucudine periculcsior, dolor etiam, metus, & cupuditas alia quouis strigmento magis corrosiua.

Illustrazione ingegnosa del luogo sprareserito, presa. dalle Note eruditissime del Bulialdo.

VEMADMODVM igitur lanas præparant Tinctores alumine eas repurgando, & condensando, ita Philosophus animos. Discipulorum suorum præparat repurgando ipsos ab omnibus præcenceptis prauis, distortisque opinionibus, instipandoque Disciplinis Mathematicis, vt alia Philosophica dogmata faci iùs, & ad satietatem imbibant, & sirmissimè retineant, nec se praua mente abripi vnquam patiantur.

H medesimo Teone più a basso. ..

PRIMV'M enim quadam purificatione ab incunte pueritia utendum, exercitatione nimirum in Disciplinis Mathematicis convenientibus. Sic enim Empedocles. Oportet sordibus mundari haurientem puro ere ex quinque fontibus. Plato verò ex quinque Disciplinis Mathematicis ait purgationem petendam esse; Arithmetica scilicet, Geometria, Stercometria, Musica, & Astronomia.

SEVERINO BOEZZIO

Nel Prime Lib. dell'Arimmetica, al Cap. L.

VIBVS quatuor, Arithmetica nempe, Geometria, Musica, & Astronomia, si careat Inquisitor, Verum invenire, non possit, ac sine hac quidem speculatione Veritatis nulli recté sapiendum est. Est enim Sapientia, earum rerum, qua vera sunt cognitio, & integra comprehensio. Quòd hac qui spernit, idest, has semitas Sapientia, ei denuncio non recté philosophandum. Siquidem Philosophia est Amor Sapientia &c.

IL.

IL CARDINALE NICCOLO' DI CVSA

Alla sua Opera de Compimenti Matematici dedicasa alla Santità di PAPA NICCOLO V. premette la seguente Lettera.

ANTA est potestas summi tui Pontificatus NIC. V. PATER BEATISSIME, ut per eos, qui vim eins attente consideraverunt, assimiletur potentiz quadrandi rotundum, & quadrum. circulandi, quasi maior illa dari non possit. Verum, cum in tenon tantim Primatus sit clauis, & potestas Scientiz, supremæque Hierarchiz Ecclesiz, sed velut persedus Magister omnium scibilimm ex tuo felicissimo ingenio incomparabilis notitiz esse indiceris ab omnibus, id magnificentissimè effecisti, ut omnium, tam, Gracorum, quam Latinorum scripta, qua reperiri queunt, tua. mirifica diligentia in omnam nostrum notitiam accuratissime pervenerint. Ita ut etiam Geometrica non neglexeris; que sanè omni honore digna a Maioribus nostris habita sucrunt. Tradidisti enim mihi proximis diebus MAGNI ARCHIMEDIS GEOMETRICA GRÆ. CE' TIBI PRÆSENTATA, ET TVO STVDIO IN LATINVM CON-VERSA, que mihi tam admiranda visa sunt, ut circa ipsa non nisi magna cum diligentia verlari potuerim; ex quo id effectum est ut meo studio. & labore complementum aliquod illis addiderim; quod, TVE SANCTITATI offerre decrevi. Solum enim te dignum scio, ut quæ a Sæculo incognita remanserunt, per te cunciis patefiant, & non tantim scibilia, que semper circa quesitam circuli quadraturam versari consueverunt; sed, & qua in omni Mathematica persectione præstant complementum, ex his ipsis meo iudicio perfecte consequi possint.

MAGNA equidem Christianorum Geometrarum gloria! Heroicus, immo Sacer ipsiusmet Geometria Triumphus, de quo altum, & mi-

ror, undequaque filentium!

GEOMETRARVM PRINCEPS, de cuius sola, consepulti tandid sepulcri inventione Romana elo quentia Princeps tantopere gloriatur, latina Europa multis iam saculis intermortuus, ac per duodeviginti sere grace locutus, nunc, opera, doctrina, studio, MAXIMI CHRISTIANI ORBIS PRINCIPIS revivisit, sacroque ex ore tanti Romani Pontificis Romano sermone loqui primum inc pit.

DE alijs Sancissimi NICOLAI V. zruditis bususmods version bus te-

140 DEEL ECCELLENZA, E DELL VIILITA

stantur quoque postrema carmina Epitaphij sepulcro illius superadditi, extante Rome in Basilica Divi Petri, vbi

Attica Romana complura volumina lingua
Prodidit; en tumulo fundite thura sacro.

GIO: BATISTA BENEDETTI

Nubil Veneziano Filosofo, e Matematico di gran nome, nella sua Prefazione al Libro degli Orivuoli.

S I que autem funt Discipline, que speculationis excellentia, tractationis incunditate, atque usus utilitate præsent, hæ prosectò sunt Mathematice, per quas, & Divinas operationes intelligimus, & præstantissimum rerum Opisicem emulamur, dum sicut isse naturalium, nos artificialium rerum Authores essicimur. Harum usque adeo Hominibus conveniumt, ut vel ex his Homines ipsi an verè sint dignoseantur. Vnde Aristippus Cyrenaicus ex naufragio in Rhodiorum litus excussus, vbi Mathematicas vidit inpulvere siguras, gaudio gestiens, prossisse fertur, quod vestigia Hominum cognovisset &c.

IL P. CRISTOFANO CLAVIO

Matematico celebratissimo dell'inclita Compagnia di Gesu, nella sua Prefazione a gli Elementi d'Euclide, al Cap. IV.

VONIAM Disciplinæ Mathematicæ de rebus agunt, quæ absque ulla materia sensibili considerantur, quamuis re ipsa materiæ sint immersæ, perspicuum est eas medium inter Metaphysicam, & naturalem Scientiam obtinere locum, si subiecum earum consideremus, vt rectè a Proclo, Platone Duce, probatur. Methaphysices etenim subiecum ab omni est materia seiuncum, & re, & ratione: Physices verò subiecum, & re, & ratione, materiæ sensibili est consuncum. Vnde cum subiecum Mathematicarum Disciplinarum extra omnem materiam consideretur, quamuis re ipsa in ea reperiatur, liquidò constat hoc, medium esse inter alia duo. Si verò nobilitas, atque præsantia Scientiæ ex tertitudine demonstrationum, quibus utitur, sit iudicanda, haud dubiè

chibic Mathematica Disciplina inter cateras omnes pracipuum habent loctum. Demonstrant enim omnia, de quibus suscipiunt disputationem, firmissimis rationibus, confirmantque, ita ut verè Scientiam in Auditoris animo gignant, omnemque prorsus dubitationem toffant; id quod alijs Scientijs viz tribnere poslumus, cum in eis sæpenumerd intellectus multitudine opinionum, ac sententiasum varietate, in veritate conclusionum indicanda inspensus haveat, atque incertus! * Huius rei fidem aperte faciunt tot Peripatericorum Sceta (ut alios interim Philosophos filentio involvam) quæ ab Aristotele, veluti rami è trunco aliquo, exortæ, adeo & inter se, & nonnunquam a sonte ipso Aristotele dissident, ur prorsus ignores, quid nam sibi velit Aristoteles, num de nominibus, an de rebus potius disputationem instituat. Hinc fit, ut pars Integ pretes Græcos, pars Latinos, alij Arabes, alij Nominales, alij denique Reales, quos vocant (qui omnes tamen Peripateticos se esse gloriantur) tanquam Ductores sequantur. Quod, quam longè a Mathematicis demonstrationibus absit, neminem latere existimo. Theoremata enim Euclidis, caterorumque Mathematicorum, eandem hodie, quam ante tor annos, in Scholis retinent, veritatis puritatem, rerum certitudinem, demonstrationumque robur, ec firmitatem. Huc accedit id, quod Plato ait in Philebo, seu Dialogo, qui de summo bono inscribitur, eam Scientiam esse digniorem, præstantioremque, quæ magne synceritatis, veritatisque est amans. Cum igitur Discipling Mathematica Veritatem adeo experant, adament, excolantque, ut non solum nihil, quod sit falsum, verium etiam nihila quod tantim probabile existat, nihil denique admittant, quod certissimis demonstrationibus non confirment, corroborentque, dubium esse non potest, quin eis primus locus inter alias Scientias omnes sit concedendus.

PERRARA profecto, non minus quam syncera confessio Peripateticam Philosophiam Prositentis: a singulis tamen Philosophis, qui ad instar huius optimi Viri Geometricam nouerius veritatem, contrectarint que, semper audienda, nunquam è contra ab Ageometris (quos Plato ex Academia reiicere consueuerat) expectanda. Id enim peculiare Geometria munus est, quod ipsa imbuti, de naturali Philosophia se nihit scire ingenuè, ac libere fateantur, dumaly, qui, illotis, ut aiunt, pedibus, Geometria videlicet orbati, repente ad Philosophiam accedunt, omnia penitus, qua ad Physicens spectant se scire putant, atque in his animitus, sou, ut verius dicam,

140 DELL' ECCELLENZA, E DELL' VIILITA

Ecclefiaflés Cap. III. cam, andacia nimia gloriautur, mirabiliam DEI effatorum immemores, quod nempe Mundum tradidit disputationi eorum, ut non inveniat homo opus, quod operatus est DEVS ab initio usque ad sinem. SECVS autem evenit de Mathesios obiectis, Mensura scilicet, Numero, ac Pondere, in quibus (duntaxat) DEVS omnia disposuit, quique a Planimetria, ac Stereometria (utraque Geometria nomine perperam appellata) ab Astronomia (mensuris, ac numeris alligata) atque a Statica (de ponderum momentis agente) sirmissimis demonstrationibus pertractantur: in his enim luce clarius patet placuises. Veritatum DEO ex innumeris suis, immo infinitis, quasdam paucas posse Homines assequi veritates, ac reliquis aperire, ut singuli sint memores DEI, & benedicant enm in omni tempore, in veritate, & in tota virtute sua.

Toblia Cap. XIV.

Il modefimo P. Clavio, più fotto.

D has omnes stilitates accedit maxima incunditas, atque voluptas, qua cuiusque animus his Artibus colendis, exercendisque perfunditur. Sunt enim ha pracipua ex septem Artibus liberalibus, in quibus non solum ingenui Adolescentes, verum etiam nobiles Viri, Principes, Reges, ac Imperatores ad honestissimam, maximeque liberalem oblectationem animi, quam summa etiam cum utilitate coniundam pariunt, diù, multimq; versari solebant: quorum exemplum multos, adhuc nostra hac atate imitari conspicimus.

IL P. D. BENEDETTO CASTELLI

Difeepolo del Galileo, nelle Risposte all'Opposizioni di Lodovico delle Colombe, contro al Trattato delle Galleggianti del medisimo Galileo.

S E il Galileo à dell'opinioni diverse dalle comuni, ciò è nato dall'aver egli per lunghe osservazioni conosciute queste mal sondate, & inabili a sciorre le difficultà, che nascono circa le cause degli essetti di Natura, e dal non voler mantener sempre sottopo-

lta

Az la libertà del discorso all'autorità delle nude parole di questo, o di quell'Autore, uomo di sensi, e di cervello simile a molt'altri sigliuoli della Natura: e però dopo l'aversi impennate l'ali con le penne delle Matematiche, senza le quali è impossibile sollevarsi un sol braccio da terra, à tentato di scoprire almeno qualche particella degli infiniti abissi della Scienza naturale, la quale egli stima tanto difficile, se immensa, che concedendo lui molti uomini particolari aver saputo persettamente chi una, e chi un'altra, e chi più d'una dell'altre sacultadi, crede poi, che tutti gli uomini insi me stati al Mondo sin'ora, e she saranno per l'avvenire, non abbiano saputo, nè sorse sieno per sapere una piccola parte della Filososia naturale.

IL GALILEO

Nel Saggiatore.

fare sia necessario appoggiarsi all'opinioni di qualche celebre Autore, sicchè la mente nostra, quando non si maritasse col discorso d'un'altro, ne dovesse in tutto rimanere sterile, ed inseconda; e torse ssimano che la Filososia sia un libro, e una fantassia d'un uomo, come l'Iliade, e l'Orlando surioso, libri, ne' quali la meno importante cosa è che quel che vi è scritto sia vero. Ma la cosa non istà così. La Filososia è scritta in questo grandissimo libro, che continuamente ci stà aperto innanzi a gli occhi (io dico l'Vniverso) ma e' non si può intender se prima non s'impara a 'ntender la lingua, nella quale egli è scritto. Egli è scritto in lingua Matematica, & i caratteri sono Triangoli, Cerchi, & altre sigure geometriche, senza i quali mezzi è impossibile intenderne umanamente parola; senza questi è un'aggirarsi vanamente per un oscuro Laberinto.

Il GALILEO nel fine d'una fua Postilla ad alcune Esercitazioni Filosofiche d'Antonio Rocco, fatte in disesa d'Aristotile.

ANTO basti per ora aver notato sopra queste poche conclusioni d'Arastotile, e vostre, tra le moltissime attenenti al moto

144 DELL' ECCELLENZA, E DELL' VTILITA

moto locale. E dopo che avrete, Signer Rocco, ben bene esaminati, ponderati, e paragonati insieme i vostri discorsi co' miel, e ridottovi a memoria il detto verissimo del Filososo, che, ignorato motu ignoratur Natura, giudicate con giusta lance qual de' due modi di silososare cammini più a segno, o'l vostro sisco, puro, e semplice bene, o'l mio condito con qualche spruzzo di Matematica, e nello stesso considerate chi più giudiziosamente discorreva, o Platone nel dir che senza la Matematica non si poteva apprender la Filososia, o Aristotile nel tassar' il medesimo Platone, per troppo studioso della Geometria.

Il GALILEO, nella prima Giornata de due Sistemi.

Salv. CIRCA' al secondo punto, io mi maraviglio che vabbiate bisogno che il Paralogismo d'Aristotile vi sia scoperto, essendo per se stesso tanto manisesto; e che voi non vaccorgiate che Aristotile suppone quello che è in questione; però notate.

Simpl. DI grazia Sig. Salviati parlate con più rispetto d'Aristotile. E a chi potrete voi persuader giammai, che quello che è stato il primo, unico, & ammirabile esplicatore della forma silogistica, delle Dimostrazioni, degli Elenchi, de' modi di conoscere i Sossismi, i Paralogismi, & in somma di tutta la Logica, equivocasse poi sì gravemente in suppor per noto quello, che è inquissione? Signori bisogna prima intenderlo persettamente, e poi

provarsi a volerlo impugnare.

Salv. SIGNOR Simplicio, noi fiamo qui tra noi discorrendo familiarmente per investigare qualche verna; no non avrò mai per male che voi mi palesiate i miei errori, e quand'io non avrò confeguita la mente d'Aristotile, riprendetemi pur liberamente, chio ve ne avrò buon grado. Concedetemi in tanto ch'io espongale mie dissicultà; e ch'io risponda ancora alcuna cosa alle vostre ultime parole, dicendovi, che la Logica, come benissimo sapete, è l'Organo, col quale si fislosofa; ma siccome può esser ch'un. Artesice sia ectellente in sabbricar Organi, ma imperito in sapergli sonare, così può esser un gran Logico, ma poco esperto nel sapersi servire della Logica: siccome ci son molti che sanno per lo senno a mente tutta la Poetica, e son poi infelici nel comporre quattro versi solamente: altri possegono tutti i precetti del Vinci, e non saprebbero poi dipignere uno sgabello. Il sonar l'Orga-

no non s'impara da quelli che fanno far Organi, ma da quelli che gli fanno sonare: la Poesia s'impara dalla continua Lettura de Poeti: il dipignere s'apprende col continuo disegnare, e dipignere: e il dimostrare, dal continuo studio de libri pieni di Dimostrazioni, che son poi i sibri Matematici soli; e non i Logici. Ora tornando al proposito, &c.

Il GALILEO nella seconda Giornata.

Dopo aver il Salv. addotto una Dimostrazione Fisica Matematica interno ad un supposto effetto Pisico, soggiugne così il

Sagr. VERAMENTE il discorso è molto sottile, me altrettanto concludente; & è sorza consessare ch'il voler trattare le quissioni Naturali senza Geometria, è un tentar di sar quello, che è impossibile ad esser fatto.

Il GALILEO nella serza Giornata.

Interrogate Simpl. dal Sagr. di quello gli para d'un discorso Fisico Matematico fatto, ex hypothesi, dal Salv. così risponde

WESTE, (s'io devo dire il parer mio con libertà) mi paiono di quelle sottigliezza geometriche, la quali Aristotele riprende in Platone, mentre l'accusa che per troppositatio della Geometria si scossava dal saldo sitosofare de consistuti, e sentiti grandissimi Filososi Peripatettici sapusigliare i lor Discepoli dallo studio delle Matematiche peome quelle, che rendono l'intelletto cavilloso, se inabile al ben sitosofare i instituto diametralmente contrario a quello di Platone, che non ammetteva alla Filosofia se non chi prima sosse impossessimo della. Geometria.

Salv. APPLAVDO al configlio di questi vostri Periparetici di distorre i loro Scolari dasso studio della Geometria, perchè noneci è Arte alcuna più accomodata di questa per iscoprire le fallacie loro; ma vedete quanto cotesti sieno differenti dai Filosofi Matquatici, il quali assali più vosenvieri trattano con quel, le benero fono informati della comune Pisosofia periparetica, che con quet,

A6. DELL' BCGELLENZA, & DELL' KTILE À

che mancano di tal notizia, i quali, per tal mancamento, non possono sar paragone tra dottrina, e dottrina.

I GALILEO wella prima Giornata.

Sagr. E STREMA temerità m'è parla sempre quella di coloquanto possa, e sappia sar la Natura; dovo che all'incontro e non è essetto in Natura, per minimo ch'e sia, all'intera cognizione del quale possano arrivare i più speculativi ingegni. Questa così vana presunzione d'intender il tutto, son può avez principio da altro che dal non aver inteso mai nulla; perchè quand'altri avesse sperimentato una volta sota altro perfettamente una sola cosa, se avesse gustaro veramente come è satto il sapere, conoscerebbe come dell'infinità dell'altre canglusioni niuna ne intende.

Salv. CONCLVDENTISSIMO è il vostro discorso, in confermazione del quale abbiamo l'esperienza di que ch'intendono, o anno'nteso qualcosa, i quali, quanto più sono Sapienti, tanto più conoscono, e' liberamente confessano di saper poco; & il Sapientissimo della Grecia, e per tale sententissio dagli Oracolo dicera apertamente conoscer di non saper nulla.

Simpl. CONVIEN dunque dire, o che l'Oracolo, o che lo Refio Somate soffe bugitirdo, predicatelolo quello ger Sapientiffi-

Promuziati possono esser veri. Sindica: Coracolo Repientifico Socrate Sopra gli altri momini, la ispicuaz del iqueli è limitate. Si conosce Socrate non seper unla in relazione alla sepienza assoura, che è infinitar e perchè dell'infinito, tal parte n'è il mosto, che il poco, ce che'il mente si perchè per aminara, per esampio alla nue mero infinito, tanco è l'accimpulat migliaia, quanto decine; en quanto zeri) però ben conosceva Socrate la terminata, sua sepienza esser nulla all'infinita che gli mancara, Ma perchè pur traz gli memini si trova qualche sapere, e questo non signalmente compatito a tutti, potette Socrate averne maggior parte de gli pitri, e perciò veriscarsi l'responso dell'Oracolo.

Sagr. PARMI d'intender benissimo questo punto. Tra gli uomini, Signor Simplicio, è la potestà di operare, ma mon egualmenre posseduca da tutti: e non è dubbio, che la potenza d'un luiperadore è maggior affai che quolla d'una Persona privara, ma Le questa, e quella è nulla, in comparazione dell'ONNIPOTENZA DIVINA. Tra gli uomini vi sono alcuni ch'intendon meglio l'Agricoltura, che molti altri; ma il saper piantar un sermento di vite in una fossa, che à che fare col saperso far barbicare, attrarre I nutrimento, da quello scerne quella parte buona per farne le foglie, quest'altra per formarne i viticei, quella per i grappoli, quell'altra per l'uva; & un altra per i fiocini, che son poi l'opere della Sapientissima Natura? Questa è una sola opera parti colare delle innumerabili che fà essa Natura, & in questa sola st conosce un infinita sapienza: talche si può concludere, IL SAPER DIVINO ESSER INFINITE VOLTE INFINITO.

Salv. ECCONE un altro escripio. Non diren noi che'l sapete scoprire in un marmo una bellissima Statua à sublimato l'ingegno del Buonarruoti assar sopra gli ingegni comuni degli altri nomini? e quest'opera non è altro che imitare una sola attitudine, e disposizione di membra esteriore, e superficiale d'un ucmo immobile: ma però che cosa è in comparazione d'un nomo satto dalla Natura, composto di tante membra esterne, & interne, de I ranti muscoli, tendini, nervi, osla, che servono a' tanti, e fi diversi movimenti? che diremo de' sensi, delle potenze dell'anima, e finalmente dell'intendere? Non possimo noi dire, e con. ragione la fabbrica d'una statua cedere d'infinito intervallo alla. formazione d'un uomo vivo, anzi anco alla formazione d'un vilif-1 1

fine verme?

Sagr. E qual differenza crediamo che fosse tra la Colomba.

d'Archita, '& una della Natura?

Simpl. O io non sono un di quegli uomini ch'intendano, o'h muesto vostro discorso è una manisesta contradizione. Voi tra i maggiori encomi, anzi pure per il massimo di tutti, attribuite all'uomo fatto dalla Natura, questo dell'intendere, e poco sa dicevi con Socrate che I suo intender non era nulla: adunque Bisognerà dire, the nè anco la Natura abbia nteso il modo di far un intelletto chimtenda.

Salv. MOLTO acutamente opponete; e per rispondere assobiezzione convien ricorrere ad una distinzione Filosofica, dicendo, che l'intendere si può pigliare in due modi, cioè, intensivé, ovvoro extensive; e che extensive, cioè, quanto alla moltitudine degli intelligibil, che fono infiniti, l'intender umano è come nullo,

quan-

148 DELL'ECCELLENZARE DELL PURIN

quando bene egli intendesse mille milioni di, proposizioni, perche un tal numero, rispetto all'infinità, è come un zero: ma pigliando l'intender intensive, in quanto cotal termine importa intensivamente, cioè persettamente alcuna proposizione, dico, che l'intelletto umano ne intende alcune così persettamente, e ne à così assoluta certezza, quanta se ne abbia l'istessa Natura, è tali sono le Scienze Matemariche pure, cioè la Geometria, e l'Arimmetica; delle quali l'INTELLETTO DIVINO ne sa bene infinite proposizioni di più, perchè le sa tutte; ma di quelle poche intese dall'intelletto umano credo che la cognizione agguagli la DIVINA nella certezza obiettiva, poichè arriva a comprenderne la necessità, sopra la quale non par che possa esser le comprenderne la necessità, sopra la quale non par che possa esser la comprenderne la necessità,

QVESTO mi pare un parlare molto sisoluto, e ardito, salv. QVESTE son proposizioni comuni, e lontane da ogni ombra di temerità, o d'ardire, e che punto non detraggono di Macha alla DIVINA SAPIENZA; siccome niente diminuisce la sua Onnipotenza il dire, che IDDIO non può sare che'l satto non sia fatto, ma dubito Signor Simplicio che Voi pigliate ombra per essere state ricevute da Voi le mie parole con qualche equivocazione; però, per meglio dichiararmi, dico, che quanto alla verita, di che ci danno cognizione le Scienze Matematiche, ell'è l'istessa, che conosce la SAPIENZA DIVINA, ma vi concederò bene che'l modo, col quale IDDIO conosce l'infinite proposizioni, delle quali noi conosciamo alcune poche, è sommamente più eccellente del nostro il quale è finito, e procede con discorsi, e con passaggi da conclusione, in conclusione, dove I suo è infinito, e. d'un semplice intuito; e dove Noi, per esempio, per guadagnar la scienza d'ascune passioni del Cerchio, che ne a infinite, comingiando da una delle più semplici, e quella pigliando per sua disinizione, passiamo con discorso ad un'altra, e da questa alla terza, e poi alla quarta, &c. L'INTELLETTO DIVINO, con la semplice apprensione della sua essenza, comprende senza, temporaneo discorso tutta l'infinità di quelle passioni; se quali anco poi in essetto virtualmente si comprendono nelle difinizioni di tutte le cole, e che poi finalmente per esser infinite, forse sono una sola nell'essenza loro, e nella MENTE DIVINA: il che nè anco all'Intellet-to umano è del tutto ncognito, ma ben da profonda, e denta. Caligine adombrato; la quale viene in parte assottigliata, e chiarificata, quando ci siamo fatti padroni d'altre conclusioni fermamente dimostrate, e tanto speditamente possedute da Noi, chetra esse possiamo velocemente trascorrere: perchè in somma, che altro è l'esser, nel triangolo, il quadrato del lato opposto all'angolo retto eguale agli altri due, che gli sono intorno, sennon l'esser i paralellogrammi sopra base comune, e tra le paralelle, tra loro nguali? È questo non è egli finalmente il medesimo, che esser'eguali quelle due superficie, che adattate insieme non si avanzano, ma si racchiuggono dentro al medesimo termine? Hor questi passaggi, che l'Intelletto nostro sa con tempo, e con moto di passo in passo, l'INTELLETTO DIVINO a guisa di luce trascorre in un'issante, ch'è l'issesso, che dire, gli a sempre tutti presenti.

Concludo per tanto, l'intender nostro, e quanto al modo, e quanto alla moltitudine delle cose intese, esser d'infinito intervallo superato dal DIVINO; ma non però l'avvissico tanto ch'io lo reputi assolutamente nullo; anzi quand'io vò considerando quante, e quanto maravigliose cose anno intese, investigate, & operate gli uomini, pur troppo chiaramente conosco io, & in-

tendo esser la Mente umana. Opera di DIO e delle più eccellenti.

I L



N E.

